الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

دورة: ماى 2016

وزارة التربية الوطنية

الشعبة:رياضيات+تقنى رياضى امتحان بكالوريا التعليم الثانوى (تجريبي)

الثانويات: لقرع محمد الضيف كركوبية خليفة - مفدي زكريا طبامة البياضة الجديدة ـ سيدي عون

المدة: 4 ساعات ونصف

# اختبار في مادة: الرياضيات على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضوع الأول

## التمرين الأول (04 نقاط)

( الوحدة هي السنتيمتر )  $A_{\scriptscriptstyle 0}B_{\scriptscriptstyle 0}=8$  و من المستوي بحيث  $A_{\scriptscriptstyle 0}$ 

 $rac{3\pi}{4}$ ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه النقطة  $A_0$  ونسبته وزاويته

n نعرف متتالیة النقط  $(B_n)$ : ب $(B_n)$ اب  $= S(B_n)$ اب عدد طبیعی

 $B_4$  و  $B_3$  ,  $B_2$  ,  $B_1$  : انشى النقط (1

كا أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي n المثلثان :  $A_0B_{n+1}$  و  $A_0B_{n+1}$  متشابهان (2

n نعرف متتالیة  $(u_n)$  ب با نعرف  $u_n = B_n B_{n+1}$  ب نعرف متتالیة (3)

 $\frac{1}{2}$  أثبت أن  $(u_n)$  متتالية هندسية أساسها

 $u_0$  ب) أوجد عبارة  $u_n$  بدلالة u

 $\lim \sum_{n} \sum_{n} = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ : فرجد (بختن فرجد)

3x - 4y = 2 : المعادلة  $\times \square$  حل في  $\times \square$  حل في

nب ليكن ( $\Delta$ ) المستقيم العمو دي على المستقيم ( $A_0B_0$ ) في النقطة ( $\Delta$ ) بيكن ( $\Delta$ ) بيكن ( $\Delta$ )  $(\Delta)$  التي من أجلها تكون النقطة  $B_n$  تنتمي إلى المستقيم

# التمرين الثاني: (4,5نقاط)

: المعادلتين التاليتين  $\Box$  حل في مجموعة الأعداد المركبة

$$z^2 - 2(1 + \sqrt{3})z + 5 + 2\sqrt{3} = 0$$
  $z^2 - 2z + 5 = 0$ 

عداد C ، B ، A نعتبر النقط C ، B ، A نعتبر النقط C ، C ، C ، C ، C نعتبر النقط C ، C ، C ، C ، C ، C ، C .

 $z_D=1+\sqrt{3}-i$  ،  $z_C=1-2i$  ،  $z_B=1+\sqrt{3}+i$  ،  $z_A=1+2i$  : المركبة

أ) ماهي طبيعة المثلث ABC.

 $(\gamma)$  المحيطة بالمثلث ABC جأ أثبت أن النقطة D تنتمى للدائرة المثلث أكتب معادلة الدائرة المحيطة بالمثلث

L(C) = D و L(A) = B : المعرف بالنقطى النقطى النقطى L(C) = D

اكتب العبارة المركبة للتحويل L ، ثم حدد طبيعته و عناصره المميزة.

$$(z'-(1+2\sqrt{3}))=e^{i\frac{\pi}{4}}(z-(1+2\sqrt{3}))$$
 : دوران عبارته المركبة :  $R$  -4

- حدد طبيعة التحويل  $L \circ R$  ، و عناصره المميزة.

ـ الصفحة 4/1 ـ

## التمرين الثالث: (4نقاط)

 $(o,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$  الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس

لتكن (S)مجموعة النقط (x,y,z)من الفضاء والتي تحقق:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 2z - 19 = 0$$

R مطح کرة , یطلب تحدید مرکز ها  $\omega$ ونصف قطر ها (1) تحقق أن

(S) النقطة B(1,2,2) تنتمي إلى (2)

$$(P)$$
 ليكن  $(P)$  المستوي المماس لسطح الكرة  $(S)$  في النقطة  $(S)$  حدد معادلة ديكارتية لـ

ليكن (Q) المستوي ذو المعادلة :2x-2y+z+4=0 أحسب المسافة بين  $\omega$  و (Q) ثم أستنتج (3

r اونصف قطرها I ونصف قطرها وفق دائرة (C) يطلب تحديد مركزها الما يتقاطعان وفق دائرة الما يتقاطعان وفق

# التمرين الرابع: (07,5 نقاط)

(E) ...  $y'+y=e^{-x}$  : نعتبر المعادلة التفاضلية : I

(E) على المعادلة  $u(x)=xe^{-x}$  على المعادلة المعادلة

 $(E_0)$  ... y'+y=0 التفاضلية التفاضلية 2.

v+u كانت الدالة v المعرفة و القابلة للاشتقاق على تكون حلا للمعادلة  $(E_0)$  إذا وفقط إذا كانت v(E) حلا للمعادلة

- (E) استنتج جميع حلول المعادلة

.0 من أجل من أخذ القيمة 2 من أجل 4. عين الدالة  $f_{\scriptscriptstyle 2}$  من أجل 4.

المعرفة على  $\square$  كما يلي: k:II عدد حقيقي معطى، نرمز ب $f_k$  للدالة المعرفة على  $f_{k}(x) = (x+k)e^{-x}$  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  الى تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس و  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

 $_{+\infty}$  عين نهايات  $f_{k}$  عند عين نهايات

 $f_k$  احسب  $f'_k$  من أجل كل عدد حقيقى  $\chi$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f'_k$ 

،  $n \ge 1$ نعتبر متتالیة التکاملات  $(I_n)$  المعرفة ب $I_0 = \int\limits_0^\infty e^{-x} \, dx$  ومن أجل كل عدد طبیعي: الله

ـ الصفحة 4/2 ـ

$$I_n = \int_{-2}^0 x^n e^{-x} \, dx$$

1. أ- احسب القيمة المضبوطة  $L_{0}$ .

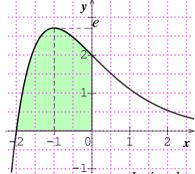
 $I_1$  و  $I_2$  و القيم المضبوطة لـ  $I_2$ 

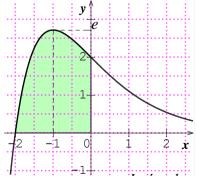
 $f_k$  هو لدالة  $f_k$  المعرفة في الجزء  $\mathcal{C}_k$  هو المعرفة في الجزء  $\mathcal{C}_k$ 

أ- باستعمال المعلومات المتوفرة في الشكل ، عين قيمة k المرفقة بالمنحني  $\mathcal{C}_{k}$ 

ب- لتكن 5 مساحة الجزء المظلل (مقدرة بوحدة المساحات).

عبر عن S بدلالة  $I_0$  و  $I_1$  ثم استنتج القيمة المضبوطة للمساحة S





#### الموضوع الثاني

## التمرين الأول: (04 نقاط)

$$(D)$$
 ولتكن النقطة  $A\left(-1,2,3
ight)$  والمستقيم ومتجانس ومتجانس ومتجانس  $\left(o\,,ec{i}\,,ec{j}
ight)$  والمستقيم

$$\begin{cases} x = 9 + 4t \\ y = 6 + t , t \in \square \end{cases}$$
 It is a substitution of the substitution of the

- A العمودي على المستقيم (D)ويشمل النقطة (P)
  - (D) ب تحقق أن النقطة B(-3,3,-4) تنتمي للمستقيم
    - (P) والمستوي B بين النقطة والمستوي (ج
- د) أحسب المسافة d بين النقطة A و المستقيم (D)وذلك بدلالة d والمسافة d , ثم أستنتج القيمة المضبوطة للمسافة d .

### التمرين الثاني: (05نقاط)

$$.U_{n+2}=5U_{n+1}-4U_n$$
 :  $n$  عدد طبیعي عدد  $U_1=1$  ،  $U_0=0$  ،  $U_1=0$  متتالیة معرفة بـ:  $U_0=0$  ،  $U_0=0$  .  $U_0=0$  احسب  $U_0=0$  .  $U_0=0$  .

- $U_{n+1}=4U_n+1$ : ان n عدد طبیعی من أجل كل عدد من بالتراجع من أجل كل عدد طبیعی -2
- . تحقق أن  $U_n: U_n$  عدد طبيعي ، ثم استنتج أن تا  $U_n: U_n$  و المان فيما بينهما.

$$V_n = U_n + \frac{1}{3}$$
: ب $U_n = U_n + \frac{1}{3}$  باتالية معرفة على المتالية المت

- أ) بين أن المتتالية  $(V_n)$  هندسية ، عين أساسها و حدها الأول.
  - $\cdot n$  بدلالة  $V_n$  بدلالة (ب
  - ،  $PGCD((4^6-1),(4^5-1))$  حسب (أ-4
- $PGCD((4^{n+1}-1),(4^n-1))$  : n عين من أجل كل عدد طبيعي (ب
  - ما ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقى قسمة  $4^n$  على 7.
- $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{3n}$  : حيث  $S_n$  المجموع N المجموع (ب
- .7 عين قيم العدد الطبيعي n حيث العدد  $9S_n+8n$  عين قيم العدد الطبيعي

#### التمرين الثالث: (04,5 نقاط)

: عيد A: و A: نعتبر النقطتين  $(o,\vec{u},\vec{v})$  عيد متعامد متعامد متعامد متعامد متعامد عيد المركب المنسوب إلى معلم متعامد متعامد متعامد متعامد متعامد عيد المنسوب ا

$$z_B = \sqrt{3} - i \quad \cdot \quad z_A = \sqrt{3} + i$$

B و A و نشئ النقطتين B و الشكل الأسى ، ثم أنشئ النقطتين B و B

$$\frac{\pi}{3}$$
 دوران مرکزه  $O$  ، و زاویته  $r-2$ 

- r عين A' لاحقة النقطة A' عين A' عين A'
- . A' على الشكل الجبري ، ثم أنشئ النقطة  $z_{A'}$

$$\frac{-3}{2}$$
 نحاك مركزه  $O$  ، و نسبته  $h$   $-3$ 

- . B' النقطة النقطة B' صورة B بالتحاكي A ، ثم أنشئ النقطة  $Z_{B'}$  لاحقة النقطة النقطة B'
  - $\omega$  النقطة النقطة  $z_\omega$  مركز الدائرة المحيطة بالمثلث  $\omega$  المثلث  $\omega$  ، و  $\omega$  نصف قطرها ، و  $\omega$

$$z_{\omega}\overline{z_{\omega}}=R^{2}$$
: تحقق من صحة العبارات التالية  $z_{\omega}\overline{z_{\omega}}=|z|^{2}$  : أ

$$\left(z_{\omega}-2i\right)\left(\overline{z_{\omega}}+2i\right)=R^{2} \cdot \left(z_{\omega}+\frac{3\sqrt{3}}{2}-\frac{3}{2}i\right)\left(\overline{z_{\omega}}+\frac{3\sqrt{3}}{2}+\frac{3}{2}i\right)=R^{2}$$

 $\cdot R$  و قيمة  $z_\omega - \overline{z_\omega} = 2i$  ، ثم استنتج أن  $z_\omega + \overline{z_\omega} = \frac{-4\sqrt{3}}{3}$  و  $z_\omega - \overline{z_\omega} = 2i$  ؛ استنتج أن

# التمرين الرابع: ( 06,5 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على المجال  $\int -1,+\infty$  المعرفة على المجال  $f(x)=\frac{\ln(x+1)+|x|}{x+1}$  :  $f(x)=\frac{\ln(x+1)+|x|}{x+1}$  المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $f(x)=\frac{\ln(x+1)+|x|}{(o,\vec{i},\vec{j})}$  (وحدة الطول 2cm

- ا أحسب:  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ثم فسر النتيجتين بيانيا (1)
- ]-1,0[ من أجل [-1,0] ثم أستنتج اتجاه تغير الدالة f على المجال [-1,0] أ. أحسب f أمن أجل [-1,0] ثم أستنتج اتجاه تغير الدالة [-1,0] من أجل [-1,0] ثم أستنتج اتجاه تغير الدالة [-1,0] على المجال [-1,0] أحسب [-1,0]

$$0$$
 عند  $0$  ب $0$  با أحسب  $0$   $0$  ب $0$  با  $0$  با

0 عند النقطة ذات الفاصلة  $\left(c_{_{f}}
ight)$  : أكتب معادلتي المماسينك

- f شكل جدول تغيرات (3
- $x_{0}=rac{1}{e}-1$ : عين معادلة للمستقيم  $\left(\Delta
  ight)$  مماس  $\left(\Delta
  ight)$  مماس (4
  - $\left(c_{f}
    ight)$  و  $\left(\Delta
    ight)$  قم أنشئ  $f\left(e-1
    ight)$  و (5
- $(c_f)$  في المحدد بالمنحنى المجال  $[0,+\infty[$  ,  $[0,+\infty[$  على المجال على المجال  $x=e^2-1$  و x=0 : ومحور الفواصل والمستقيمين ذا المعادلتين