

# الجمعية الجزائرية للمقاطعية الشعبية

ثانوية العقيد أحمد بن عبد الرزاق  
ي \_\_\_\_\_ يوم : 2018/12/02  
الشعبة: رياضيات  
المدة: ساعتان

مديرية التربية لولاية وهران  
امتحان الفصل الأول  
المستوى: سنة ثالثة ثانوي  
الاختبار في مادة: الرياضيات

## التمرين الأول: 04 نقاط

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  الهندسية حدودها موجبة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  حيث :

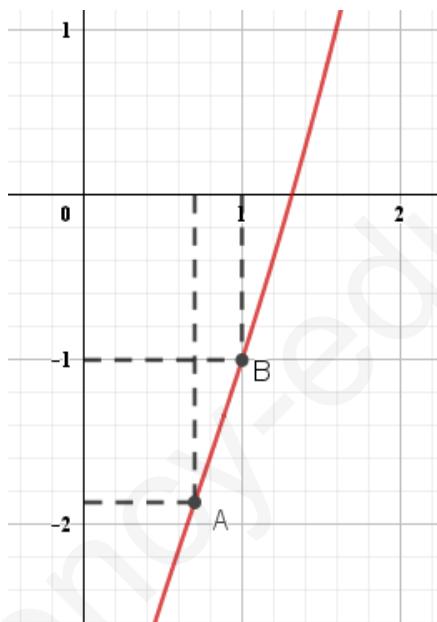
- 1) بين أن أساس المتتالية  $(u_n)$  هو  $q = \frac{1}{e^2}$  ثم عين حدها الأول  $u_0$ .
- 2) احسب  $u_n$  بدلالة  $n$ .

- 3) أحسب المجموع  $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$ .  
ب) احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$ .

- 4) لتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ :  
أـ) بين أن  $(v_n)$  متتالية حسابية يطلب تعين أساسها.

- بـ) احسب المجموع  $T_n$  حيث :  $T_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$   
حتى ي تكون  $T_n^2 = 2^{30}$

## التمرين الثاني: 07 نقاط



نعتبر الدالة  $u$  المعرفة على المجال  $[0, +\infty)$  بـ :  
حيث  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقية و  $(C_u)$  تمثلها البياني الموضح في الشكل

والذي يشمل النقطتان  $A\left(\frac{1}{\sqrt{2}}, -\frac{3}{2} - \frac{1}{2}\ln 2\right)$  و  $B(1, -1)$

والنقطة  $A$  هي نقطة إنعطاف

- 1) جد الأعداد الحقيقية  $a$  و  $b$  و  $c$  وبرهن أن

- 2) أكتب جدول تغيرات الدالة  $u$

- 3) المعادلة  $0 = u(x)$  تقبل حلًا وحيدًا يطلب حصره على مجال من الشكل

حيث  $n$  عدد طبيعي يطلب تعينه  $\left[\frac{n}{100}, \frac{n+1}{100}\right]$

- 4) أدرس إشارة  $u(x)$  ثم برهن أن  $\ln(\alpha) = 2 - \alpha^2$

- 5) نعتبر الدالة  $v$  حيث  $v(x) = u(e^{-x})$

- (a) أحسب الدالة المشتقة للدالة  $v$  ثم بين أن الدالة  $v$  متناقصة تماما على مجموعة تعريفها  $IR$

- (b) أكتب عبارة الدالة  $v$  ثم أحسب نهايات الدالة  $v$

إقلب الورقة....

### التمرين الثالث: ٥٩ نقاط

(I) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي:

1. أحسب  $g'(x)$  لـ كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  ثم أستنتج اتجاه تغير الدالة  $g$ .

2. بين أن:  $e^{-x} + x \geq 1$  لـ كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  (لاحظ أن  $g(0) = 0$ ) ثم أستنتج أن:

(II) نعتبر الدالة  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  والمعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

وليكن  $(C)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  وحدة الأطوال 2 cm

$$1. \text{ بين أن: } f(x) = \frac{1}{1 + \frac{1}{xe^x}}$$

2. بين أن:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$  ثم  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$   $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  فـ سـرـ النـتـيـجـاتـينـ بـيـانـيـاـ.

$$2. \text{ بين أن: } f'(x) = \frac{(1+x)e^{-x}}{(x+e^{-x})^2}$$

2. أدرس إشارة  $f'$  ثم شـكـلـ جـدـولـ تـغـيرـاتـ الدـالـةـ  $f$ .

3. أكتب معادلة المماس للمنحنى  $(C)$  في النقطة  $O$  مبدأ المعلم.

$$\text{بـ-تحققـ أنـ: } x - f(x) = \frac{xg(x)}{g(x)+1}$$

جـ- أـسـتـنـتـجـ الـوـضـعـ النـسـبـيـ لـلـمـنـحـنـىـ  $(C)$  وـلـمـسـقـيـمـ  $(\Delta)$  الـذـيـ مـعـادـلـتـهـ  $x = y$ .

4. أنشـئـ  $(\Delta)$  وـ  $(C)$  في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

(III) نـعـتـبـرـ المتـالـيـةـ العـدـدـيـةـ  $(u_n)$  المـعـرـفـتـبـماـ يـليـ:  $u_0 = 1$  وـ  $u_{n+1} = f(u_n)$  لـ كلـ  $n$  منـ  $\mathbb{N}$

1- بين بالترابع أن:  $0 \leq u_n \leq 1$  لـ كلـ  $n$  منـ  $\mathbb{N}$ .

2- بين أن المتـالـيـةـ  $(u_n)$  مـتـنـاقـصـةـ (يمـكـنـ إـسـتـعـمـالـ نـتـيـجـةـ السـؤـالـ 3IIـ بـ).

3- أـسـتـنـتـجـ أنـ  $(u_n)$  مـتـقـارـبـةـ ثـمـ حـدـدـ نهاـيـتهاـ.

انتهى ...

☺ بال توفيق ☺

أستاذ المادة