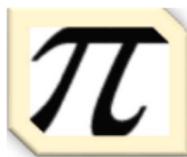


مديرية التربية لولاية وهران
ثانوية العقيد أحمد بن عبد الرزاق
يوم : 2021/11/28



وزارة التربية الوطنية
امتحان الفصل الأول
الشعبة : ثالثة رياضيات

المدة : ساعتان

اختبار مادة الرياضيات

التمرين الأول: (05 نقاط)

لكل سؤال اقتراح واحد فقط صحيح؛ حدد الإجابة الصحيحة مع التبرير

1) إذا كانت f حلًا للمعادلة التفاضلية $3y' - 2y + 6 = 0$ حيث : $f(0) = 4$ فان :

$$f(x) = 2e^{\frac{2}{3}x} + 2 \quad \text{(ج)} \quad f(x) = 1e^{\frac{2}{3}x} + 3 \quad \text{(ب)} \quad f(x) = 3e^{\frac{2}{3}x} + 1 \quad \text{(أ)}$$

2) أصغر عدد طبيعي n الذي يحقق $1025 > 3^n$ هو :

$$\text{(ج) } 11 \quad \text{(ب) } 9 \quad \text{(أ) } 10$$

3) حلول المعادلة $-4e^{4x} - 5e^{2x} = 0$ في المجموعة \mathbb{R} هي :

$$\text{(ج) } S = \{-\ln 2; 0\} \quad \text{(ب) } S = \{0; \ln 2\} \quad \text{(أ) } S = \{-2; -1; 1; 2\}$$

4) النهاية $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 e^x}{e^x - x}$ تساوي :

$$\text{(ج) } +\infty \quad \text{(ب) } 1 \quad \text{(أ) } 0$$

5) حلول الجملة : $\begin{cases} x^2 + y^2 = 169 \\ \ln x + \ln y = \ln 60 \end{cases}$ في المجموعة \mathbb{R}^2 هي الثنائيات $(x; y)$:

$$\text{(ج) } \emptyset \quad \text{(ب) } \{(5;12);(12;5)\} \quad \text{(أ) } \{(1;60);(60;1)\}$$

التمرين الثاني: (06 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة بجدول تغيراتها المبين أسفله ونسمى (C_f) منحنيها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

الجزء الأول •

1) جد D_f مجموعة تعريف الدالة f

2) حدد المستقيمات المقاربة لمنحني (C_f)

3) ما هو عدد حلول المعادلة $f(x) = 3$

4) قارن بين (2) و (3) مع التعلييل

5) أكتب معادلة المماس الموازي لمحور الفواصل

6) إذا علمت أن $a = 1$ و $b = -1$ برهن أن $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{x^2 + b}$

الجزء الثاني •

نعتبر الدالة g حيث $|f(x)| = g(x)$ ونسمى (C_g) منحنيها البياني في المعلم السابق

1) بين أن D_g مجموعة تعريف دالة g هي D_f وتحقق أن g دالة زوجية

2) استنتج إتجاه تغير الدالة g إنطلاقاً من تغيرات الدالة f ثم أرسم (C_g)

3) نعتبر الدالة h حيث $h(x) = \ln \left| \frac{ex^2 + e}{x^2 - 1} \right|$ ونسمى (C_h) منحنيها البياني في المعلم السابق

برهن وجود إنسحاب يطلب تعين شعاعه \bar{V} يحول (C_h) إلى (C_g) ثم أرسم (C_g)



التمرين الثالث : (09 نقاط)

I. نعتبر الدالة g المعرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ كما يلي

(1) أدرس تغيرات الدالة g

(2) أحسب $g(0)$ و $g(2)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة g

(3) استنتج إشارة الدالة g حسب قيم x

II. نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ كما يلي

$f(x) = x - 3 - \frac{\ln|x-1|}{x-1}$ المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(\bar{j}, \bar{i}, \bar{j})$

(1) بين من أجل كل عدد حقيقي x من $\mathbb{R} - \{1\}$ واستنتاج إتجاه تغير الدالة f

(2) بين أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما مائل (Δ) يتطلب استنتاج معادلة كليهما ثم أدرس الوضع النسبي بين (C_f) و (Δ)

(3) بين أن (C_f) يقبل مماسين (T) و (T') موازيين للمستقيم (Δ) يتطلب تعريف معادلة كليهما

(4) بين أن (C_f) يقبل نقطتي انعطاف يتطلب تعريف إحداثياتهما

(5) بين أن (C_f) يقبل $w(1, -2)$ مرکز تناظر

(6) بين أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حلتين أحدهما α حيث $1,45 < \alpha < 1,5$ والثانية β حيث $3,35 < \beta < 3,4$

(7) أرسم (T) و (T') و (C_f)

(8) ناقش حسب قيم الوسيط m عدد حلول المعادلة $m = f(x)$

III. لتكن الدالة h المعرفة على $\mathbb{R}^+ - \{1\}$ ب :

1) اكتب $h'(x)$ بدالة $f'(x)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة h

انتهى ...

