

# تالور جملة بيدائمة

- حركة الكواكب والأقمار الصناعية
- حركة السقوط الشاقولي والسقوط الحر
- حركة المذائن. العلاقات علمي المستوى.

تحضير بـ كالوريا 2019

## حركة الاقمار والكواكب

- مفاهيم عامة:

1- القوانين الثلاث لنيوتن:

أ- القانون الاول: مبدأ العاطلة

يحافظ جسم على سكونه المطلق أو حركته المستقيمة المنتظمة إذا لم يخضع إلى قوة تغير من حالته الحركية .

ب- القانون الثاني: المبدأ الاساسي للتحريك

المجموع الشعاعي للفوة الخارجية المؤثرة على جسم يساوي جداء كتلته مع شعاع تسارع مركز عطالته، أي  $\sum \vec{F} = m\vec{a}$

ج - القانون الثالث: مبدأ الفعلين المترادفين

إذا اثرت جملة A على جملة B بقوة  $\vec{F}_{A/B}$  فإن الجملة B تقوم برد فعل  $\vec{F}_{B/A}$  يساويه في الشدة ويعاكسه في الاتجاه.

2- المراجع : المراجع المستعملة في دراسة الحركات هي مراجع عطالية أي أما ساكنة او لها حركة مستقيمة منتظمة.

أ- المرجع الهليومركزي (المركزي الشمسي):

معلم مبدأ مركز الشمس ومحاوره متوجه نحو ثلاثة نجوم تعتبرها ثابتة خلال قرون .

- الشمس في حركة حول مركز المجرة دروها 226 مليون سنة لذلك تعتبر ساكنة مقارنة بدور حركة الكواكب حولها .

ب- المرجع الجيومركزي - المركزي الأرضي :

هو معلم مبدأ مركز الأرض ومحاوره متوجه نحو ثلاثة نجوم تعتبرها ثابتة خلال قرون.

- يعتبر عطاليا بتقريب جيد مناسب لدراسة حركة الاقمار الصناعية حول الأرض حيث دور الاقمار حول الأرض مهم ملائم دور

الارض حول الشمس.

ج - المرجع السطحي الأرضي:

معلم مرتبط بسطح الأرض يختص بدراسة الحركات عليها خلال فترات قصيرة.

- يعتبر هذا المعلم عطاليا لما تكون مدورة الحركة ملائمة أمام مدة دوران الأرض حول نفسها .

- دراسة حركة الكواكب والاقمار:

1- الحركة الدائرية المنتظمة: تكون الحركة دائرية منتظمة اذا:

- المسار دائري.

- سرعة ثابتة غير معدومة.

- وجود قوة جاذبة مركبة.

2- الدور: هو المدة اللازمة لإنجاز دورة واحدة . ويعطى بالعبارة:  $T = \frac{2\pi r}{v}$

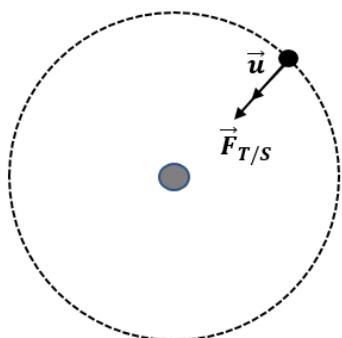
3- التسارع الناظمي: ويعطى بالعبارة  $a_N = \frac{v^2}{r}$

4- قانون الجذب العام :  $F = G \frac{Mm}{r^2}$

5- اثبات أن الحركة دائرية منتظمة:

$$\begin{aligned}\sum \vec{F} &= m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_{T/S} = m\vec{a} \Rightarrow G \frac{Mm}{r^2} \vec{u} = m\vec{a} \\ &\Rightarrow \vec{a} = \frac{GM}{r^2} \vec{u}\end{aligned}$$

بما ان التسارع ناظمي وقيمة ثابتة فإن الحركة دائرية منتظمة .



- عبارة السرعة المدارية :

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_{T/S} = m\vec{a}$$

بالإسقاط نجد:

$$F_{T/S} = ma_N \Rightarrow G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v^2 = \frac{GM}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

- الدور :

$$T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{v^2} = \frac{4\pi^2 r^2}{\frac{GM}{r}} \Rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 r^3}{GM} \Rightarrow T = \sqrt{\frac{4\pi^2 r^3}{GM}}$$

- الجاذبية :

- على ارتفاع  $h$  من سطح الارض:

$$g = a = \frac{GM}{r^2} = \frac{GM}{(R_T + h)^2}$$

- على سطح الارض أي  $h = 0$

$$g_0 = \frac{GM}{R_T^2}$$

- علاقه  $g_0$  بـ  $g$ :

$$\frac{g}{g_0} = \frac{\frac{GM}{(R_T + h)^2}}{\frac{GM}{R_T^2}} = \frac{R_T^2}{(R_T + h)^2}$$

9- القمر الجيوستقر:

هو كل قمر ساكن بالنسبة لملاحظ على سطح الارض اذا حقق الشروط:

- يدور في نفس جهة دوران الارض.
- دوره مساوي لدور الارض حول نفسها.
- مداره يقع في مستوى خط الاستواء أي المستوى العمودي على محور دوران الارض ويقطعها في مركزها.

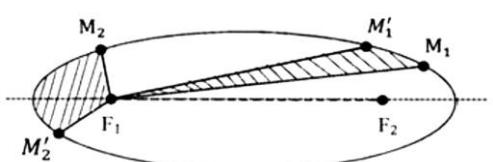
10- قوانين كبلر:

أ- قانون الاول: ان الكواكب تتحرك وفق مدارات إهليلجية تمثل الشمس احدى محقيها.

ب- القانون الثاني: المستقيم الرابط بين الشمس وكوكب يمسح مساحات متساوية خلال مجالات زمنية متساوية.

ج- القانون الثالث: ان مربع الدور يتناسب مع مكعب البعد المتوسط للكوكب عن الشمس.

$$\frac{T^2}{r^3} = K = \frac{4\pi^2}{GM}$$



## التمرين 1: بكالوريا علوم تجريبية 2009

يدور قمر اصطناعي كتلته ( $m_s$ ) حول الأرض في مسار دائري على ارتفاع ( $h$ ) من سطحها. نعتبر الأرض كرة نصف قطرها ( $R$ )، ونندرج القمر الاصطناعي بنقطة مادية. تدرس حركة القمر الاصطناعي في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا.

1 - ما المقصود بالمعلم المركزي الأرضي؟

2 - اكتب عبارة القانون الثالث لكيبلر بالنسبة لهذا القمر.

3 - أوجد العبارة الحرفية بين مربع سرعة القمر ( $v^2$ ) و ( $G$ ) ثابت الجذب العام،  $M_T$  كتلة الأرض ،  $h$  و  $R$ .

4 - عرف القمر الجيومستقر واحسب ارتفاعه ( $h$ ) وسرعته ( $v$ ).

5 - احسب قوة جذب الأرض لهذا القمر. اشرح لماذا لا يسقط على الأرض رغم ذلك.

المعطيات: دور حركة الأرض حول محورها:  $T \approx 24h$

$$R = 6400 \text{ km} ; m_s = 2 \times 10^3 \text{ kg} ; M_T = 5,97 \times 10^{24} \text{ kg} ; G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$$

## التمرين 2: بكالوريا رياضيات 2009

ينتمي القمر الاصطناعي (Giove-A) إلى برنامج غاليليو الأوروبي لتحديد الموقع المكمل للبرنامج الأمريكي GPS. نعتبر القمر الاصطناعي (Giove-A) ذي الكتلة  $m = 700 \text{ kg}$  نفطاً ونفترض أنه يخضع إلى قوة جذب الأرض فقط.

يدور القمر (Giove-A) بسرعة ثابتة في مدار دائري مركزه ( $O$ ) على ارتفاع  $h = 23,6 \times 10^3 \text{ km}$  من سطح الأرض.

1 - في أي مرجع تتم دراسة حركة هذا القمر الاصطناعي؟ وما هي الفرضية المتعلقة بهذا المرجع والتي تسمح بتطبيق القانون الثاني لنيوتن؟

2 - أوجد عبارة تسارع القمر (Giove-A) وعيّن قيمته.

3 - احسب سرعة القمر (Giove-A) على مداره.

4 - عرف الدور  $T$  ثم عيّن قيمته بالنسبة للقمر (Giove-A).

5 - احسب الطاقة الإجمالية للجملة (Giove-A)+أرض).

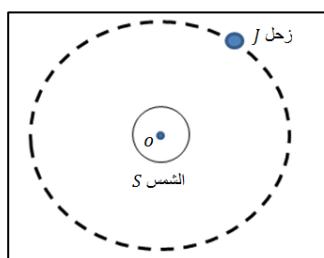
المعطيات: ثابت الجذب العام  $SI = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$  كتلة الأرض  $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$

$$\text{نصف قطر الأرض km} = R_T = 6,38 \times 10^3 \text{ km}$$

## التمرين 3: بكالوريا رياضيات 2008

المعطيات :

|                  |                                     |
|------------------|-------------------------------------|
| كتلة الشمس       | $M_s = 2 \times 10^{30} \text{ kg}$ |
| نصف قطر مدار زحل | $r = 7.8 \times 10^8 \text{ km}$    |
| ثابت الجذب العام | $G = 6.67 \times 10^{-11} SI$       |



يدور كوكب زحل حول الشمس على مسار نعتبره دائري مركزه ينطبق على مركز عطالة الشمس ( $O$ ) بحركة منتظمة .

1- مثل القوة التي تطبقها الشمس على كوكب زحل ثم أعط عبارتها .

2- ندرس حركة كوكب زحل في المرجع المركزي الشمسي (الهيليومركزي) الذي نعتبره غاليليا.

أ - عرف المرجع المركزي الشمسي .

ب - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد عبارة التسارع  $a$  لحركة مركز عطالة كوكب زحل .

ج- أوجد العبارة الحرفية للسرعة المدارية  $v$  للكوكب في المرجع المختار بدلاًلة:  $G$ ,  $M_s$  و نصف قطر المدار  $r$  ثم احسب قيمتها .

3- أوجد عبارة الدور  $T$  لحركة هذا الكوكب حول الشمس بدلاًلة : نصف قطر المدار  $r$  والسرعة  $v$  ثم أحسب قيمتها .

#### التمرين 4: بكالوريا رياضيات 2008

يدور قمر اصطناعي كتلته (m) حول الأرض بحركة منتظمة، فيرسم مسارا دائريا نصف قطره (r) ومركزه هو نفسه مركز الأرض.

1 - مثل قوة جذب الأرض للقمر الاصطناعي واكتب عبارة قيمتها بدلالة  $M_T$  ، m ، G ، r حيث:

كتلة الأرض ، m كتلة القمر الاصطناعي ، G ثابت الجذب العام.

r نصف قطر المسار (البعد بين مركز الأرض ومركز القمر الاصطناعي).

2 - باستعمال التحليل البعدي أوجد وحدة ثابت الجذب العام (G) في الجملة الدولية (SI).

3 - بين أن عبارة السرعة الخطية (v) للقمر الاصطناعي في المرجع المركزي الأرضي تعطى بـ:  $v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{r}}$

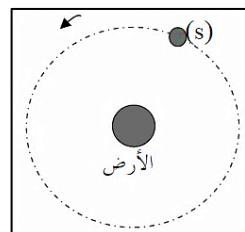
4 - اكتب عبارة (v) بدلالة r و T حيث T دور القمر الاصطناعي.

5 - اكتب عبارة دور القمر الاصطناعي حول الأرض بدلالة  $M_T$  ، G ، r .

6 - أ/ بين أن النسبة  $\left(\frac{T^2}{r^3}\right)$  ثابتة لأي قمر يدور حول الأرض، ثم احسب قيمتها العددية في المعلم المركزي الأرضي مقدرة بوحدة الجملة الدولية (SI).

ب/ إذا كان نصف قطر مسار قمر اصطناعي يدور حول الأرض  $r = 2,66 \times 10^4 \text{ km}$  ، احسب دور حركته.

المعطيات: ثابت الجذب العام :  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2 \text{ kg}^{-2}$  كتلة الأرض :  $M_T = 5,97 \times 10^{24} \text{ kg}$  ،  $\pi^2 = 10$  .



#### التمرين 5: بكالوريا رياضيات 2013

نعتبر قمرا اصطناعيا (S) كتلته m يدور حول الأرض في جهة دورانها بسرعة ثابتة (الشكل).

1. مثل القوى الخارجية المؤثرة على القمر الاصطناعي (S).

2. ما هو المرجع المناسب لدراسة حركة القمر الاصطناعي (S) ؟ عرفه.

3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتون، جد العبارة الحرفية لسرعة القمر الاصطناعي بدلالة: ثابت الجذب العام G ، كتلة الأرض  $M_T$  ، نصف قطر الأرض  $R_T$  وارتفاع مرکز القمر الاصطناعي عن سطح الأرض h ، ثم احسب قيمتها.

4. أ- جد عبارة دور القمر الاصطناعي بدلالة:  $R_T$  ، G ، h ،  $M_T$  ، ثم احسب قيمتها.

ب- هل يمكن اعتبار هذا القمر جيو مستقر؟ علّ.

5. ذكر بالقانون الثالث لكبلر، ثم بين أن النسبة:  $\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = k$  ، حيث k ثابت يطلب حسابه.

يعطى :  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ (SI)}$  ،  $M_T = 6 \times 10^{24} \text{ kg}$  ،  $R_T = 6380 \text{ km}$  ،  $h = 35800 \text{ km}$  ،  $\pi^2 = 10$  .

#### التمرين 6: بكالوريا رياضيات 2012

يتصور العلماء في الرحلات المستقبلية نحو كوكب المريخ M وضع محطة لأجهزة الاتصالات مع الأرض على أحد أكمام هذا الكوكب، مثلًا

على القمر (P). Phobos

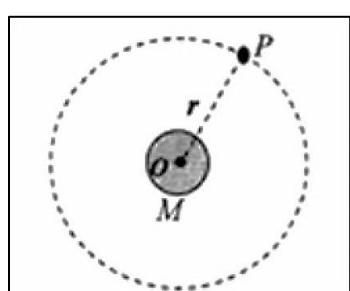
المعطيات:

ثابت التجاذب الكوني:  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2 \text{ kg}^{-2}$

المسافة بين المريخ M والقمر P :  $r = 9,38 \times 10^3 \text{ km}$

كتلة المريخ:  $m_M = 6,44 \times 10^{23} \text{ kg}$

كتلة القمر P : Phobos



$T_M = 24 \text{ h } 37 \text{ min } 22 \text{ s}$  دور المريخ حول نفسه:

نفرض أن هذه الأجسام كروية الشكل وكتلتها موزعة بانتظام على حجمها وأن حركة هذا القمر دائرة وتنسب إلى مرجع غاليلي مبدؤه O مركز كوكب المريخ .

1 - مثل على الشكل القوة التي يطبقها الكوكب M على القمر Phobos (P) .

2 - أ - بتطبيق القانون الثاني لنيوتون، بين أن حركة مركز عطالة هذا القمر دائرة منتظمة.

ب - استنتج عباره سرعة دوران القمر P حول المريخ .

3 - جد عباره دور حركة القمر T<sub>P</sub> حول المريخ بدلالة المقاييس r ، G ، m<sub>M</sub> .

4 - اذكر نص القانون الثالث لكيلر وبين أن النسبة:  $S^2 \cdot m^{-3} = 9,21 \times 10^{-13} \frac{T_P^2}{r^3}$  ، ثم استنتج قيمة T<sub>P</sub> .

5 - أين يجب وضع محطة الاتصالات S لتكون مستقرة بالنسبة للمريخ؟ ما قيمة T<sub>S</sub> دور المحطة في مدارها حينئذ؟

التمرين 7 : بكالوريا علوم 2014 .

في مرجع جيومركزي نعتبر الاقمار دائرية حول مركز الارض التي نفترض أنها متجانسة كتلتها M<sub>T</sub> ونصف قطرها R قبل أن القمر الاصطناعي في مداره يخضع لقوة جذب الارض فقط .

1- أ - عرف المرجع الجيومركزي .

ب - اكتب العبارة الشعاعية لقوة F<sub>T/S</sub> بدلالة G ، M<sub>T</sub> ، R ، m<sub>S</sub> كتلة القمر الاصطناعي و h ارتفاعه عن سطح الارض .

ج - استنتاج عباره a شعاع تسارع حركة القمر الاصطناعي ، ما طبيعة الحركة ؟

2- الجدول التالي يعطي بعض خصائص حركة قمران اصطناعيين حول الارض .

أ - أحد القمران جيومستقر عينه مع التعليل؟

ب- احسب تسارع الجاذبية الارضية g عند نقطة من مدار القمر الاصطناعي ألسات 1

، ماذا تستنتج؟

ج - بين اعتمادا على معطيات الجدول أن قانون كيلر الثالث محقق .

د - استنتاج قيمة تقريبية لكتلة الارض .

3- لماذا دور الأرض حول نفسها ليس 24h ؟ (سؤال اضافي)

المعطيات:  $1 \text{ jour} = 23h\ 56\text{min}$  ،  $R = 6380 \text{ km}$  ،  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$

تسارع الجاذبية عند سطح الأرض:  $g_0 = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$  .

التمرين 8 : بكالوريا رياضيات 2014

بتاريخ 12 جويلية 2010 تم إطلاق القمر الاصطناعي الجزائري الثاني Alsat2 الذي نرمز له بـ (S) حيث تم وضعه في مداره الإهليجي بنجاح، ليدور حول الأرض على ارتفاع من سطحها مخصوص بين 600km و 1000km .

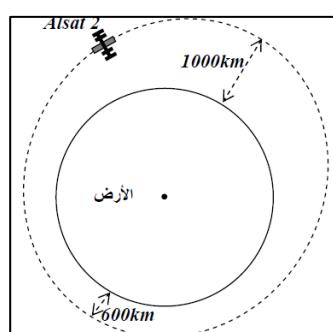
1. يمثل الشكل رسما تخطيطيا مبسطا لمدار (S) حول الأرض، تعتبر (S) خاضعا لقوة جذب الأرض فقط.

يعطى: نصف قطر الأرض R<sub>T</sub> = 6400km وكتلتها M<sub>T</sub> =  $6 \times 10^{24} \text{ kg}$  ودور حركتها حول محورها .  $T_T = 24h$

أ- ماذا يمثل مركز الأرض بالنسبة لمدار هذا القمر الاصطناعي؟

ب- مثل في موضع كيفي من المدار شعاع القوة التي يخضع لها (S) أثناء دورانه حول الأرض.

2. نعتبر حركة (S) دائرية على ارتفاع متوسط ثابت  $h = 800 \text{ km}$  .



- أ- هل شدة قوة جذب الأرض لـ( $S$ ) ثابتة؟ علل.

ب- أحسب شدة هذه القوة علماً أن كتلة هذا القمر هي  $m = 130\text{kg}$ .

3. أ- أذكر خصائص القمر الاصطناعي الجيومستقر .

ب- هل يمكن اعتبار ( $S$ ) قمراً اصطناعياً جيومستقر؟ لماذا؟

ج- احسب قيمة سرعة القمر الاصطناعي ( $S$ ). .

4. يمكن لقمر اصطناعي آخر نعتبره جيومستقر أن يدور حول الأرض بحركة دائرية منتظمة على ارتفاع  $z$  من سطحها.

- جد الارتفاع  $z$  للقمر الاصطناعي الجيومستقر.

التمرين 9: بكاروريا رياضيات 2012

يدور قمر اصطناعي ( $S$ ) حول الأرض بحركة دائيرية منتظمة على ارتفاع  $h = 700\text{km}$  من سطحها، حيث ينجز 14.55 دورة في اليوم الواحد، نفرض أن المرجع المركزي الأرضي مرجع غاليلي.

1. مثل شعاع التسارع  $\vec{a}$  لحركة القمر الاصطناعي ( $S$ ) .
  2. أعط دون برهان عبارة شعاع التسارع  $\vec{a}$  لحركة القمر الاصطناعي ( $S$ ) بدلالة  $v$  سرعة القمر ونصف قطر المسار  $r$  وشعاع الوحدة  $\vec{n}$  .

3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة سرعة القمر الاصطناعي حول الارض تعطى بالعلاقة:

٤. اكتب العلاقة بين  $T_s$  و  $r$ ، حيث  $T_s$  دور القمر الاصطناعي ( $s$ ) حول الأرض.

$$\frac{T_s}{r^3} = 9.85 \times 10^{-14} s^2 \cdot m^{-3} . \quad . \quad . \quad . \quad .$$

6. استنتج  $M_T$  كتلة الأرض.

$$\therefore R_T = 6400 \text{ km} , G = 6.67 \times 10^{11} (\text{SI})$$

التمرير: 10

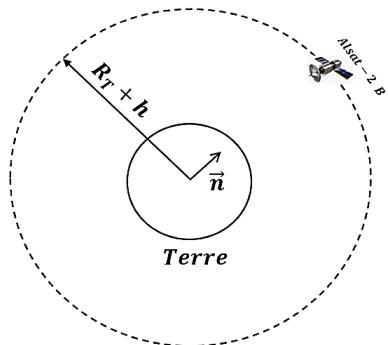
تم إطلاق ثلاثة أقمار صناعية جزائرية ألسات-1 ب ، ألسات-2 ب و ألسات-1 ن، نريد معرفة دور هذه الأقمار الصناعية الثلاث علما أنها تتوارد في نفس المدار على ارتفاع  $h = 670\text{km}$  .

- نمنذج احد هذه الاقمار ول يكن **ألسات-2** بجسم نقطي يدور حول الأرض بمسار دائري كما في الشكل .

  - 1- مثل كييفيا القوة المطبقة على هذا القمر من طرف الأرض (نهمل التأثيرات الأخرى).
  - 2- حدد المرجع المناسب لدراسة حركة القمر **ألسات-2** ب وعرفه.

- 3- اكتب العبارة الشعاعية للقوة التي تطبقها الأرض على القمر ألسات-2 بدلالة:  $R_T$  ،  $m$  ،  $M_T$  ،  $h$  ،  $G$  وشعاع الوحدة  $\vec{n}$

4- بالتحليل البعدى حدد وحدة الثابت  $G$ .



- 5- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد عبارة  $\vec{a} \propto$  شعاع تسارع حركة القمر حول الأرض ثم استنتج طبيعة الحركة.

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R_T + h}}$$

- 7- اكت عبارة دور القمر ثم استنتاج قانون كلر الثالث بالنسبة لهذا القمر .

-8 الجدول التالي يعطى دور ونصف قطر مدارات بعض الأقمار الصناعية:

| القمر     | $h(km)$             | $T(s)$             | $r^3(m^3)$ | $T^2(s^2)$ |
|-----------|---------------------|--------------------|------------|------------|
| GLONASS   | $19,1 \times 10^3$  | $4,02 \times 10^4$ |            |            |
| Giove - A | $23,6 \times 10^3$  | $5,19 \times 10^4$ |            |            |
| Astra     | $35,65 \times 10^3$ | $8,61 \times 10^4$ |            |            |

أ/ اكمل الجدول ثم ارسم البيان:  $T^2 = f(r^3)$  باستعمال سلم مناسب.

ب/ اكتب معادلة المنحنى الناتج وتأكد ان البيان يتوافق مع قانون كبلر الثالث.

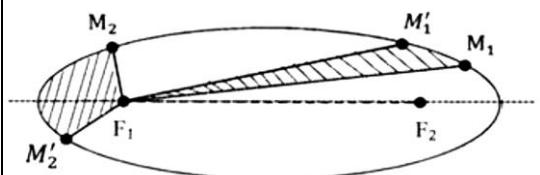
ج/ استنتج قيمة ثابت الجذب العام  $G$ .

د/ حدد دور القمر الصناعي ألسات-2 ب وسرعته في مداره وكذلك قيمة الجاذبية الأرضية  $g$  التي يخضع لها .

$$M_T = 5.97 \times 10^{24} kg, \quad R_T = 6.38 \times 10^3 km$$

### التمرين 11: بكالوريا 2016 رياضيات

1- يمثل الشكل المقابل مسار حركة أحد كواكب المجموعة الشمسية حول الشمس ، يستغرق الكوكب  $P$  نفس المدة الزمنية  $\Delta t$  في قطع المسافتين  $M_1 M'_1$  و  $M_2 M'_2$ . اذكر نصي فانوني كبلر الذين يمكن استخلاصهما.



2- لتبسيط الدراسة تعتبر مسارات الكواكب دائيرية نصف قطرها  $r$  بحيث تقع الشمس في مركزها . يعطي الجدول الآتي مميزات حركة بعض هذه الكواكب :

| الكوكب | نصف قطر المسار $r \times 10^6 Km$ | الدور $T$   | $\frac{T^2}{r^3} (s^2 \cdot m^{-3})$ |
|--------|-----------------------------------|-------------|--------------------------------------|
| الزهرة | 108,2                             | $224j\ 16h$ |                                      |
| الأرض  | 149,6                             | $365j\ 6h$  |                                      |
| زحل    | 227,9                             | $686j\ 22h$ |                                      |

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطاله الكوكب  $P$  في المعلم الهليومركزي ، جد عباره سرعة الكوكب بدلالة ثابت الجذب العام  $G$  ، كتلة الشمس  $M_S$  و نصف القطر  $r$  لمسار الكوكب  $P$  .

ب- اكتب عباره الدور  $T$  للكوكب بدلالة  $G$  ،  $M_S$  و  $r$  ، ثم استنتاج عباره القانون الثالث لكبلر .

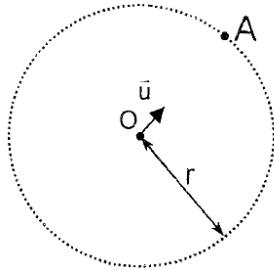
ج- اكمل الجدول السابق ، ماذا تستنتج؟

د- احسب كتلة الشمس  $M_S$  .

هـ- تميز حركة المشتري حول الشمس بالدور  $T = 314j\ 11h$  لمركز المشتري عن مركز الشمس .

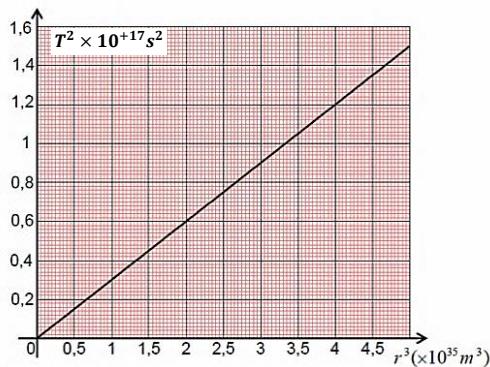
$$G = 6.67 \times 10^{-11} SI$$

## التمرين 12: بكالوريا 2015 علوم



لتبسيط نعتبر مسارات حركة الكواكب السيارة حول الشمس في المرجع الهليومركزي بدوائر مركزها  $O$  وأنصاف أقطارها  $r$  حيث نرمز لكتلة الشمس بالرمز  $M_S$ .

- 1- أعد رسم الشكل ومثل عليه شعاع القوة الجاذبة المركزية  $\vec{F}_{S/P}$  المطبقة من طرف الشمس على أحد الكواكب الذي كتلته  $m_p$  في مركز عطالته المتواجد في الموضع  $A$ .
- 3- عبر عن شعاع القوة  $\vec{F}_{S/P}$  بدلالة  $G$  ثابت الجذب الكوني ،  $m_p$  ،  $M_S$  ،  $r$  ،  $u$  شعاع الوحدة.
- 4- بإهمال تأثير القوى الأخرى أمام  $\vec{F}_S$  وبنطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد عبارة تسارع حركة الكوكب في الموضع  $A$  بدلالة  $G$  ،  $r$  و  $M_S$ .



5- استنتج طبيعة حركته حول الشمس.

6- يمثل الشكل نظير مربع الدور الزمني لكل من كوكب الأرض والمريخ وزحل بدلالة مكعب نصف قطر مدار كل كوكب .

أ- هل يتوافق البيان مع قانون كبلر الثالث ؟

ب- باستعمال البيان بين أن :  $(SI) \frac{T^2}{r^3} = 3 \times 10^{-19}$  ثم استنتاج قيمة كتلة الشمس  $M_S$

$$G = 6.67 \times 10^{-11} SI$$

## التمرين 13: علوم 2018

الكوم سات 1 قمر اصطناعي جزائري تم تركيبه على مستوى مركز تطوير الأقمار الاصطناعية ببئر الجير بولاية وهان ، من شأنه توفير خدمة الاتصالات والانترنت، بث الفنواة الاداعية والتلفزيونية ... تم اطلاقه بتاريخ 10 ديسمبر 2017.

1. نعتبر قمراً اصطناعياً ( $S$ ) كتلته  $m$  يدور حول الأرض على بعد  $r$  من مركزها بحركة دائرية منتظمة. لدراسة حركة هذا القمر الاصطناعي نختار معلماً مرتبطاً بمرجع عطالي مناسب.

1-1 ما هو هذا المرجع؟ ولماذا نعتبره عطاليا؟ ثم عرف المعلم المرتبط به .

2-1 مثل كيفياً شعاع القوة  $\vec{F}_{T/S}$  التي تطبقها الأرض  $T$  على القمر الاصطناعي  $S$ .

3-1 عبر عن شدة شعاع القوة  $\vec{F}_{T/S}$  بدلالة المقادير  $G$  ،  $r$  ،  $m$  ،  $M_T$

4-1 ببنطبيق القانون الثاني لنيوتن في المرجع المختار، جد عبارة مربع السرعة

مركز عطالة القمر الاصطناعي  $v^2$  بدلالة المقادير  $G$  ،  $r$  ،  $M_T$

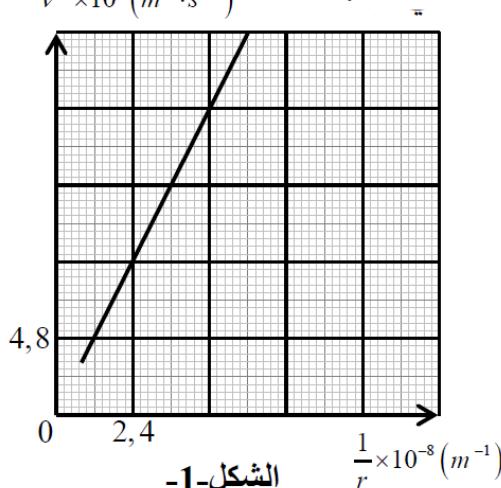
- 2- يمثل المنحنى البياني المقابل تطور مربع السرعة المدارية للقمر الاصطناعي  $S$  بدلالة مقلوب البعد  $\frac{1}{r}$  .

1-2 اكتب معادلة المنحنى البياني واستنتاج كتلة الأرض  $M_T$  .

2-2 جد عبارة الدور  $T$  للقمر الاصطناعي  $S$  بدلالة المقادير  $G$  ،  $r$  ،  $M_T$

3- يدور القمر الاصطناعي الكوم سات 1 في مسار دائري نصف قطره  $r =$

42400km في مستوى خط الاستواء باتجاه دوران الأرض حول محورها.



3-1 استنتج السرعة المدارية للقمر الاصطناعي الكوم سات 1 اعتمادا على الشكل.

3-2 احسب دور القمر الاصطناعي الكوم سات 1 وهل يمكن اعتباره جيومستقر؟ ببرر.

$$G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kg}^2$$

#### التمرين 14: بكالوريا علوم تجريبية 2010

أ/ يكون مسار حركة مركز عطالة كوكب حول الشمس اهليجيا كما يوضحه الشكل -

4. ينتقل الكوكب أثناء حركته على مداره من النقطة C إلى النقطة C' ثم من النقطة D إلى النقطة D' خلال نفس المدة الزمنية  $\Delta t$ .

1 - اعتمادا على قانون كبلر الأول فسر وجود موقع الشمس في النقطة  $F_1$ ، كيف نسمى عندئذ النقطتين  $F_1$  و  $F_2$  ؟

2 - حسب قانون كبلر الثاني ما هي العلاقة بين المساحتين  $S_1$  و  $S_2$  ؟

3 - بين أن متوسط السرعة بين الموضعين C و C' أقل من متوسط السرعة بين الموضعين D و D'.

ب/ من أجل التبسيط ننماذج المسار الحقيقي للكوكب في المرجع الهليومركزي بمدار دائري مرکزه O (مركز الشمس) و نصف قطره r الشكل - 5. يخضع كوكب أثناء حركته حول الشمس إلى تأثيرها والذي

ينماذج بقوة  $\vec{F}$  ، قيمتها تعطى حسب قانون الجذب العام لنيوتون بالعلاقة :  $F = G \frac{mM}{r^2}$  حيث M كتلة الشمس، m كتلة الكوكب و G ثابت التجاذب الكوني  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kg}^2$  باستعمال برمجية

» satellite « في جهاز الإعلام الآلي تم رسم البيان (T= f(r^3)) - 6. حيث T دور الحركة.

1 - اذكر نص قانون كبلر الثالث.

2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على الكوكب وبإهمال تأثيرات الكواكب

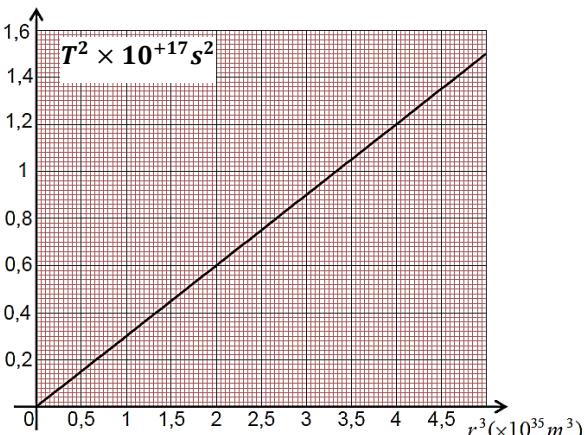
الأخرى، أوجد عبارة كل من v سرعة الكوكب ودور حركته T بدلالة r ، G ، M ،

3 - أوجد بيانيا العلاقة بين  $T^2$  و  $r^3$  .

4 - أوجد العلاقة النظرية بين  $T^2$  و  $r^3$  .

5 - بتوظيف العلاقتين الأخيرتين استنتاج قيمة كتلة الشمس M.

#### التمرين 15: رياضيات 2018



1. وكالة الفضاء الجزائرية منذ تأسيسها دامت على تطوير مشاريع الأقمار الاصطناعية لخدمة الاتصالات ، آخرها إطلاق القمر الصناعي

الكوم سات 1 وذلك يوم 10 ديسمبر 2017 على الساعة 17:40 من قاعدة اكسيشنج الصينية وبعد 26 دقيقة من الإطلاق وصل القمر

الاصطناعي إلى نقطة الالوج (نقطة الرأس البعد) على علو  $h_1 = 41991 \text{ km}$  من سطح الأرض ، ليسلك بعد ذلك مسارا اهليجيا له نقطة الحضيض (نقطة الرأس الأقرب) على ارتفاع  $h_2 = 200 \text{ km}$  من سطح الأرض ، وذلك في مرحلة التجربة التي دامت ستة أيام.

بعدها دخل القمر الاصطناعي في مداره الجيومستقر حيث أخذ الموقع الفلكي  $24.8^\circ$ .

1.1. اشرح المصطلحين الواردين في النص: اهليجي ، جيمستقر.

1.2. اذكر المرجع المناسب لدراسة حركة القمر الاصطناعي.

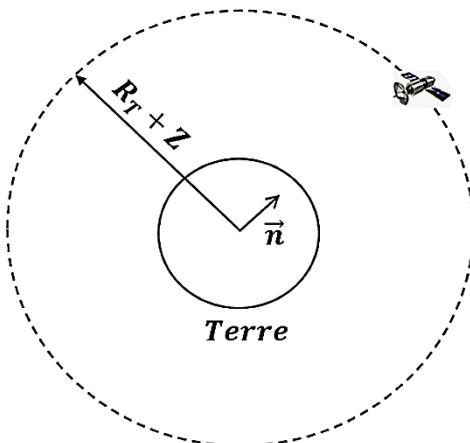
- 1.3. ارسم شكل تخطيطياً للمسار الاهليجي الذي اتخذه القمر الاصطناعي في مرحلته التجريبية موضحاً عليه النقاط التالية: الأرض، نقطة الاوج ، نقطة الحضيض ، ثم مثل شعاع السرعة بعمى في نقطتي الاوج والحضيض.
- 1.4. باستعمال القانون الثاني لنيوتن ، بين أن عبارة السرعة المدارية تعطى بالعلاقة :  $v_s = \sqrt{\frac{GM_T}{r}}$  حيث  $r$  يمثل البعد بين مركز الأرض والقمر الاصطناعي ثم احسب قيمتها في موضع الحضيض  $h_2 = 200\text{km}$  وموضع الاوج  $h_1 = 41991\text{km}$
2. بعدما يأخذ القمر الاصطناعي وضعه الدائم (المدار الجيوستقر):
- 2.1. اذكر كيف يكون شكل مداره ؟ وما هي قيمة الدور  $T$  ؟
  - 2.2. بالاستعانة بقانون كيلر الثالث احسب ارتفاع القمر الاصطناعي عن سطح الأرض.

$$M_T = 5.97 \times 10^{24}\text{kg} , \quad G = 6.67 \times 10^{-11}\text{SI} , \quad R_T = 6.4 \times 10^3\text{km}$$

التمرين 16:

نعتبر قمراً صناعياً للاتصالات كتلته  $m = 700\text{kg}$  يوجد مداره الدائري في مستوى خط الاستواء الذي يعتبر مداراً للأقمار الاصطناعية الساكنة بالنسبة للأرض. ندرس حركة هذا القمر في المرجع المركزي الأرضي.

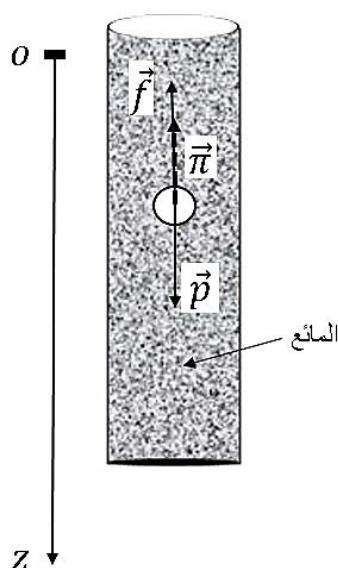
- 1- أعط تعريف المرجع المركزي الأرضي
- 2- ماذا نسمى هذا النوع من الأقمار؟ عرفه.
- 3- بالنسبة لأي مرجع يظهر القمر الاصطناعي ساكناً؟
- 4- يوجد القمر الاصطناعي على ارتفاع  $Z = 35786\text{km}$  من سطح الأرض، يخضع القمر الصناعي في هذا المرجع إلى قوة الجاذب التي تطبقها الأرض نهمل التأثيرات الأخرى. نعتبر أن كتلة الأرض  $M_T = 5.97 \times 10^{24}\text{kg}$  موزعة حسب طبقات متجانسة وكروية الشكل.



- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد عبارة شعاع التسارع ثم استنتج طبيعة الحركة.
- ب- أوجد عبارة  $v$  بدلالة نصف القطر  $r$  ،  $M_T$  ،  $G$  ثابت التجاذب الكوني.
- ج- استنتاج عبارة القانون الثالث لكيلر واذكر نصه.
- د- احسب قيمة دور القمر حول الأرض. فسر لماذا لا يساوي  $h = 24h$ .
- هـ- احسب سرعة القمر حول مداره وطاقته الحركية.
- 5- تتم عملية الاستئمار بواسطة صاروخ يقوم بحمل القمر الصناعي ووضعه في مدار انتظاري. يكون شكل هذا المدار إهليجيياً تمثل الأرض إحدى بؤرتيه، يكون الارتفاع الأدنى عن سطح الأرض للقمر الصناعي  $Z_p = 200\text{km}$  بالنقطة  $P$  وارتفاعه الأقصى عن سطح الأرض  $Z_A = 35786\text{Km}$  بالنقطة  $A$ .
- مثل مدار حركة القمر الصناعي حول الأرض ميرزا النقطتين  $A$  و  $P$ .
- في أي النقطتين من المدار تكون سرعة القمر الصناعي دنيا (صغرى) وقصوى؟ احسب قيمتها في كل نقطة.
- باستعمال قانون كيلر الثالث احسب دور القمر الاصطناعي في نداره الانتظاري.

$$R = 6378\text{Km} \quad G = 6.67 \times 10^{-11}\text{SI}$$

## السقوط الشاقولي



1- القوى المؤثرة على جسم أثناء السقوط:

- $P = m\vec{g}$ : موجه نحو الأسفل.

- كتلة الجسم  $m$

- الجاذبية الأرضية  $g$

- الكتلة الحجمية للجسم  $\rho_s = \frac{m}{V}$

- $\pi = -\rho V \vec{g}$ : موجهة نحو الأعلى دائمًا.

- الكتلة الحجمية للمائع  $\rho$

- حجم المائع المزاح وهو نفسه حجم الجسم ( $m^3$ ).

- الاحتكاك  $f$ : دائمًا عكس جهة الحركة.

- السرعات الصغيرة:  $f = kv$

- السرعات الكبيرة:  $f = kv^2$

2- المعادلة التفاضلية للسرعة حالة السرعات الصغيرة:

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في مرجع عطالي محوره موجه نحو الأسفل:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على ( $oz$ ) نجد:

$$\begin{aligned} P - \pi - f &= ma \Rightarrow mg - \rho V g - kv = m \frac{dv}{dt} \\ \Rightarrow mg - \rho V g &= m \frac{dv}{dt} + kv \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g - \frac{\rho V g}{m} \\ \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v &= g \left(1 - \frac{\rho V}{m}\right) \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right) \end{aligned}$$

- ملاحظات مهمة :

- ثابت الزمن  $\tau = \frac{m}{k}$

- السرعة الحدية  $v_L$ : في النظام الدائم السرعة ثابتة ومنه  $\frac{dv}{dt} = 0$

$$\Rightarrow \frac{k}{m} v_L = g \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right) \Rightarrow v_L = \frac{mg}{k} \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right)$$

- التسارع الابتدائي  $a_0$ : في حالة السقوط من السكون  $v = 0$ :

$$\Rightarrow a_0 = \frac{dv}{dt} = g \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right)$$

- من البيان يمكن حساب التسارع الابتدائي  $a_0$  وهو يمثل ميل المماس.

- إذا كان  $a_0 = g$  فإن دافعة أرخميدس مهملة

- إذا كان  $a_0 < g$  فإن دافعة أرخميدس غير مهملة وتحسب من العلاقة:

3- المعادلة التفاضلية للسرعة حالة السرعات الكبيرة:

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في مرجع عطالي محوره موجه نحو الأسفل:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على (oz) نجد:

$$\begin{aligned}
 P - \pi - f &= ma \Rightarrow mg - \rho V g - kv^2 = m \frac{dv}{dt} \\
 \Rightarrow mg - \rho V g &= m \frac{dv}{dt} + kv^2 \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g - \frac{\rho V g}{m} \\
 \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 &= g \left(1 - \frac{\rho V}{m}\right) \\
 \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 &= g \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right)
 \end{aligned}$$

• ملاحظات مهمة:

السرعة الحدية  $v_L$ : في النظام الدائم السرعة ثابتة ومنه  $\frac{dv}{dt} = 0$

$$\Rightarrow \frac{k}{m} v^2 L = g \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right) \Rightarrow v_L = \sqrt{\frac{mg}{k} \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right)}$$

التسارع الابتدائي  $a_0$ : في حالة السقوط من السكون  $v = 0$ :

$$\Rightarrow a_0 = \frac{dv}{dt} = g \left(1 - \frac{\rho}{\rho_s}\right)$$

مميزات الجسم للحصول على نظامين انتقالى و دائم: يجب ان تكون الكتلة الحجمة للجسم اكبر من الكتلة الحجمية للمائع وكذلك مقطع تصادم الجسم مع التدفق الشاقولي للمائع يكون اصغر ما يمكن .

السقوط الحر:

يكون السقوط حرًا بإهمال تأثير الهواء أي اهمال دافعة ارخميدس والاحتكاكات مع الهواء.

أ- المعادلات التفاضلية للحركة:

بنطبيق القانون الثاني لنيوتون في مرجع عطالي محوره موجه نحو الأسفل:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على (oz) نجد:

$$P = ma \Rightarrow mg = ma \Rightarrow a = g \Rightarrow \frac{dv}{dt} = g \Rightarrow \frac{d^2z}{dt^2} = g$$

ب- المعادلات الزمنية: حيث الشروط الابتدائية:  $z_0 = 0$  و  $v_0 = 0$

- معادلة السرعة:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = gt$$

- معادلة الموضع:

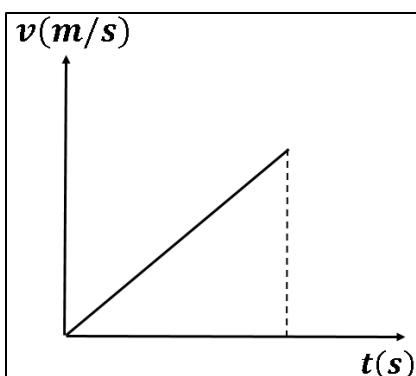
$$z = \frac{a}{2} t^2 + v_0 t + z_0 \Rightarrow z = \frac{g}{2} t^2$$

ج- علاقة محدوفية الزمن:  $v^2 - v_0^2 = 2gh$

د- الدراسة البيانية:

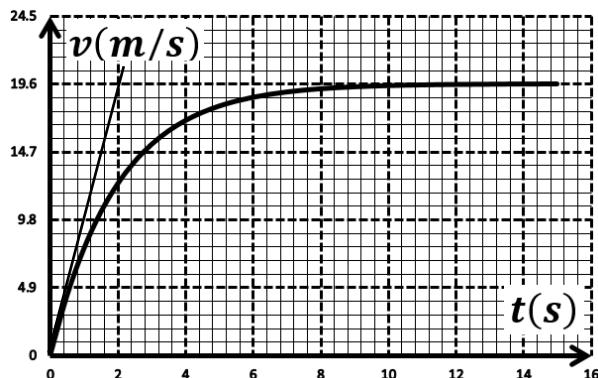
- التسارع  $a$  هو ميل البيان.

- المسافة المقطوعة  $z$  (الارتفاع  $h$ ) هو مساحة المثلث المحصور بين محور الأزمنة والبيان.



### التمرين 1 : بكالوريا علوم تجريبية 2010

تمت معالجة السقوط الشاقولي لجسم صلب (S) في الهواء بجهاز الإعلام الآلي، وذلك بعد تصويره بكاميرا رقمية فتحصلنا على البيان



$v = f(t)$  الذي يمثل تغيرات سرعة مركز عطالة الجسم بدلالة الزمن .

1 - حدد طبيعة مركز عطالة الجسم (S) في النظمين الانتقالي والدائم. عل.

2 - بالاعتماد على البيان عين :

أ - السرعة الحدية  $v_{lim}$ .

ب - تسارع الحركة في اللحظة  $t=0$ .

3 - كيف يكون الجسم الصلب (S) متميزا وهذا للحصول على حركة مستقيمة شاقولية انسحابية في نظمين انتقالي ودائم؟

4 - باعتبار دافعة أرخميدس مهملا، مثل القوى المؤثرة على الجسم (S) أثناء السقوط، واستنتج عندئذ المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة السرعة  $v$  في حالة السرعات الصغيرة.

5 - توقع شكل مخطط السرعة عند إهمال دافعة أرخميدس ومقاومة الهواء. عل.

### التمرين 2 : بكالوريا رياضيات 2015

ترک كرية كتلتها  $m$  تسقط في الهواء من ارتفاع  $h$  عن سطح الأرض دون سرعة ابتدائية . تعطى:  $g = 10 \text{ m/s}^2$  .

1- نهل دافعة أرخميدس ونعتبر شدة قوة مقاومة الهواء  $f = k \cdot v^2$  .

أ- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الكرية .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم ( $Oz$ ) موجه نحو الاسفل ومرتبط بمرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا ، أوجد المعادلة التفاضلية لسرعة الكرية.

جـ - استنتاج عبارة السرعة الحدية  $v_{lim}$  بدلالة:  $k$  و  $g$  و  $m$  .

2- ان دراسة تغيرات سرعة الكرية بدلالة الزمن مكنت من الحصول على بيان الشكل المقابل.

أ- استنتاج من البيان قيمة السرعة الحدية  $v_{lim}$  .

ب- حدد وحدة الثابت  $k$  باستعمال التحليل البعدي ، احسب النسبة  $\frac{m}{k}$  .

3- كيف يتطور تسارع الكرية خلال الزمن ؟

4- مثل كيفيا مخطط السرعة  $v(t)$  لحركة مركز عطالة الكرية في الفراغ.

### التمرين 3 : بكالوريا علوم 2011

تسقط كرية مطاطية شاقوليا في الهواء دون سرعة ابتدائية  $v_0 = 0 \text{ m.s}^{-1}$  وننم السقوط بطريقة رقمية.

المعطيات: كتلة الكرية  $m=3g$  ؛ نصف قطرها  $r=1,5\text{cm}$  ؛ الكتلة الحجمية للهواء

$.g=9,8 \text{ m.s}^{-2}$  . قوة الاحتكاك  $f=kv^2$  ؛  $\rho_{air}=1,3 \text{ kg.m}^{-3}$  . حجم الكرة  $V=(4/3).\pi r^3$

1 - مثل القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الكرية خلال مراحل السقوط.



2 - باختيار مرجع غاليلي مناسب وبنطبيق قانون نيوتن الثاني اكتب المعادلة التفاضلية للسرعة.

3 - بالمعالجة الرقمية حصلنا على البيانات :  $v = f(t) = h(t) = a$

أ - أي المحنين يمثل تطور التسارع  $a(t)$  بدلالة الزمن؟ علّ.

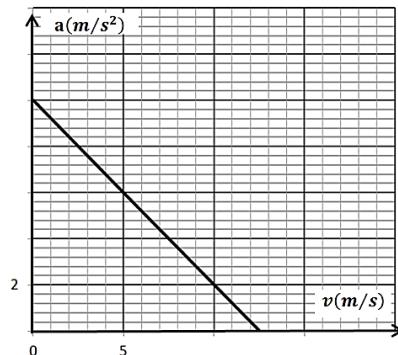
ب - حدد بيانيا السرعة الحدية  $v_\ell$ .

$$ج - علماً أن v_\ell = \sqrt{\frac{g}{k}(m - \rho_{air}V)}$$

#### التمرين 4 : بكالوريا علوم تجريبية 2009

يسقط مظلي كتلته مع تجهيزه  $m = 100\text{kg}$  سقوطا شاقوليا بدءا من نقطة  $O$  بالنسبة لمعلم أرضي دون سرعة ابتدائية. يخضع أثاء سقوطه إلى قوة مقاومة الهواء عبارتها من الشكل  $f = kv$  (تهمل دافعة أرخميدس). بمثل البيان الشكل تغيرات (a) تسارع مركز عطالة المظلي بدلالة السرعة ( $v$ ).

1 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن المعادلة التفاضلية لسرعة المظلي من الشكل:  $\frac{dv}{dt} = Av + B$ . حيث  $A$  و  $B$  ثابتان يطلب تعين عبارتيهما.



2 - عين بيانيا قيمتي كل من:

أ - شدة مجال الجاذبية الأرضية ( $g$ ).

ب - السرعة الحدية للمظلي ( $v_\ell$ ).

3 - تميز الحركة السابقة بالمقدار  $\frac{k}{m}$ . حدد وحدته واحسب قيمته من البيان.

4 - احسب قيمة الثابت  $k$ .

5 - مثل كيفيا تغيرات سرعة المظلي بدلالة الزمن في المجال الزمني:  $0 \leq t \leq 7\text{s}$ :

#### التمرين 5 : بكالوريا رياضيات 2010

لدراسة حركة سقوط جسم صلب (S) كتلته  $m$  شاقوليا في الهواء، استعملت كاميرا رقمية (Webcam)، عولج شريط الفيديو ببرمجة (Avistep) في جهاز الإعلام الآلي فحصلنا على النتائج التالية:

|                      |   |      |      |      |      |      |      |      |      |      |
|----------------------|---|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| $t(\text{ms})$       | 0 | 100  | 200  | 300  | 400  | 500  | 600  | 700  | 800  | 900  |
| $v(\text{m.s}^{-1})$ | 0 | 0,60 | 0,90 | 1,02 | 1,08 | 1,10 | 1,12 | 1,13 | 1,14 | 1,14 |

1 - ارسم المحنى البياني الممثل لتغيرات السرعة  $v$  بدلالة الزمن ( $t$ ). السلم:  $1\text{cm} \rightarrow 0,1\text{s}$ .  $1\text{cm} \rightarrow 0,20\text{ m.s}^{-1}$ .

ب - عين قيمة السرعة الحدية  $v_{lim}$ .

ج - كيف كون الجسم الصلب (S) متميزا للحصول على حركة مستقيمة شاقولية انسحابية في نظامين انتقالي و دائم؟

د - احسب تسارع حركة (S) في اللحظة  $t=0\text{s}$ .

2 - تعطى المعادلة التفاضلية لحركة (S) بالعبارة  $\frac{dv}{dt} + Av = C \left(1 - \frac{\rho \cdot V}{m}\right)$ . حيث  $\rho$  الكتلة الحجمية للهواء،  $V$  حجم الجسم (S).

أ - مثل القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة (S).

ب - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة مركز عطالة (S) بدلالة السرعة  $v$  وذلك في حالة السرعات الصغيرة.

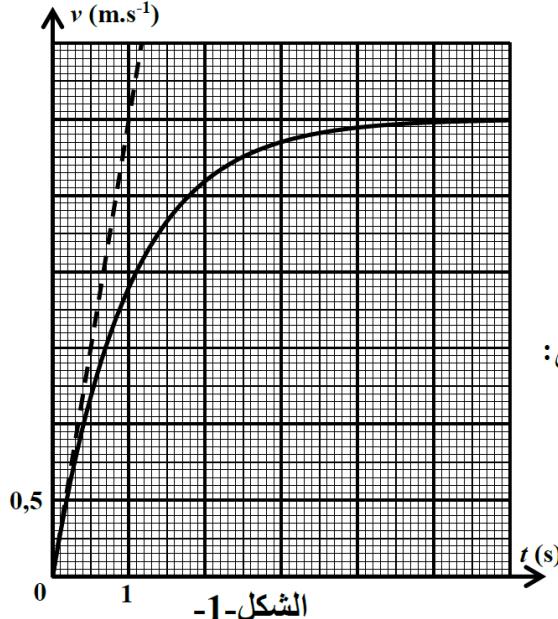
وبيّن أن:  $A = \frac{k}{m}$  و  $C = g$  حيث: ثابت ينبع بقوى الاحتكاك.

ج - استنتج قيمة دافعة أرخميدس وقيمة الثابت  $k$ .

$$\text{تعطى: } m = 19\text{g} \quad ; \quad g = 10\text{ N.Kg}^{-1}$$

## التمرين 6: بكالوريا رياضيات 2018

بالون مطاطي كروي الشكل مملوء بالهواء، كتلته  $g = 20 \text{ m}$  ومركز عطالته  $G$  يترك ليسقط في الهواء دون سرعة ابتدائية عند اللحظة  $t = 0$  وفق محور شاقولي ( $\overrightarrow{Oz}$ ) موجه نحو الأسفل مبدأ يوافق مبدأ الأرضنة. تمكنا عن طريق التصوير المتعاقب من رسم منحنى تغيرات السرعة  $v(t)$  لمركز عطالة البالون بدلالة الزمن كما في الشكل. نعتبر ان البالون يخضع اثناء حركته لقوة احتكاك  $\vec{f} = k\vec{v}$  حيث  $k$  ثابت يمثل معامل الاحتكاك.



1- مثل القوى المؤثرة على البالون في الحالتين :

- (أ) لحظة الانطلاق .
- (ب) خلال الحركة .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة البالون  $G$  في معلم عطالي:

- (أ) بين ان المعادلة التفاضلية للسرعة تكتب من الشكل:  $\frac{dv}{dt} + Av = B$  محددا عباره الثابت  $A$  بدلالة  $m$  والثابت  $B$  بدلالة  $g$  والكتلة الحجمية للهواء  $\rho_a$  والكتلة  $\rho$ .
- (ب) ما المدلول الفيزيائي للثابت  $B$  .

3- باستعمال المنحنى البياني المعطى في الشكل جد قيمة كلًا من:

- (أ) السرعة الحدية  $v_t$  .
- (ب) التسارع الابتدائي  $a_0$  عند اللحظة  $t = 0$  .
- (ج) ثابت الزمن  $\tau$  المميز للحركة والثابت  $k$  .
- (د) شدة قوة دافعة ارخميدس.

4- نمأً باللون بالماء بحيث يمكن اهمال باقي القوى أمام النقل، ما طبيعة السقوط في هذه الحالة؟ ثم مثل كيفيا منحنى تغيرات السرعة بدلالة الزمن عندئذ.

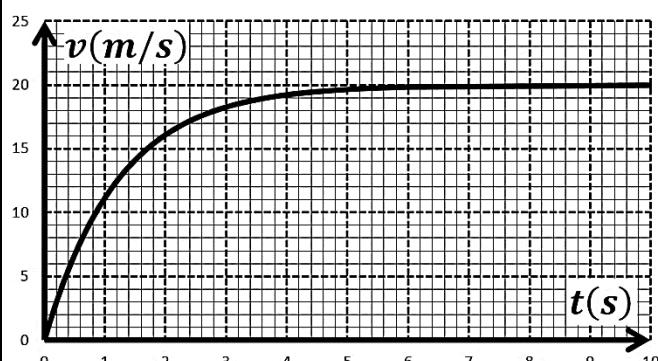
$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

## التمرين 7: بكالوريا علوم تجريبية 2013

تسقط حبة برد كروية الشكل قطرها :  $D = 3 \text{ cm}$  كتلتها  $m = 13 \text{ g}$  دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$  من النقطة  $O$  ترتفع بـ  $1500 \text{ m}$  عن سطح الارض تعتبرها كمبداً للمحور الشاقولي ( $oz$ ) .

أولاً: نفترض أن حبة البرد تسقط سقطا حررا.

- 1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، جد المعادلتين الزمنيتين لسرعة وموضع  $G$  مركز عطالتها.
- 2- احسب قيمة السرعة لحظة وصولها الى سطح الارض.



ثانياً: في الواقع تخضع حبة البرد بالإضافة لتقلها  $\vec{P}$  الى قوة دافعة ارخميدس

$\vec{F}$  وقوة احتكاك  $\vec{f}$  المتناسبة طردا مع مربع السرعة  $f = kv^2$  .

- 1- بالتحليل البعدى حدد وحدة المعامل  $k$  في النظام الدولى للوحدات .
- 2- اكتب عباره قوة دافعة ارخميدس ، ثم احسب شدتها وقارنها مع شدة قوة النقل . ماذا تستنتج؟

3- باهمال دافعة ارخميدس  $\vec{F}$  :

أ- جد المعادلة التفاضلية للحركة ، ثم بين أنه يمكن كتابتها على الشكل .

$$\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$$

ب- استنتج العبارة الحرفية للسرعة الحدية  $v_t$  التي تبلغها حبة البرد.

ج- جد بيانيا قيمة  $v_t$  السرعة الحدية ثم استنتاج قيمة  $k$ .

د- قارن بين السرعتين التي تم حسابهما في السؤالين (أولاً - 2) و (ثانياً - 3- ج) . ماذا تستنتج ؟

**المعطيات:** حجم الكرة:  $V = \frac{4}{3}\pi r^3$  ، الكثافة الحجمية للهواء:  $\rho = 1.3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$  ،  $g = 9.8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

#### التمرين 8: باك 2017 علوم تجريبية - دورة استثنائية

يستعمل الديوان الوطني للأرصاد الجوية لأجل معرفة تركيب الغلاف الجوي باللون مسيار، من المطاط الخفيف المرن جدا، معبأ بالهليوم، معلق به علبة تحتوي على تجهيز علمي لرصد الطقس والاتصال اللاسلكي بالمحطة. ينفجر البالون المسيار عندما يصل إلى ارتفاع  $h$  عن سطح الأرض، حينئذ تفتح مظلة هبوط العلبة المتصلة بها مع التجهيز العلمي فتعيده إلى الأرض. ننمذج قوة احتكاك الهواء على الجملة (مظلة + علبة) بـ  $f = kv^2$  حيث  $k$  ثابت موجب من أجل ارتفاعات معتبرة و  $v$  سرعة مركز عطالة الجملة. بفرض أنه لا توجد رياح (الحركة تكون شاقولية)، وندرس حركة مركز عطالة الجملة في مرجع أرضي نعتبره غاليليا.

1. أ) مثل القوى المطبقة على مركز عطالة الجملة (مظلة + علبة) في بداية السقوط ( $t = 0$ ) وفي النظام الدائم.

ب) أعط العبارة الحرفية الشعاعية لدافعة أرخميدس  $\vec{\Pi}$ .

ج) ذكر بنص القانون الثاني لنيوتون ثم اكتب العبارة الشعاعية لقوى المطبقة على الجملة في النظام الانتهائي.

د) جد المعادلة التفاضلية للسرعة.

هـ) استخرج عبارة السرعة الحدية  $v_t$  ، ثم احسب قيمتها.

و) انطلاقا من عبارة السرعة الحدية وباستعمال التحليل البعدي، حدد وحدة  $k$  في الجملة الدولية للوحدات.

2. جد  $a_0$  عبارة تسارع مركز عطالة الجملة (مظلة + علبة) عند اللحظة  $t = 0$  ، ثم احسب قيمتها.

3. إذا اعتبرنا سقوط العلبة حرا:

أ) عرف السقوط الحر.

ب) عين قيمة التسارع في هذه الحالة.

ج) إذا اعتبرنا أن العلبة سقطت من ارتفاع  $m = 1000 \text{ m}$  من سطح الأرض، احسب سرعتها لحظة ارتطامها بالأرض بـ  $\text{km/h}$  . ماذا

توقع أن يحدث للعلبة في هذه الحالة مع التعليق وماذا تستنتاج؟

د) كيف تتوقع بيان السرعة  $f(t) = v$  وبيان التسارع  $a = g(t)$  ( ارسم كيقيا البيانات)؟

تعطى:  $m = 2.5 \text{ kg}$  ،  $g = 9.80 \text{ m.s}^{-2}$  ،  $\Pi = 3 \text{ N}$  ،  $k = 1.32 \text{ SI}$

#### التمرين 9: باك 2017 علوم تجريبية

خلال حصة الأعمال المخبرية كلف الأستاذ ثلاثة مجموعات من التلاميذ بدراسة حركة سقوط كرية في الهواء كتلتها  $m$  وحجمها  $V$  انطلاقا

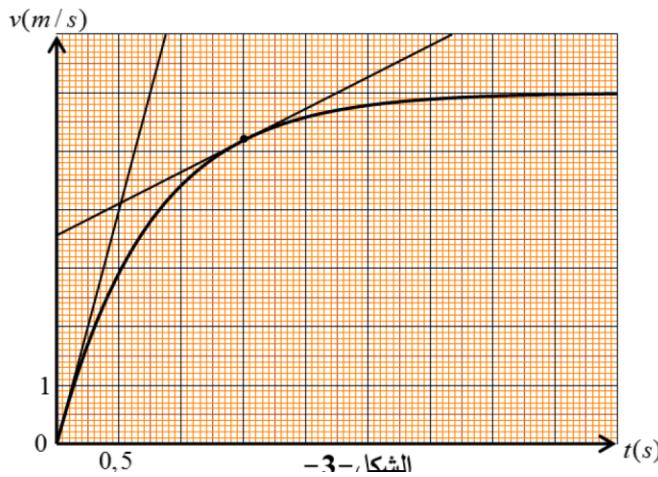
من السكون في اللحظة  $t = 0$  حيث طلب منهم تمثيل

القوى المؤثرة على الكرية في لحظة  $t > 0$  حيث

عرضت كل مجموعة عملها وكانت النتائج كالتالي:

حيث  $\vec{\Pi}$  دافعة أرخميدس و  $\vec{f}$  قوة احتكاك مع الهواء.

| 3   | 2   | 1   | المجموعة      |
|---|---|---|---------------|
|  |  |  |               |
|   |   |   | الممثل المنجر |
|   |   |   |               |



(1) بعد المناقشة تم رفض تمثيل احدي المجموعات الثالث.

أ) حدد التمثيل المرفوض مع التعليل؟

ب) اكتب المعادلة التفاضلية للسرعة لكلا الحالتين المتبقيتين.

ج) أعط عباره  $a_0$  تسارع الكريه في اللحظه  $t = 0$  لكل من الحالتين المتبقيتين.

(2) لتحديد التمثيل المناسب أجريت تجربة لقياس قيم السرعات في لحظات مختلفة، النتائج المتحصل عليها سمحت برسم المنحنى الموضح في الشكل. مستعيناً بالمنحنى حدد قيمة التسارع الابتدائي  $a_0$  في اللحظة  $t = 0$  ثم استنتج التمثيل الصحيح مع التعليل.

(3) عين قيمة السرعة الحدية  $v_{lim}$ .

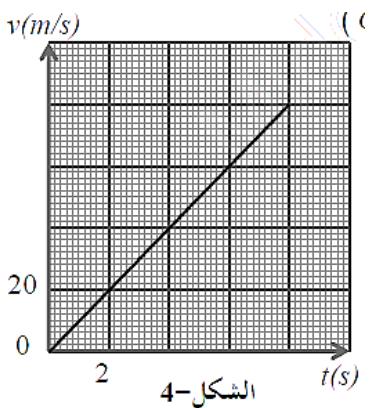
(4) جد عباره السرعة الحدية  $v_{lim}$  بدلالة  $m, k, g, V$ .

(5) احسب شدة محصلة القوى المطبقة على الكريه في اللحظه  $t = 1.5s$  بطريقتين مختلفتين.

$$\text{المعطيات: } V = 3.6 \times 10^{-4} \text{ m}^3, \rho_{air} = 1.3 \text{ kg.m}^{-3}, m = 2.6g, g = 9.80 \text{ m.s}^{-2}, f = kv$$

### التمرين 10: بكالوريا رياضيات 2013

أثناء التدريبات التي تقوم بها فرقه الصاعقه للمظلين بالمدرسه العليا لقوى الخاصه بسكره، استعملت طائره عموديه حلقت على ارتفاع ثابت من سطح الارض لانزال المظلين دون سرعة ابتدائية.



1- ننماجم المظلي ومظلته بجملة (S) مركز عطالتها  $G$  وكتلتها:  $m = 80kg$  ، نهمل تأثير دافعه ارخميدس. يقفز المظلي دون سرعة ابتدائية، فيقطع ارتفاعا  $h$  خلال  $8s$  قبل فتح مظلته. تعتبر حركة سقوطه حرا. ان دراسة تطور  $v(t)$  سرعة المظلي بدلالة الزمن في معلم شاقولي ( $o\vec{k}$ ) موجه نحو الاسفل مرتبط بمرجع سطحي ارضي، مكنت من الحصول على البيانات في الشكل -4.

أ- حدد طبيعة حركة الجملة (S) مع التعليل.

ب- احسب الارتفاع  $h$ .

ج- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن استنتاج تسارع الجاذبية الارضية  $g$ .

2- بعد قطع المظلي الارتفاع  $h$  يفتح مظلته، فتخضع الجملة لقوة احتكاك  $f = kv^2$ .

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين ان المعادلة التفاضلية لسرعة الجملة (S) تكتب

$$\frac{dv}{dt} = g \left( 1 - \frac{v^2}{\beta} \right) \quad \text{حيث } \beta \text{ ثابت يطلب التعبير عنه بدلالة: } k, m$$

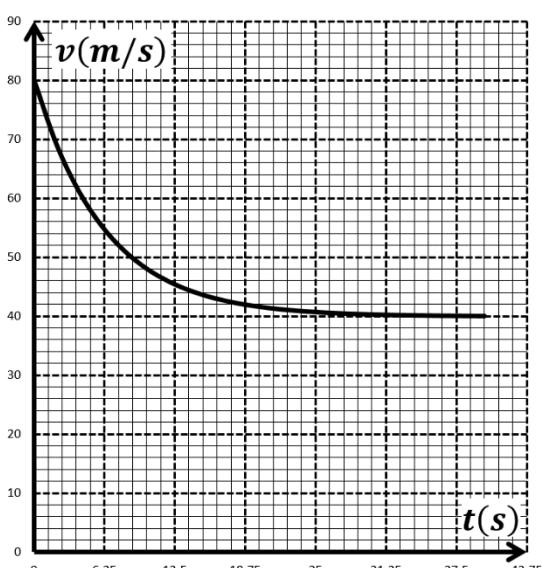
ب- يمثل المقدار  $\beta$ :

- سرعة الجملة (S) في اللحظه  $t = 0$ .

- تسارع حركة مركز عطالة الجملة في النظام الدائم.

- مربع السرعة الحدية  $v_{lim}$  للجملة (S).

اختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات السابقة.



3- يمثل الشكل تغيرات سرعة مركز عطالة الجملة (*S*) بدءاً من لحظة فتح المظلة التي تعتبرها مبدأ للأزمنة.

. أ- حدد قيمة السرعة الحدية  $v_{lim}$

ب- بالاعتماد على التحليل البعدى حدد وحدة الثابت  $k$  ثم احسب قيمته.

التمر بن 11: بكتلوريا علوم تحريرية 2008

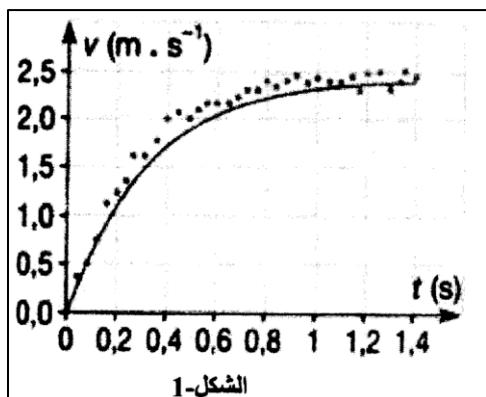
هذا النص مأخوذ من مذكرات العلم هوينغز: .... في البداية كنت أطعن قوة الاحتكاك في المائة تتناسب طرداً مع السرعة ولكن التجارب التي حققتها في باريس بينت لي أن قوة الاحتكاك يمكن أن تتناسب طرداً مع مربع السرعة. وهذا يعني أنه إذا تحرك متراً بسرعة ضعف ما كانت عليه، يصطدم بكمية من المائة تساوي مرتين ولها سرعة ضعف ما كانت عليه.....

١- يشير النص الى فرضيّة هوينز حول الاحتكاك في المواقع، يعبر عنها رياضياً بالعلاقة:

حيث  $f$  قمة قوة الاحتكاك،  $v$  سرعة مركز عطالة المتحرّك،  $k$  ثابتان موجان.

- ارقة بكل علاقة التعبير المناسب - من النص - عن كل فرضية.

2- للتأكد من صحة الفرضيات، تم تسجيل حركة بالونه تسقط في الهواء. سمح التسجيل بالحصول على سحالية من النقاط تمثل تطور سرعة



مركز عطالة البالونة، في لحظات زمنية معينة.

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، واعتماد على الفرضية المعتبر عنها بالعلاقة (١)،

اكتُب المعادلة التفاضلية لحركة سقط الكرة بدلاً عنه:

الكتاب المقدس = الكتاب المقدس = الكتاب المقدس =

بـ- بين أن المعادلة التفاضلية للحركة يمكن كتابتها على الشكل:  $\frac{dv}{dt} + Bv = A$  حيث  $m$  كتلة الـ باللونة -  $g$  تسارع الجاذبية -  $k$  ثابت النسبـ.

جـ- اعتماداً على البيان، ناقش تطور السرعة  $v$  واستنتاج قيمتها الحدية  $v_{lim}$ . ماذا يمكن القول عن حركة مركز عطالة البالونة عندئذ؟

د- احسب قيمته  $B + A$

3- رسم على نفس المخطط الساقية المنحنى  $f(t) = v$  وفق  $A$  و  $B$  حيث المنحنى ممثل بالخط المستقيم . ناقش صحة الفرضية (1).

$$g = 9,81 \text{ m.s}^{-2} \text{ et } \rho_0 = 4,1 \text{ kg.m}^{-3} \text{ et } \rho_a = 1,3 \text{ kg.m}^{-3}$$

التمرين 12:

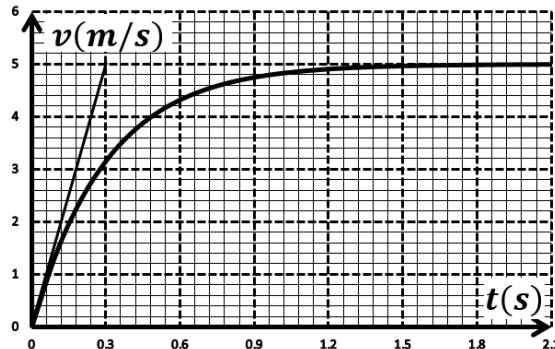
منطاد مصنوع من المطاط الرقيق والجلد المرن، تم نفخه بواسطة الهليوم. يحمل هذا المنطاد جهازا علميا لدراسة تركيب الغلاف الجوي. يهدف هذا التمرين الى دراسة حركة المنطاد على ارتفاع منخفض، حيث تعتبر ان تسارع الجاذبية الارضية  $g$  ، حجم المنطاد ولوحاته  $V_b$  و الكثافة الحجمية للهواء  $\rho$  تبقى ثابتة. تعطى قوة الاحتكاك بالعبارة  $f = K\rho v^2$  حيث  $K$  ثابت. ندرس حركة المنطاد في معلم ارضي تعتبره عالميا محوره موجه نحو الاعلى.

$$g = 9.8 \text{ m/s}^2, \quad V_h = 9 \text{ m}^3, \quad \rho = 1.23 \text{ kg/m}^3 \quad \text{معطيات:} \quad \text{شرط افلاء المنطاد:}$$

١- ما هي القوى المؤثرة على المنطاد أثناء صعوده نحو الأعلى، عن خصائصها ومتى لها.

2- لتكن  $m$  كتلة المنطاد ولو احقه، ونعتبر ان السرعة الابتدائية عند الانقلاء معدومة.

- أ- ما هي الشروط التي يتحققها شعاع التسارع حتى يتمكن المنطاد من الصعود؟
- ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن استنتج الشرط الذي تتحققه الكتلة  $m$  حتى يتمكن المنطاد من الاقلاع.
- ج- هل يقع المنطاد إذا علمت أن كتلته مع لوادقه هي:  $m = 4.1\text{kg}$  ؟
- ii. **صعود المنطاد:** المنحنى البياني في الشكل المقابل يمثل تغيرات سرعة المنطاد ولوادقه بدلاًة الزمن.



- 1- بين ان المعادلة التفاضلية لحركة المنطاد تكتب من الشكل:  $\frac{dv}{dt} + Av^2 = B$  حيث  $A$  و  $B$  ثابتان يطلب تعين عبارتهما بدلاًة:  $V_b$  ،  $\rho$  ،  $m$  و  $g$ .
- 2- ما هو المدلول الفيزيائي لـ  $B$  ثم احسب قيمته بطريقتين.
- 3- أعط العبارة الحرفية للسرعة الحدية  $v_l$  ثم عين قيمتها ببيانها.
- 4- بالتحليل البعدى أوجد وحدة الثابت  $K$  ثم احسب قيمته.

### التمرين 13:

نقوم بدراسة السقوط الشاقولي لمضلي يقفز من طائرة عمودية على ارتفاع  $h$  من سطح الأرض قبل وبعد فتح المضلة.

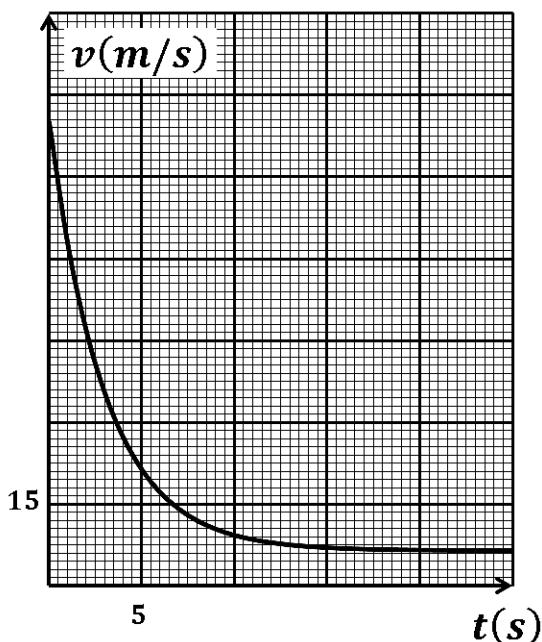
I. نعتبر المظلي وتجهيزه الخاص بالقفز جملة ( $S$ ) مركز عطالتها  $G$  وكتلتها:  $m = 80\text{kg}$  ، نهمل دافعة ارخميدس والاحتكاك مع الهواء.

يقفز المظلي دون سرعة ابتدائية وندرس حركته في معلم شاقولي ( $OZ$ ) موجه نحو الاسفل مرتبط بمرجع سطحي أرضي. نعتبر ان تسارع الجاذبية الأرضية ثابت القيمة  $g = 9.8\text{m/s}^2$ .

- 1- تطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد طبيعة الحركة ثم اكتب المعادلات التفاضلية لها.
- 2- اكتب المعادلات الزمنية للحركة.

3- إذا كانت مدة السقوط هي  $8.7\text{s}$  فاحسب سرعة المظلي والمسافة التي يقطعها قبل فتح المضلة.

II. بعد قطع المظلي المسافة السابقة يفتح مظلته (نعتبر ان فتح المظلة آني)، فتختصر الجملة لقوة احتكاك عبارتها  $f = kv^2$ .



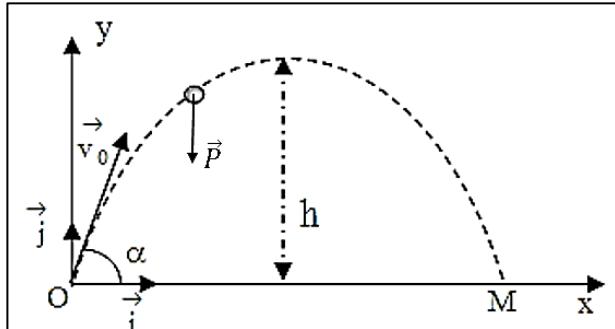
- 1- مثل القوى المؤثرة على المظلي بعد فتح المضلة مباشرة وفي النظام الدائم.
- 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين ان المعادلة التفاضلية لسرعة الجملة ( $S$ ) تكتب بالعلاقة:  $\frac{dv}{dt} = A + Bv^2$  حيث  $A$  و  $B$  ثابتان يطلب تعين عبارتهما بدلاًة:  $k$  ،  $m$  و  $g$  (نهمل دافعة ارخميدس).

3- جد عبارتي السرعة الحدية  $v_l$  والتسارع الابتدائي  $a_0$ .

4- يمثل الشكل-1 تغيرات سرعة مركز عطالة الجملة ( $S$ ) بدءاً من لحظة فتح المظلة التي تعتبرها مبدأ للأزمنة.

- (أ) حدد قيمة السرعة الحدية  $v_{lim}$ .
- (ب) احسب محصلة القوى المؤثرة على الجملة ( $S$ ) في اللحظة  $t = 10\text{s}$ .
- ج) بالاعتماد على التحليل البعدى حدد وحدة الثابت  $k$  ثم احسب قيمته.

## دراسة حركة القذائف الفيزيقية



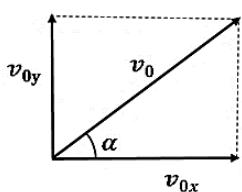
**الشروط الابتدائية:** تختلف الشروط الابتدائية حسب الحركة المدروسة.

$$\begin{aligned} x_0 &= 0 \\ y_0 &= 0 \end{aligned}$$

$$\cos \alpha = \frac{v_{0x}}{v_0} \Rightarrow v_{0x} = v_0 \cos \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{v_{0y}}{v_0} \Rightarrow v_{0y} = v_0 \sin \alpha$$

$$\begin{cases} v_x = v_B \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_B \sin \alpha \end{cases}$$



عند قذفة كرة بسرعة ابتدائية غير شاقولية نحصل على حركة مسارها موضح في الشكل:

### -1 المعادلات التفاضلية:

$$\begin{aligned} \sum \vec{F} &= m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{g} = \vec{a} \\ \Rightarrow \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ \frac{dv_y}{dt} = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{d^2x}{dt^2} = 0 \\ \frac{d^2y}{dt^2} = -g \end{cases} \end{aligned}$$

• طبيعة الحركة على المحاور:

- الحركة على المحور ( $ox$ ) حركة مستقيمة منتظمة لأن  $a_x = 0$

- الحركة على المحور ( $oy$ ) حركة مستقيمة متغيرة بانتظام متباطئة في مرحلة الصعود ومتضادة في النزول.

### -2 المعادلات الزمنية:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{g} = \vec{a}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$$

• معادلات السرعة: بالتكامل نجد:

$$\Rightarrow \begin{cases} v_x = v_{0x} \\ v_y = at + v_{0y} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

• معادلات الموضع: بالتكامل نجد:

$$\Rightarrow \begin{cases} x = v_{0x}t + x_0 \\ y = \frac{1}{2}at^2 + v_{0y}t + y_0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha t \end{cases}$$

• معادلة المسار:

$$\begin{aligned} x &= v_0 \cos \alpha t \Rightarrow t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \\ \Rightarrow y &= -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha t \Rightarrow y = -\frac{1}{2}g \left( \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \right)^2 + v_0 \sin \alpha \left( \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \right) \\ &\Rightarrow y = -\frac{gx^2}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} + \tan \alpha x \end{aligned}$$

• نقاط خاصة في مسار القذيفة:

• الذروة: وهي أعلى موضع تصلكه الكرة.

عند الذروة يكون

$$v_y = 0$$

$$v_y = -gt + v_0 \sin \alpha = 0 \Rightarrow t = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$$

نعرض في معادلات الموضع نحصل على احداثيات الذروة.

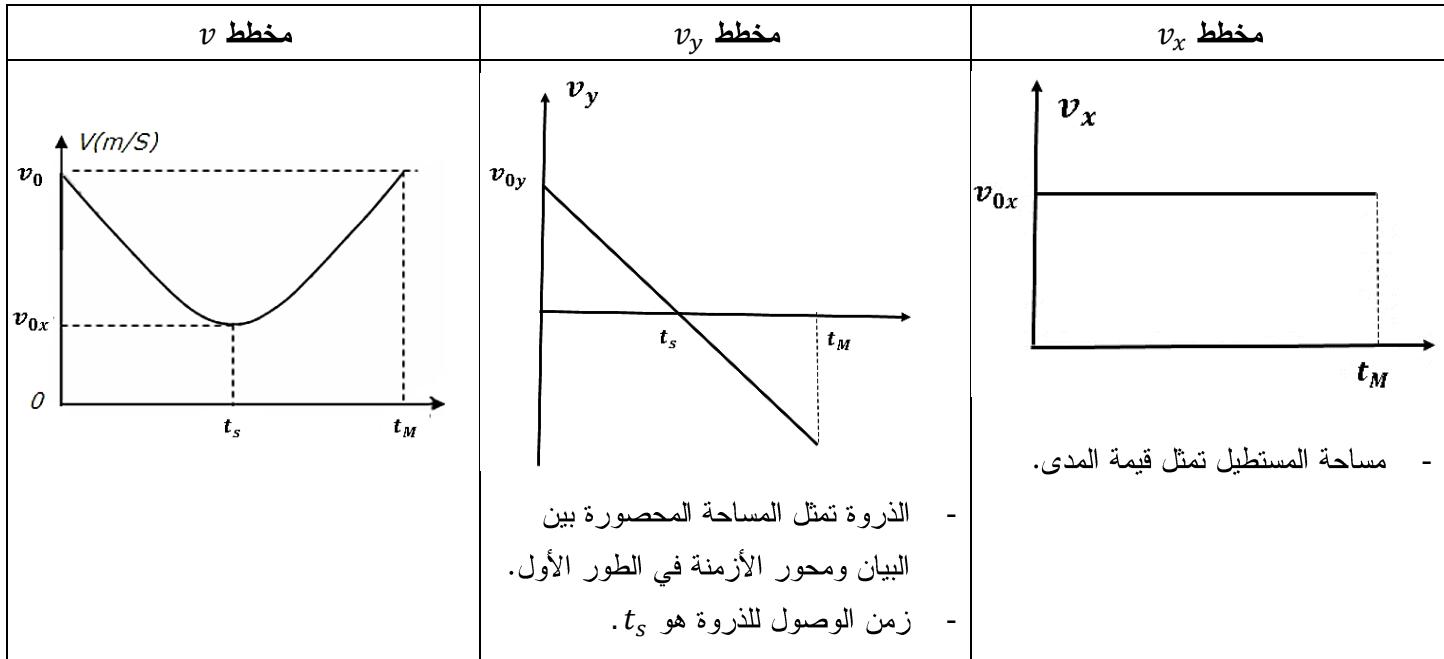
• المدى: هو أقصى مسافة تقطعها الكرة. حسب الشكل  $x = d = OM = 0M$  أي أن  $y = 0$ .

$$y = -\frac{gd^2}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} + \tan \alpha d = 0 \Rightarrow \frac{gd}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} = \tan \alpha \Rightarrow d = \frac{2v_0^2 \cos^2 \alpha \times \tan \alpha}{g}$$

$$\Rightarrow d = \frac{2v_0^2 \cos \alpha \times \sin \alpha}{g} \Rightarrow d = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$

- مناقشة المدى: يكون المدى أعظمياً عندما يكون  $\sin 2\alpha = 1$  أي  $2\alpha = 90^\circ$  ومنه  $\alpha = 45^\circ$

#### 5- مخططات السرعة:



من المخططات يمكن استنتاج كلاً من الزاوية  $\alpha$  والسرعة الابتدائية  $v_0$ .

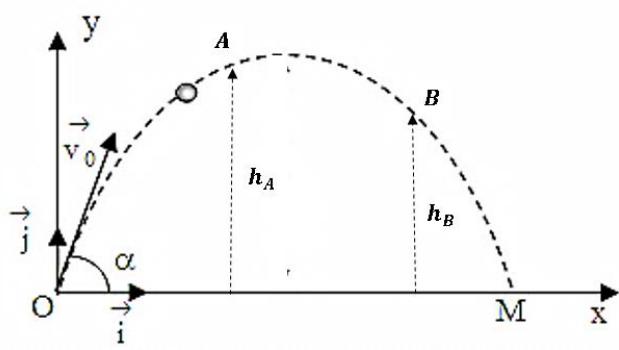
$$v_0^2 = v_{0x}^2 + v_{0y}^2$$

$$\sin \alpha = \frac{v_{0y}}{v_0} \quad , \quad \cos \alpha = \frac{v_{0x}}{v_0} \quad , \quad \tan \alpha = \frac{v_{0y}}{v_{0x}}$$

#### 6- ملاحظات هامة:

$$v_B^2 - v_A^2 = 2gh_{AB}$$

• استعمال مبدأ انفاذ الطاقة للجملة (كرة+ارض) بين الموضعين A و B.

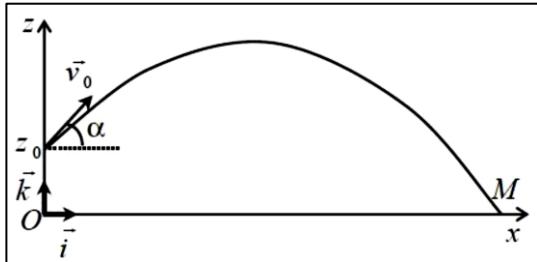


$$\begin{aligned} E_{CA} + E_{PPA} &= E_{CB} + E_{PPB} \\ \Rightarrow \frac{1}{2}mv_A^2 + mgh_A &= \frac{1}{2}mv_B^2 + mgh_B \\ \Rightarrow mgh_A - mgh_B &= \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 \\ \Rightarrow gh_A - gh_B &= \frac{1}{2}v_B^2 - \frac{1}{2}v_A^2 \\ \Rightarrow v_B^2 - v_A^2 &= 2g(h_A - h_B) \end{aligned}$$

### التمرين 1: بكالوريا رياضيات 2011-بتصرف

في لعبة رمي الجلة، يقذف اللاعب في اللحظة  $t = 0$  الجلة من ارتفاع  $oz_0 = h = 2.0m$  من سطح الأرض، بسرعة ابتدائية:  $v_0 = 13.7 m/s$  ، شعاعها يصنع زاوية  $\alpha = 35^\circ$  . نهمل تأثير الهواء (مقاومة الهواء ودافعة أرخميدس) ونأخذ  $g = 9.8m \times s^{-2}$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على القذيفة في المعلم المبين على الشكل استخرج:



أ- المعادلات التقاضية للحركة.

ب- المعادلات الزمنية للحركة.

2- اكتب معادلة المسار  $z = f(t)$  .

3- أوجد احداثيات  $M$  نقطة سقوط القذيفة. وما هي سرعتها عندئذ؟

4- نريد ان يكون مدى أعظميا، ما هي الزاوية التي يجب ان تقذف بها الجلة؟ ثم

حدد قيمة المدى حينئذ علما ان اللاعب يقذف الجلة بنفس السرعة  $v_0$  .

### التمرين 2: بكالوريا علوم تجريبية 2012

خلال منافسة رمي الجلة في الألعاب الأولمبية بكين، حقق الرياضي الذي فاز بهذه المنافسة

النتيجة  $d = 21.51m$  . اعتمادا على الفلم المسجل لعملية الرمي ولأجل معرفة قيمة

السرعة  $v_0$  التي قذفت بها الجلة، تم استخراج بعض المعلومات أثناء لحظة الرمي:

- قذفت الجلة من النقطة  $A$  الواقعة على ارتفاع  $h_A = 2m$  بالنسبة لسطح الأرض

وبالسرعة  $v_0$  التي تصنع زاوية  $\alpha = 45^\circ$  مع الخط الافقى.

ندرس حركة الجلة في المعلم المتعامد والمتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{k})$  ونختار اللحظة الابتدائية  $t = 0$

هي اللحظة التي يتم فيها قذف الجلة من النقطة  $A$  . نهمل احتكاكات الجلة مع الهواء ودافعة أرخميدس بالنسبة لقوة نقل الجلة.

1- جد المعادلتين الزمنيتين  $x = f(t)$  و  $z = h(t)$  المميزتين لحركة الجلة في المعلم المختار.

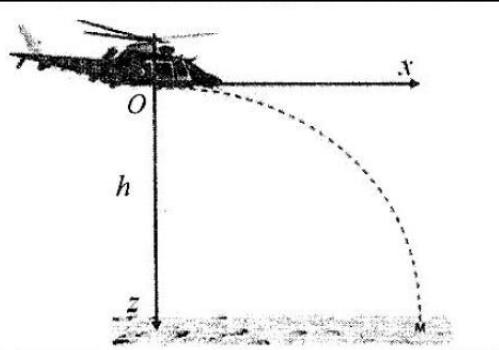
- استنتج معادلة مسار الجلة  $z = g(t)$  بدلالة المقادير  $v_0$  ،  $h_A$  ،  $\alpha$  ،  $g$  .

2- جد عبارة السرعة الابتدائية  $v_0$  بدلالة  $h_A$  ،  $\alpha$  ،  $g$  و  $d$  ثم احسب قيمتها.

3- جد المدة الزمنية التي تستغرقها الجلة في الهواء.

### التمرين 3: بكالوريا رياضيات 2012

في فبراير 2012 هبت عاصفة ثلجية على شمال شرق الجزائر، فاستعملت الطائرات المروحية للجيش الوطني الشعبي لإيصال المساعدات للمتضاربين خاصة في المناطق الجبلية.



أولاً: تطير المروحية ثابت  $h$  من سطح الأرض بسرعة أفقية ثابتة قيمتها  $v_0 = 50 m/s$

يترك صندوق من مواد غذائية مركز عطالتها  $G$  يسقط في اللحظة  $t = 0$  انطلاقا من نقطة

$O$  مبدأ الاحداثيات وبالسرعة الابتدائية الافقية  $v_0$  لي落 down to the ground at point  $M$  .

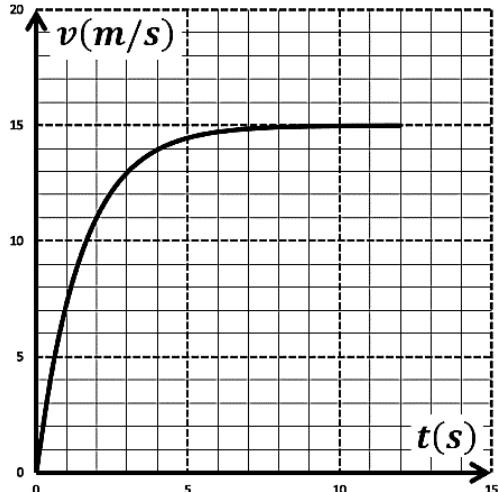
1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد:

أ- المعادلتين الزمنيتين  $x(t)$  و  $z(t)$  .

ب- معادلة المسار  $(x)$  .

جـ- احداثيات نقطة السقوط  $M$ .

د - الزمن اللازم لوصول الصندوق للأرض.



**ثانياً:** لكي لا تتلف المواد الغذائية عند الارتطام بسطح الارض، تم ربط الصندوق بمظلة تمكنه من النزول شاقوليا ببطء. تبقى المروحة على نفس الارتفاع  $h$  السابق في النقطة  $M$  ليترك الصندوق يسقط شاقوليا دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ . يخضع الصندوق لقوة احتكاك الهواء نعبر عنها بالعلاقة  $\vec{f} = -100 \times \vec{v}$  حيث:  $\vec{v}$  يمثل شعاع سرعة الصندوق في اللحظة  $t$  مع اهمال دافعة ارخميدس خلال السقوط.

- أ- جد السرعة الحدية  $v_1$  .

1- جد المعادلة التفاضلية التي تتحققها سرعة مركز عطالة الصندوق.

2- يمثل الشكل تطور سرعة مركز عطالة الصندوق بدلالة الزمن  $t$  .

بـ- حدد قيمتي السرعة والتسارع في اللحظتين  $t = 0$  و  $t = 10s$

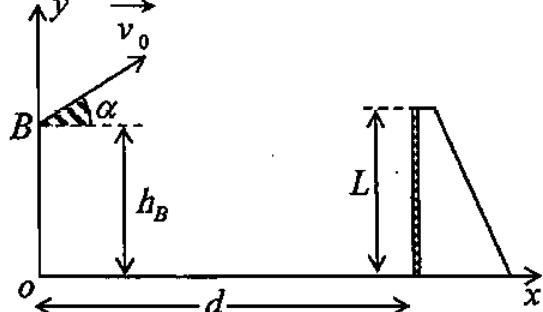
$$\text{يعطى: } m = 150\text{kg}, h = 405\text{m}, g = 9.8\text{m} \times \text{s}^{-2}$$

التمرين 4: بكالوريا علوم تجريبية 2016

$$v_0 = 10 \text{ m/s} , \quad g = 10 \text{ m/s}^2$$

نعتبرها  $t = 0$  من النقطة  $B$  في اتجاه المرمى بسرعة ابتدائية  $v_0$  واقعة على المستوى الشاقولي المتعامد مع مستوى المرمى ويصنف حاملها زاوية  $\alpha = 30^\circ$  مع الأفق. تقع النقطة  $B$  على الارتفاع  $h_B = 2m$  من سطح الأرض كما هو موضح بالشكل المقابل.





- 1- بإهمال أبعاد الكرة وتأثير الهواء عليها، وبنطبيق القانون الثاني لنيوتون على الكرة في المعلم السطحي الأرضي ( $Ox, Oy$ ) أوجد ما يلي:

  - أ- المعادلتين الزمنيتين ( $x(t)$  و  $y(t)$ ).
  - ب- معادلة المسار  $\gamma = f(x)$

جـ- قيمة سرعة مركز عاطلة الكرة عند الذروة.

.  $L = 2,44m$  وارتفاع المرمى  $d = 10m$  بالمسافة  $L$  يبعد خط التهديف عن اللاعب .

أ- اكتب الشرط الذي يجب ان يتحقق كل من  $x$  و  $y$  لكي يسجل الهدف مباشرة اثر هذه الرمية الرأسية؟

بـ- هل سحل اللاع الهدف بهذه الـ اسية؟ يـ رـ حـ اـكـ.

التمرير 5: بكالوريا علوم تجريبية 2010

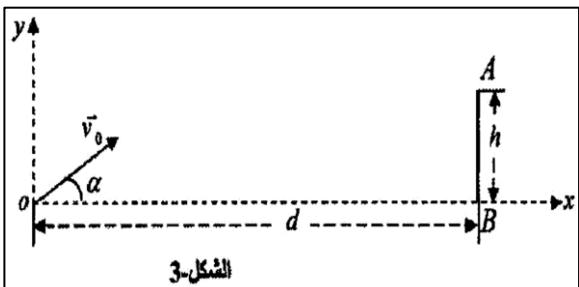
$$\text{نوع خذ } q = 10m \times s^{-2} , \text{ مقاومة الهواء و دافعه اخ خميس معلمات} .$$

لتنفيذ مخالفة خلال مباراة كرة القدم ، وضع اللاعب الكرة في النقطة 0 مكان وقوف

الخطأ على بعد  $d = 25m$  من خط المرمي ، حيث ارتفاع العارضة الافقية  $h$

يُقذف اللاعب الكرة بسرعة ابتدائية  $v_0$  يصنع حاملها مع الأفق  $AB = 2.44m$

$$\therefore \alpha = 30^\circ$$



1- ادرس طبيعة حركة الكرة في المعلم  $(\overrightarrow{Ox}, \overrightarrow{Oy})$ .

- بأخذ مبدأ الازمنة لحظة القذف استنتج معادلة المسار.

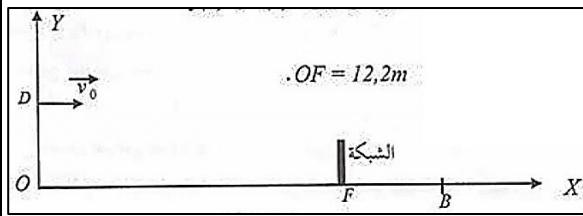
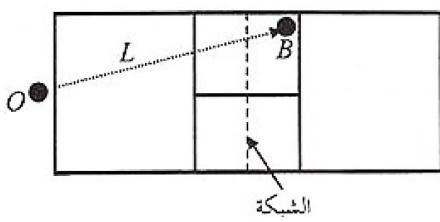
2- كم يجب أن تكون  $v_0$  حتى يسجل الهدف مماسياً للعارضة الافقية (النقطة A) ؟ - ما هي المدة الزمنية المستغرقة؟ وما هي قيمة سرعتها عندئذ (النقطة A) ؟

3- كم يجب أن تكون  $v'$  حتى يسجل الهدف مماساً لخط المرمى (النقطة B) ؟

**التمرين 6: بكالوريا رياضيات 2015:**

ملعب التنس عبارة عن مستطيل طوله  $23.8\text{ m}$  وعرضه  $8.23\text{ m}$ . وضعت في منتصفه شبكة ارتفاعها  $0.92\text{ m}$ . عندما يرسل اللاعب الكرة يجب أن تسقط في منطقة محصورة بين الشبكة وخط يوجد على مسافة  $6.4\text{ m}$  من الشبكة كما هو موضح بالشكل. في دورة رولان قاروس الدولية يريد اللاعب ندال اسقاط الكرة في النقطة B حيث  $OB = L = 18.7\text{ m}$  حيث  $O$  من النقطة O. يرسل اللاعب الكرة نحو الأعلى ثم يضربها بمضربه من نقطة D توجد على ارتفاع  $h = 2.2\text{ m}$  من النقطة O. تتطاير الكرة من النقطة D بسرعة أفقية  $v_0 = 126\text{ km/h}$  كما هو موضح بالشكل التالي.

نهمل تأثير الهواء ونأخذ  $g = 9.8\text{ m/s}^2$ . نعتبر أن الحركة تتم في معلم سطحي أرضي يعتبر غاليليا.



1- مثل القوى المؤثرة على الكرة خلال حركتها بين D و B .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلتين الزمنيتين للحركة  $x(t)$  و  $y(t)$  .

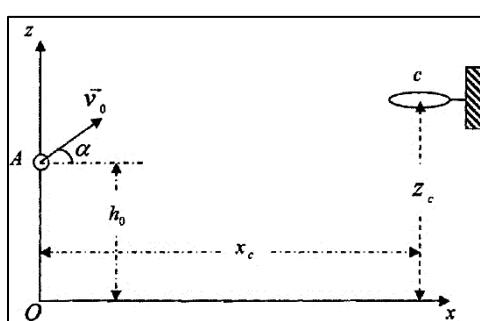
3- استنتاج معادلة المسار.

4- هل تمر الكرة فوق الشبكة؟ علما ان  $OF = 12.2\text{ m}$  .

5- هل نجح ندال في الإرسال؟

**التمرين 7: بكالوريا رياضيات 2009**

قام لاعب كرة السلة بتسديد الكرة نحو السلة من نقطة A منطبقة على مركز الكرة الموجودة على ارتفاع  $h_0 = 2.10\text{ m}$  من سطح الأرض بسرعة ابتدائية  $v_0 = 8\text{ m/s}$  يصنع حاملها زاوية  $37^\circ$  مع الأفق. ليمر مركز الكرة G بمركز السلة C الذي احداثياته ( $x_c = 4.5\text{ m}$ ,  $z_c = 4.5\text{ m}$ ) في المعلم الأرضي  $(\overrightarrow{Ox}, \overrightarrow{Oy})$  الذي تعتبره غاليليا.



1- ادرس حركة مركز عطالة الكرة في المعلم  $(\overrightarrow{Ox}, \overrightarrow{Oy})$  معنبرا مبدأ الازمنة لحظة تسديد الكرة واهمل تأثير الهواء.

2- احسب  $z_c$  .

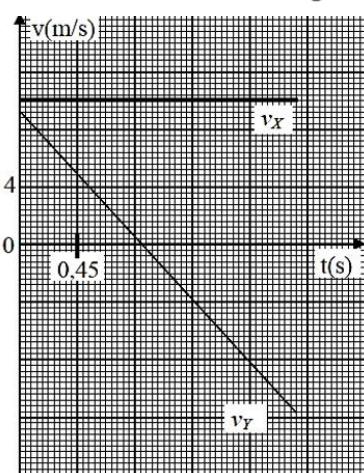
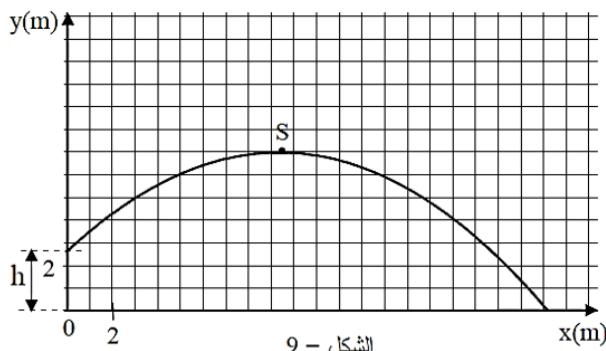
3- يعبر مركز عطالة الكرة مركز السلة بسرعة  $v_c$  التي يصنع حاملها مع الأفق زاوية  $\beta$  .  
استنتاج قيمتي  $v_c$  و  $\beta$  .

**التمرين 8: بكالوريا رياضيات 2014:**

أثناء دراسة تأثير القوى الخارجية على حركة جسم، كلف الاستاذ تلميذين بمناقشة الحركة الناتجة عن رمي جلة، فأجاب الاول أن حركة الجلة لا تتأثر الا بثقلها، بينما اجاب الثاني أن حركتها تتعلق بدافعة ارخميدس.

من أجل التصديق على الجواب الصحيح، اعتمد التلميذان على دراسة الرمية التي حق بها رياضي رقمياً قياسياً عالمياً مداها  $21.69\text{ m}$  .

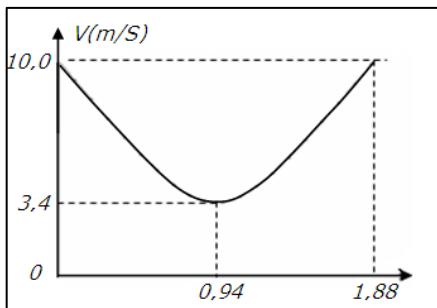
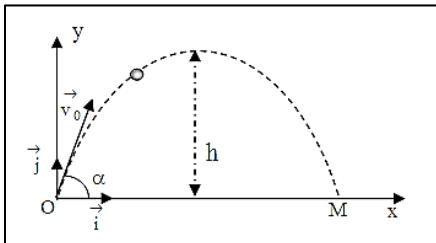
عند محاولتهما محاكاة هذه الرمية بواسطة برنامج خاص، تم قذف الجلة التي تعتبرها جسما نقطيا من ارتفاع  $h = 2.62 \text{ m}$  بسرعة ابتدائية  $v_0 = 13.7 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  يصنع شعاعها مع الأفق زاوية  $\alpha = 43^\circ$  فتحصلا على رسم لمسار مركز عطالة الجلة كما في الشكل - 9



الشكل - 10

### التمرين 9:

نُقذف عند اللحظة  $t = 0$  كرية كتلتها  $m$ ، بسرعة ابتدائية  $\vec{v}_0$  من نقطة  $O$  كما هو مبين على الشكل المقابل. نعتبر أن حركة الجسم تتم في المستوى  $(j, \vec{i}, \vec{o})$  وترس بالنسبة للمرجع الأرضي الذي تعتبر مرجعا غاليليا. نهمل كل من مقاومة الهواء و دافعة أرخميدس.



1- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم الصلب.

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون بين طبيعة الحركة.

3- أوجد المعادلات الزمنية لكل من السرعة والوضع.

4- أوجد من البيانات :

- القيمة  $v_0$  لشعاع السرعة  $\vec{v}_0$ .

- قيمة المركبة  $v_{0x}$  لشعاع السرعة  $\vec{v}_0$ .

5- استنتج قيمة كل من الزاوية  $\alpha$  التي قذف بها الجسم و قيمة  $v_{0y}$ .

6- مثل كل من  $v_x(t)$  و  $v_y(t)$  في المجال الزمني  $0 \leq t \leq 1.88$ .

7- استنتاج من المنحنيين كل من المسافة الأفقية  $OM$  و الذروة  $h$ .

## التمرين 10 :

يُقذف اللاعب كرة التنس  $m = 58g$  لإنجاز الإرسال شاقوليا نحو الأعلى لتصل إلى ارتفاع  $Z_0$  فيضربها بمضربيه فنكتسب سرعة  $v_0 = 28 m/s$  يكون منحها أفقى. على الكرة احتياز شباك موضوع على بعد  $12m$  من اللاعب علوه  $Z_0 = 0.9m$ . ندرس حركة الكرة في المعلم  $(ox; oz)$  الذي نعتبره عطاليًا. تأخذ  $g = 9.8m \times s^{-2}$ .

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد:

أ/ المعادلتين التفاضلتين للحركة و المعادلتين الزمنيتين للحركة.

ب/ استنتج معادلة المسار  $z = f(x)$ .

ج/ ما هي قيمة  $Z_0$  حتى تمر الكرة على ارتفاع  $10cm$  من الشبكة.

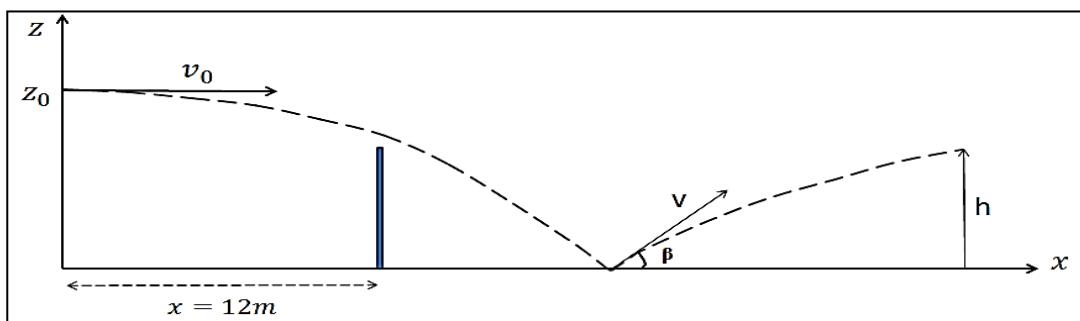
د/ إذا كان طول الملعب  $24m$ , هل تصطدم الكرة بالأرض قبل خروجها من الملعب؟ بره إجابتك.

هـ/ احسب سرعة الكرة  $v$  لحظة اصطدامها بالأرض.

2- نفرض أن الكرة تطلق من جديد بعد اصطدامها بالأرض بنفس السرعة السابقة  $v$  وبزاوية عن الأفق  $\beta = 15^\circ$  في اتجاه اللاعب الثاني الموجود في خط نهاية الملعب أي على بعد  $24m$  من اللاعب الأول، باعتبار نقطة الاصطدام بالأرض هي مبدأ الفوائل.

أ/ اكتب معادلة المسار الجديد دون ثبات.

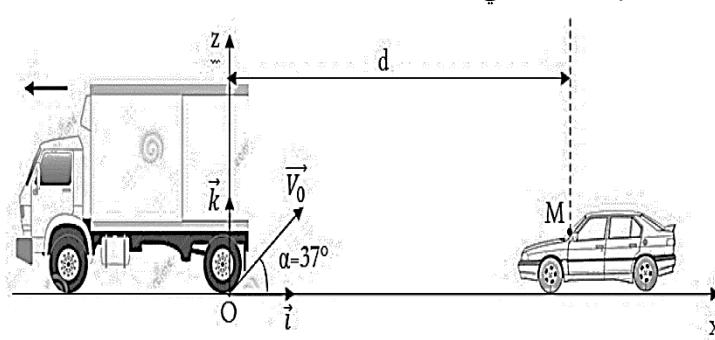
بـ/ ما هي قيمة الارتفاع  $h$  لكرة عند وصولها إلى اللاعب الثاني؟



## تمرين 11: بكالوريا علوم تجريبية 2016

نهمل تأثير الهواء ونأخذ  $g = 9.8m/s^2$ .

شاحنة تسير على طريق مستقيم أفقى ، في لحظة تعتبرها مبدأ لقياس الأرمنة  $t=0$  تندفع العجلة الخلفية للشاحنة نحو الوراء من نقطة  $O$  من سطح الأرض حيراً نعتبره نقطياً بسرعة ابتدائية  $v_0 = 12m/s$  يصنع حاملها زاوية  $\alpha = 37^\circ$  مع الأفق فيرتطم بالنقطة  $M$  من الزجاج الأمامي لسيارة تسير خلف الشاحنة وفي نفس جهة حركتها بسرعة ثابتة قدرها  $90km/h$  . في اللحظة  $t=0$  كانت المسافة الأفقية بين النقطة  $O$  والنقطة  $M$  :  $d = 44m$  انظر الشكل.



1- ادرس حركة الحجر في المعلم  $(O, i, j)$  ثم استخرج العبارتين الحرفيتين للمعادلتين الزمنيتين للحركة  $(t)$  و  $(x)$  و  $(z)$ .

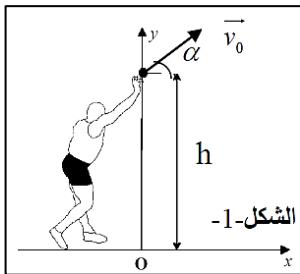
2- اكتب معادلة مسار الحجر  $z = f(x)$ .

3- اكتب المعادلة الزمنية  $x_M(t)$  لحركة النقطة  $M$  في المعلم  $(O, i, j)$ .

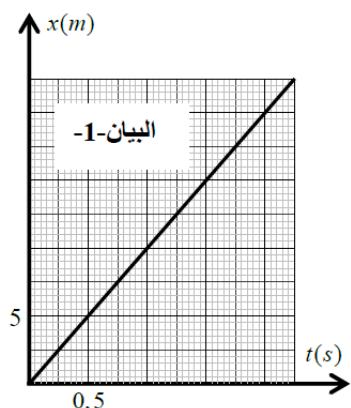
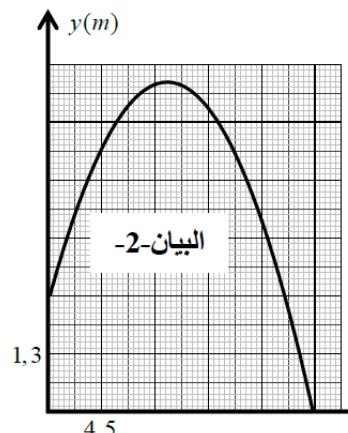
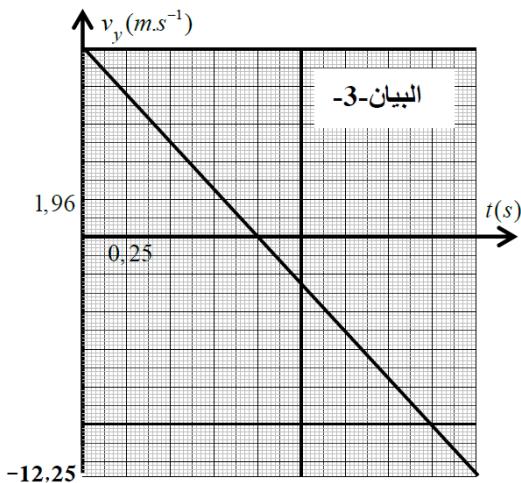
4- احسب قيمة  $t_M$  لحظة ارتطام الحجر بالزجاج الأمامي للسيارة واستنتج الارتفاع  $h$  للنقطة  $M$  عن سطح الأرض.

5- باستعمال معادلة انحفاظ الطاقة احسب سرعة ارتطام الحجر بزجاج السيارة.

## تمرين 12: بكالوريا علوم تجريبية 2018



خلال الألعاب الأولمبية التي جرت بالبرازيل سنة 2016 ، تحصل الأمريكي ريان كروزر على الميدالية الذهبية في رياضة رمي الجلة لألعاب القوى على اثر رمية قدرها  $D$  بإهمال تأثير الهواء ، تمت دراسة محاكات حركة مركز عطالة الجلة ( $G$ ) في المعلم  $(O, x, y)$  المرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا ، ابتداء من لحظة رميها  $t = 0$  على ارتفاع  $h$  من سطح الأرض إلى غاية ارتطامها بالأرض فتم الحصول على البيانات التالية:



1. بالاعتماد على المنحنيات البيانية :

1-1 حدد طبيعة حركة مركز عطالة الجلة  $G$  على كل من المحاورين  $(ox)$  و  $(oy)$  مع تبرير اجابتك.

1-2 حدد قيم المقادير التلية: مركبتي السرعة الابتدائية  $v_{0x}$  و  $v_{0y}$  ، مركبتي التسارع  $a_x$  و  $a_y$  والارتفاع  $h$  .

2-3 اكتب المعادلتين الزمنيتين للحركة  $(t)$   $x(t)$  و  $y(t)$  .

2-4 اكتب معادلة البيان-2- ماذا تمثل؟

3-1 ما هي قيمة كل من زاوية القذف  $\alpha$  والسرعة التي قذفت بها الجلة  $v_0$  .

3-2 ما هي قيمة المسافة الافقية  $D$  التي مكنت الرياضي من الفوز بالميدالية الذهبية؟

2. أنجز مخطط الحصيلة الطاقوية للجملة (الجلة) بين اللحظتين  $t = 0$  و  $t = 2.25s$  ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة واستنتج سرعة

مركز عطالة الجلة عند لحظة ارتطامها بسطح الأرض  $t = 2.25s$  .

3. حدد خصائص شعاع سرعة مركز عطالة الجلة  $G$  عند اللحظة  $t = 2.25s$

4. جد عبارة الطاقة الكلية للجملة (جلة + أرض) عند اللحظتين المذكورتين سابقا بدلالة كل من :  $v_0$  ،  $h$  ،  $m$  ،  $g$  ، مـاذا تستنتج؟

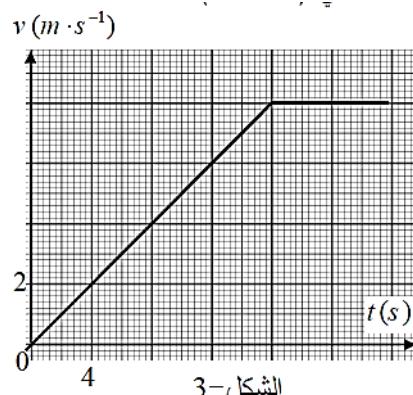
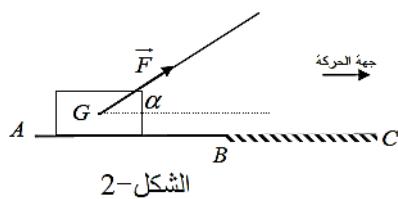
(نعتبر سطح الأرض هو المرجع لقياس الطاقة الكامنة التقليدية)

$$g = 9,8m/s^2$$

## دراسة الحركات على المستوي

**التمرين 1: بكالوريا علوم تجريبية 2013 :**

يجر حمزة صندوقا كتلته  $m = 10\text{kg}$  على طريق مستقيم افقي ( $AC$ ) مركز عطاله  $G$  بقوة  $\vec{F}$  ثابتة حاملها يصنع زاوية  $\alpha = 30^\circ$  مع المستوى الافقى . حيث الجزء ( $AB$ ) أملس والجزء ( $BC$ ) خشن. التمثيل البياني يمثل تغيرات سرعة  $G$  بدلالة الزمن  $t$  .



1- أ- استنتج بيانيا طبيعة الحركة والتسارع لـ  $G$  لكل مرحلة.

ب- استنتاج المسافة المقطوعة  $AC$  .

ب- جد عبارة شدة قوة الجر  $\vec{F}$  ثم احسبها .

ج- جد عبارة شدة قوة الاحتكاك  $\vec{f}$  ثم احسبها .

د- فسر لماذا يمكن للسرعة أن تصبح ثابتة في المرحلة الأخيرة .

**التمرين 2: بكالوريا رياضيات 2010**

ينزلق جسم ( $S$ ) كتلته  $m = 100\text{g}$  على طول مستوى مائل عن الافق بزاوية  $20^\circ = \alpha$  وفق المحور  $\overrightarrow{xx'}$  ، قمنا بالتصوير المتعاقب بكاميرا رقمية وعلج شريط الفيديو ببرمجة *Aviméca* بجهاز الاعلام الآلي وتحصلنا على النتائج التالية:

|          |       |      |      |      |      |      |
|----------|-------|------|------|------|------|------|
| $t(s)$   | 0     | 0.04 | 0.06 | 0.08 | 0.1  | 0.12 |
| $v(m/s)$ | $v_0$ | 0.16 | 0.20 | 0.24 | 0.28 | 0.32 |

1- ارسم البيان :  $v = f(t)$  .

2- بالاعتماد على البيان:

أ- بين طبيعة حركة الجسم ( $S$ ) واستنتاج القيمة التجريبية للتسارع  $a$  .

ب- استنتاج قيمة السرعة  $v_0$  في اللحظة  $t = 0$  .

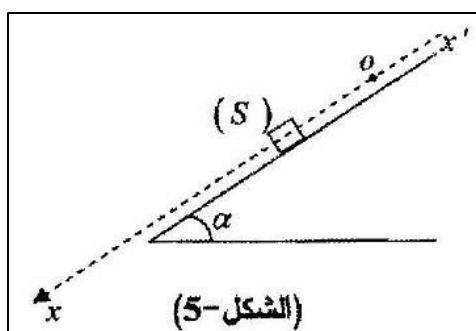
ج- احسب المسافة المقطوعة بين  $t_2 = 0.08\text{s}$  و  $t_1 = 0.04\text{s}$  :

3- بفرض أن الاحتكاكات مهملة :

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد العبارة الحرافية للتسارع  $a_0$  ثم احسب قيمته

ب- قارن بين  $a_0$  و  $a$  ، ماذا تستنتج؟

4- أوجد شدة القوة  $\vec{f}$  المنفذة للاحتكاكات على طول المستوى.



التمرين 3 : بكالوريا علوم تجريبية 2016

$$g = 10m/s^2$$

يتحرك جسم (S) نعطيه نقطيا كتلته  $m = 900g$  على مسار مستقيم  $AB$  مائل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 35^\circ$  كما هو موضح بالشكل المقابل . ينطلق الجسم من النقطة  $A$  دون سرعة ابتدائية . باستعمال تجهيز مناسب نجز التسجيل المتتابع لمواضع الجسم أثناء حركته على المسار  $AB$  فنحصل على النتائج المدونة في الجدول الآتي :

| الموضع           | $G_0$ | $G_1$ | $G_2$ | $G_3$ | $G_4$ | $G_5$ | $G_6$ | $G_7$ | $G_8$ |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| اللحظة ( $s$ )   | 0.00  | 0.08  | 0.16  | 0.24  | 0.32  | 0.40  | 0.48  | 0.56  | 0.64  |
| الفاصلة ( $cm$ ) | 0.0   | 1.5   | 6.0   | 13.5  | 24.0  | 37.5  | 54.0  | 73.5  | 96.0  |

ينطبق الموضع  $G_0$  على النقطة  $A$  وينطبق الموضع  $G_8$  على النقطة  $B$  ، والمدة الزمنية التي تفصل بين تسجيلين متتاليين هي  $\tau = 80ms$  .

أ- احسب السرعة اللحظية للجسم عند المواقع  $G_2$  ،  $G_3$  ،  $G_4$  ،  $G_5$  ،  $G_6$  .

ب- أوجد قيمة تسارعه عند المواقع  $G_3$  ،  $G_4$  ،  $G_5$  .

ج- استنتج طبيعة الحركة .

2- باهمال قوى الاحتكاك المؤثرة على الجسم (S) :

أ- مثل القوى المطبقة على الجسم (S) .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في المعلم السطحي الارضي الذي نعتبره غاليليا ، أوجد

عبارة التسارع  $a$  لمركز عطالة الجسم ثم احسب قيمته .

ج- قارن بين القيمة النظرية للتسارع وقيمة التجريبية الموجودة سابقا ، ماذا تستنتج؟

3- باعتبار قوى الاحتكاك تكافئ قوة وحيدة  $\vec{f}$  ثابتة في الده ومعاكسة لجهة الحركة .

أ- احسب شدة القوة  $\vec{f}$  .

ب- باستخدام مبدأ انفاذ الطاقة أوجد قيمة سرعة الجسم عند النقطة  $B$  .

التمرين 4 :

يتحرك جسم (S) نعطيه نقطيا كتلته  $m = 500g$  على مسار مستقيم  $AB$  مائل عن الأفق بزاوية  $\alpha$  كما هو موضح بالشكل المقابل . يخضع

الجسم (S) أثناء حركته على المستوى المائل الى قوة احتكاك ثابتة الشدة ومعاكسة لجهة الحركة  $f = 0.5N$  .

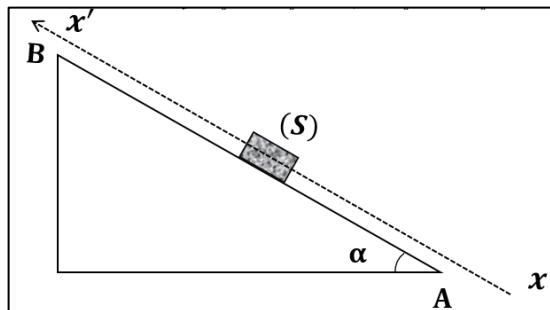
بهدف تحديد زاوية الميل  $\alpha$  ندفع الجسم من النقطة  $A$  بسرعة  $v_0$  ليتوقف عند النقطة  $B$  . باستعمال تقنية المتتابع لمواضع الجسم أثناء

حركته على المسار  $AB$  نحصل على النتائج المدونة في الجدول الآتي :

| الموضع       | $G_0$ | $G_1$ | $G_2$ | $G_3$ | $G_4$ | $G_5$ | $G_6$ | $G_7$ |
|--------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| اللحظة       | 0     | 0.1   | 0.2   | 0.3   | 0.4   | 0.5   | 0.6   | 0.7   |
| الفاصلة      | 0     | 0.47  | 0.88  | 1.23  | 1.52  | 1.75  | 1.92  | 2.03  |
| السرعة       |       |       |       |       |       |       |       |       |
| $v(m/s)$     |       |       |       |       |       |       |       |       |
| $v^2(m/s)^2$ |       |       |       |       |       |       |       |       |

ينطبق الموضع  $G_0$  على النقطة  $A$  ، والمدة الزمنية التي تفصل بين تسجيلين متتاليين هي  $\tau = 100ms$  .

أ- أكمل الجدول.



- ب - ارسم البيان  $v^2 = f(x)$
- 2- باهتمال دافعة ارخميدس على الجسم  $(S)$  :
- مثل القوى المطبقة على الجسم  $(S)$  .
  - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في المعلم السطحي الارضي الذي نعتبره غاليليا ،  
أوجد عبارة التسارع  $a$  لمركز عطالة الجسم .
  - اكتب المعادلات الزمنية للحركة .

- د- جد العلاقة التي تربط مربع سرعة الجسم  $v^2$  في موضع ما بدلالة المسافة المقطوعة  $x$  .
- 3- بالاستعانة بالبيان وال العلاقة المحصل عليها في السؤال 2- د أوجد:

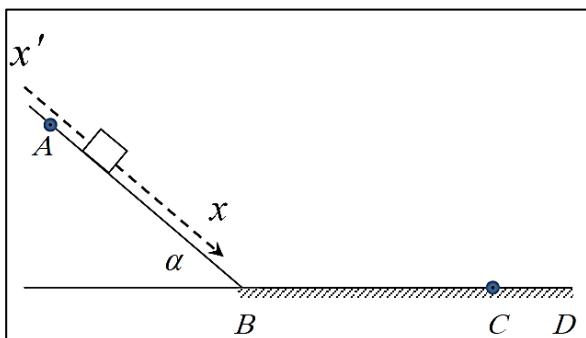
- السرعة الابتدائية  $v_0$  .
- المسافة الكلية  $AB$  .

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

- ج- قيمة زاوية ميل المستوي  $\alpha$  .

#### التمرين 5: بكالوريا علوم 2017 دورة استثنائية

متحرك كتلته  $m = 800 \text{ g}$  ، يدفعه من اسف مستوي مائل املس، يميل عن الأفق بزاوية  $\alpha$  وبسرعة ابتدائية  $v_B$  يتحرك صعودا حتى



النقطة  $A$  حيث تتعذر سرعته، ليعود تحت تأثير نقله فيمر بالنقطة  $B$  مرة أخرى.  
يمثل البيان في الشكل مخطط سرعة مركز عطالة الجسم بدلالة الزمن  $v = f(t)$  .  
تعطي  $g = 10 \text{ m/s}^2$  .

- استنتج من البيان في الشكل:  
  - السرعة الابتدائية  $v_B$  .
  - مسافة الصعود  $AB$  .

- (أ) اذكر نص القانون الثاني لنيوتن.

- ب) باستخدام القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة التسارع أثناء الصعود ثم استنتاج طبيعة الحركة.

- ج) احسب زاوية الميل  $\alpha$  .

- 3) بين أن الجسم يعود إلى النقطة  $B$  بنفس السرعة التي دفع بها.

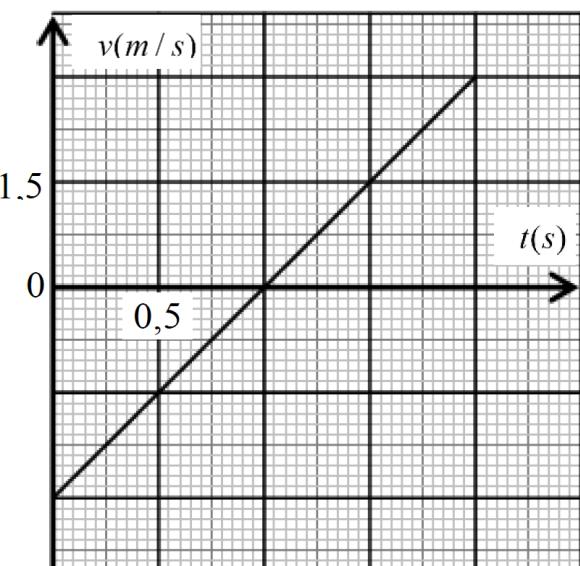
- 4) يلاقي الجسم أثناء رجوعه بعد مروره بالنقطة  $B$  مستوى افقي  $BD$  خشن فتبطأ حركته ليتوقف عند النقطة  $C$  تبعد عن  $B$  مسافة  $1.8 \text{ m}$  .

- أ) مثل القوى المؤثرة على الجسم خلال حركته على المقطع  $BD$  .

- ب) باستخدام مبدأ انحصار الطاقة على الجملة (جسم) بين الموضعين  $B$  و  $D$  ،  
احسب شدة قوة الاحتكاك.

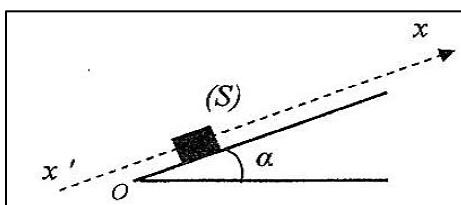
- ج) احسب المدة الزمنية المستغرقة لقطع المسافة  $BC$  .

- 5) اعد رسم مخطط السرعة الموضح في الشكل ثم مثل عليه ما تبقى من منحنى سرعة الجسم على المقطع  $BD$  .

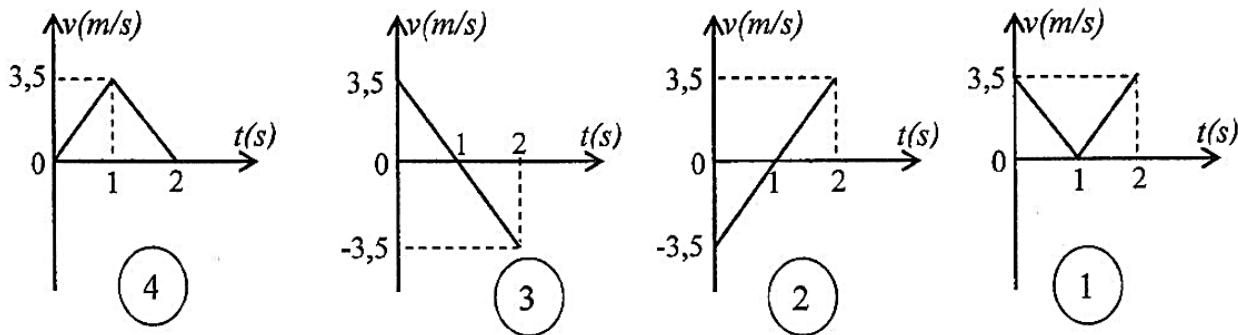


## التمرين 6: بكالوريا رياضيات 2012

1- لغرض حساب زاوية الميل  $\alpha$  لمستوي يميل عن الأفق قام فوج من التلاميذ بقذف جسم صلب (S) كتلته  $m = 1\text{kg}$  في اللحظة  $t = 0$



من النقطة  $O$  بسرعة  $v_0$  نحو الأعلى وفق خط الميل الأعظم لمستوي أملس. باستعمال تجهيز مناسب، تمكن التلاميذ من دراسة حركة مركز عطالة (S) والحصول على أحد مخططات السرعة  $v = f(t)$  التالية:



أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، ادرس طبيعة حركة الجسم (S) بعد لحظة قذفه من  $O$ .

ب- من بين المخططات الأربع، ما هو المخطط الموافق لحركة الجسم (S)؟ برر.

ج- احسب قيمة الزاوية  $\alpha$ .

د- احسب المسافة المقطوعة بين اللحظتين  $t = 0$  و  $t = 2\text{s}$ .

2- في الحقيقة يخضع الجسم أثناء انزلاقه على المستوي المائل إلى قوة احتكاك ثابتة  $f$ .

أ- احص ومثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S).

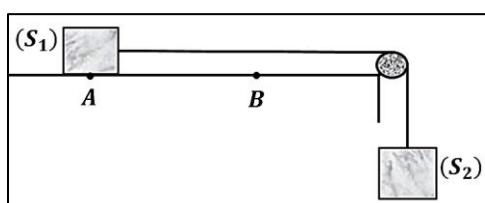
ب- ادرس حركة مركز عطالة الجسم (S)، ثم استنتج العبارة الحرفية لتسارع حركته.

ج- احسب قيمة التسارع من أجل  $f = 1\text{N}$

## التمرين 7:

نهم دافعة ارخميدس وتأثير مقاومة الهواء في كامل التمرين. ونعتبر  $g = 10\text{m/s}^2$ .

يتحرك جسم  $(S_1)$  كتلته  $m_1 = 500\text{g}$  على مستوى افقي بتأثير السقوط الشاقولي لجسم  $(S_2)$  كتلته  $m_2 = 500\text{g}$ . الجسمان  $(S_1)$  و  $(S_2)$  مربوطان بواسطة خيط مهمل الكتلة وعديم الامتطاط يمر على محز بكرة مهملة الكتلة بإمكانها الدوران دون احتكاك على محور افقي ثابت. يخضع الجسم  $(S_1)$  أثناء حركته على المستوى الافقي إلى قوة احتكاك ثابتة الشدة  $f$ . في اللحظة  $t = 0$  ينطلق الجسم  $(S_1)$  من النقطة A دون سرعة ابتدائية فيقطع المسافة  $AB = 2\text{m}$ . نأخذ كمبداً للفواصل النقطة A.



1- مثل القوى المؤثرة على الجسمين  $(S_1)$  و  $(S_2)$ .

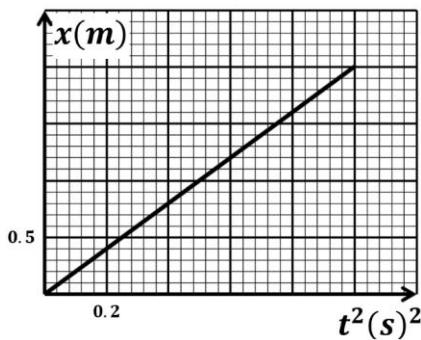
2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسمين  $(S_1)$  و  $(S_2)$ :

أ- بين أن المعادلة التفاضلية للفاصله  $x$  تعطى بالعلاقة التالية:  $\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{g}{2} - \frac{f}{2m_1}$ .

ب- استنتاج طبيعة حركة الجسم  $(S_1)$ .

ج- باستغلال الشروط الابتدائية أوجد حل لالمعادلة التفاضلية السابقة.

3- باستعمال تقنية التصوير المتعاقب درسنا تغيرات الفاصلة  $\Delta x$  بدلالة مربع الزمن للجسم ( $S_1$ ) النتائج المتحصل عليها مكتننا من رسم البيان في الشكل:



4- عند وصول الجسم ( $S_1$ ) إلى النقطة  $B$  ينقطع الخيط فجأة في لحظة تعتبرها من جديد  $t = 0$ .

أ- احسب من البيان قيمة التسارع  $a$ .

ب- حدد سرعة الجسم عند الموضع  $B$ .

ب- استنتج قيمة كل من قوة الاحتكاك  $f$  وتوتر الخيط  $T$ .

ج- احسب المسافة التي يقطعها الجسم ( $S_1$ ) حتى يتوقف ثم استنتاج المدة اللازمة لذلك.

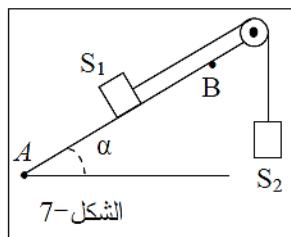
د- حدد سرعة الجسم ( $S_2$ ) عند توقف الجسم ( $S_1$ ).

- ما هي المسافة التي يقطعها الجسم ( $S_2$ ) من لحظة انقطاع الخيط إلى لحظة توقف الجسم ( $S_1$ ) .

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

#### التمرين 8: بكالوريا رياضيات 2014

تمثل الجملة المبينة في الشكل -7- جسما نقطيا ( $S_1$ ) كتلته  $m_1 = 400\text{g}$  ينزلق بدون احتكاك على سطح مستو مائل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  ويرتبط بواسطة خيط مهملا الكتلة وعديم الامتطاط ويمر على محز بكرة مهملا الكتلة بجسم صلب ( $S_2$ ) كتلته  $m_2 = 400\text{g}$  .



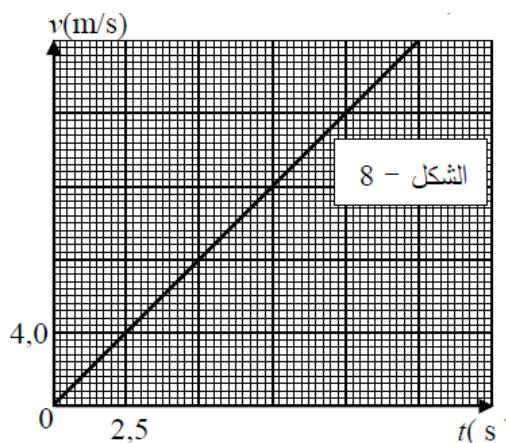
ترك الجملة عند اللحظة  $t = 0$  فينطلق الجسم ( $S_1$ ) من النقطة  $A$  بدون سرعة ابتدائية .

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

أ- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسمين ( $S_1$ ) و ( $S_2$ ) .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون حدد طبيعة حركة الجسم ( $S_1$ ) ثم احسب قيمة تسارع مركز عطالته .

ج- حدد سرعة الجسم ( $S_1$ ) عند النقطة  $B$  علما أن  $AB = 1.25\text{m}$  ثم استنتاج المدة المستغرقة لذلك .



1- مكنت الدارسة التجريبية من رسم منحنى تغيرات سرعة الجسم ( $S_1$ ) بدلالة الزمن

$$v = f(t)$$

أ- من المنحنى جد قيمة تسارع الجسم ( $S_1$ ) وقارنها مع المحسوبة سابقا .

ب- فسر اختلاف قيمة التسارع في الحالتين .

ج- بناء على هذا التفسير بين أن سرعة الجسم ( $S_1$ ) تحقق المعادلة التفاضلية

$$\frac{dv(t)}{dt} = \frac{g}{2} (1 - \sin \alpha) - \frac{f}{2m_1}$$

المستوي المائل على الجسم ( $S_1$ ) .

د- استنتاج قيمة كل من شدة قوة الاحتكاك  $f$  وشدة توتر الخيط  $T$  .

#### التمرين 9: بكالوريا رياضيات 2011

يجر جسم ( $S_2$ ) كتلته  $m_2 = 600\text{g}$  بواسطة خيط مهملا الكتلة وعديم الامتطاط يمر على محز بكرة مهملا الكتلة عربة ( $S_1$ ) كتلتها  $m_1 = 800\text{g}$  تتحرك على مستوى يميل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  في وجود قوى احتكاك  $f$  شدتها ثابتة ولا تتعلق بسرعة العربة . في اللحظة  $t = 0$  تطلق العربة من نقطة  $A$  دون سرعة ابتدائية فقط المسافة  $x = AB$  كما هو موضح في الشكل . نأخذ كبداً للفواصل النقطة

1- أعد رسم الشكل وأحص عليه القوى الخارجية المؤثرة على  $(S_1)$  و  $(S_2)$  .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على  $(S_1)$  و  $(S_2)$ :

أ- بين أن المعادلة التفاضلية للفاصلة  $x$  تعطى بالعلاقة التالية:

$$\cdot \frac{d^2x}{dt^2} = \frac{(m_2 - m_1 \sin \alpha)}{m_1 + m_2} g - \frac{f}{m_1 + m_2}$$

ب- استنتج طبيعة حركة الجسم  $(S_1)$  .

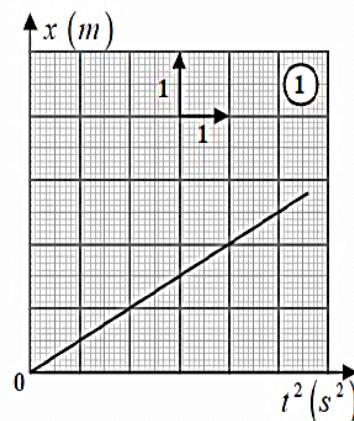
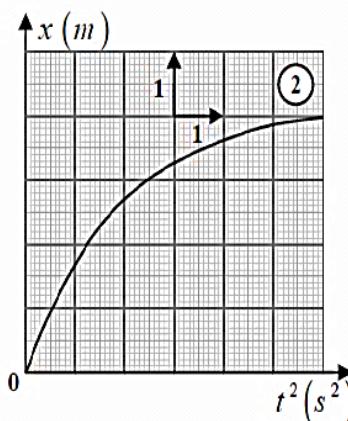
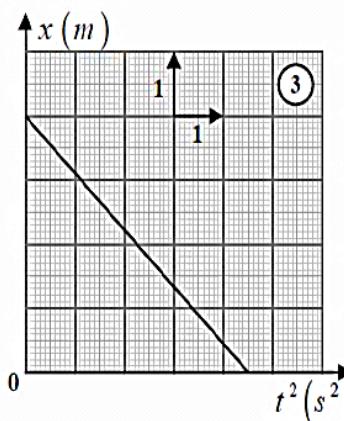
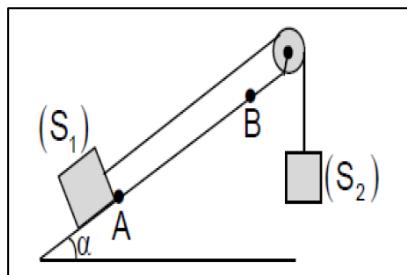
ج- باستغلال الشروط الابتدائية أوجد حل المعادلة التفاضلية السابقة.

3- من أجل قيم مختلفة لـ  $\alpha$  كررنا التجربة السابقة عدة مرات فتحصلنا على منحنى بياني يلخص طبيعة حركة الجسم  $(S_1)$

أ- من بين المنحنيات الثلاث 1-2-3 ما هو البيان الذي يتفق مع الدراسة النظرية؟ علّ.

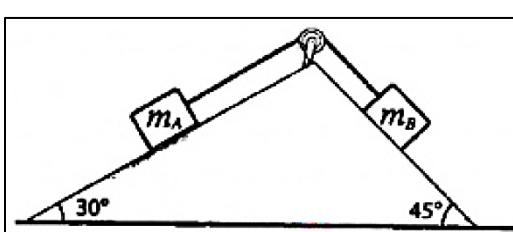
ب- احسب من البيان قيمة التسارع  $a$  .

ج- استنتاج قيمة كل من قوة الاحتكاك  $f$  ونوتر الخيط  $T$  علماً ان  $g = 9.8m \times s^{-2}$



#### التمرين 10:

ت تكون الجملة في الشكل-1 من عربتين عربة  $A$  كتلتها  $m_A = 0.5kg$  وعربة  $B$  كتلتها  $m_B$  موضوعتين على سكتين مائلتين عن الأفق بزاويتين  $\alpha = 30^\circ$  و  $\beta = 45^\circ$  بالنسبة للأفق، موصولتين بخيط عديم الامتطاط ومهمل الكتلة يمر بمخر بكرة مهملة الكتلة .



1- أوجد العلاقة التي تربط بين  $m_A$  ،  $m_B$  ،  $\alpha$  و  $\beta$  عند التوازن وذلك بإهمال الاحتكاكات . ثم استنتاج كتلة العربة  $m_B$  .

2- نضع فوق العربة  $B$  كتلة إضافية بحيث تصبح  $m_B = 2m_A = 2 \times 0.5kg = 1kg$  ثم نترك الجملة لحالها دون سرعة ابتدائية .

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد طبيعة الحركة ثم بين ان تسارعها

$$a = 3m/s^2$$

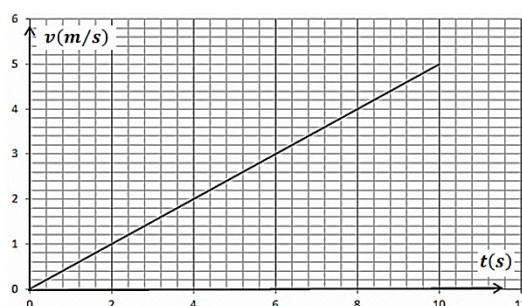
ب- ما هي سرعة الجملة بعد 5s من بدأ الحركة .

3- بتقنية التصوير المتعاقب تمكنا من رسم منحنى السرعة بدلالة الزمن :

أ- احسب قيمة التسارع وقارنها مع المحسوبة سابقا .

ب- ما هو سبب الاختلاف بين القيمتين .

ج- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عباره التسارع من الشكل :

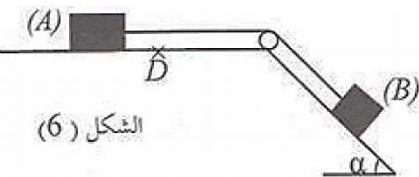


$$a = \frac{g}{3}(2 \sin \beta - \sin \alpha) - \frac{2f}{3m_A}$$

د- احسب قيمة الاحتكاك  $f$  وتوتر الخيط  $T$ .

### التمرين 11: بكالوريا رياضيات 2015

تتكون الجملة الموضحة بالشكل من: عربتين نعتبرهما نقطيتين عربة (A) كتلتها  $m_A = 300g$  وعربة (B) كتلتها  $m_B = 150g$



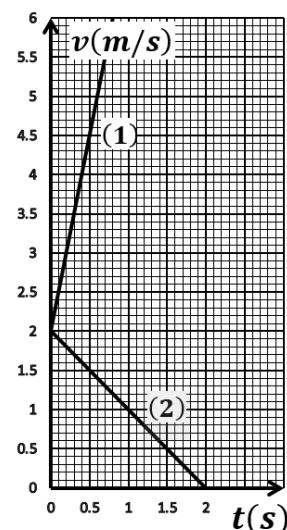
الشكل (6)

موصلتين بخيط مهمل الكتلة وعديم الامتداد يمر على محز بكرة مهملة الكتلة، والاحتكاك مهمل على المستوى المائل. تحرر الجملة من السكون وتخضع العربة (A) خلال حركتها لقوة احتكاك  $\vec{f}$  ثابتة. نعتبر  $g = 10m/s^2$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على كل عربة أثبت أن المعادلة التفاضلية لحركة الجملة تعطى

$$\frac{dv}{dt} + \beta = 0 \quad \text{حيث } \beta \text{ ثابت يطلب تعين عبارته بدالة: } \alpha, m_A, m_B, g \text{ و } f.$$

2- عند بلوغ العربة (A) الموضع  $D$  يقطع الخيط فجأة ، باستعمال تجهيز مناسب مكن من تسجيل سرعتي العربتين (A) و (B) ابتداء من لحظة انقطاع الخيط. بياني الشكل المقابل يمثلان تغيرات سرعتي العربتين خلال الزمن.



أ- حدد المنحنى الموافق لسرعة كل عربة مع التعليل .

ب- اعتمادا على المنحنيين استنتج:

- تسارع حركة كل عربة .

- المسافة المقطوعة من طرف العربة (A) خلال هذه المرحلة .

ج- - استنتاج شدة قوة احتكاك  $\vec{f}$  وقيمة الزاوية  $\alpha$ .

### تمرين 12: بكالوريا رياضيات 2013

يعتبر القفز على الخنادق بواسطة الدراجات النارية احد التحديات التي تواجه المجازفين . إن التغلب على هذه التحديات يتطلب التعرف على بعض الشروط التي يجب توفرها لتحقيق هذا التحدي.

يتكون مسلك المجازفة من قطعة مستقيمة افقية  $AB$  ، واخرى  $BC$  تميل عن الافق بزاوية  $10^\circ = \alpha$  وخندق عرضه  $d$  . نندرج الجملة (الدراج+الدراجة) بجسم صلب (S) مركز عطالته  $G$  وكتلته  $m = 170kg$  .

1- تمر الجملة (S) بالنقطة A في اللحظة  $t = 0$  بسرعة  $v_A = 10 m/s$  وفي اللحظة  $t_1 = 5s$  تمر من النقطة B بالسرعة  $v_B$  . الشكل-5- يمثل تغيرات سرعة مركز عطالة الجملة بدالة الزمن.

اعتمادا على البيان حدد: أ- حدد طبيعة الحركة ، ثم استنتاج تسارع مركز عطالة الجملة (S) .

ب- احسب المسافة المقطوعة  $AB$  .

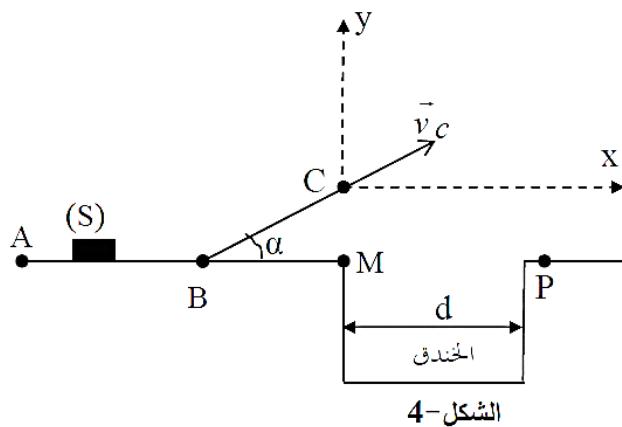
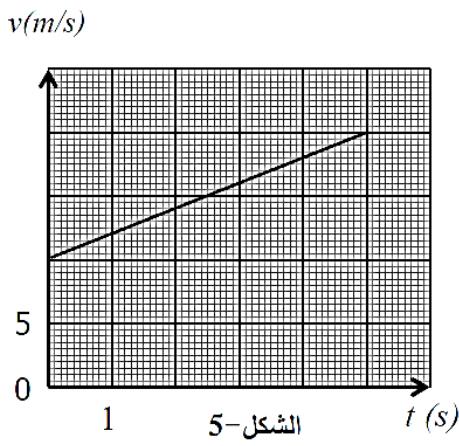
2- تخضع الجملة في الجزء BC الى قوة دفع المحرك  $\vec{F}$  وقوة احتكاك شدتها  $f = 500N$  . القوتان ثابتتان وموازيتان للمسار BC .

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون جد شدة القوة  $\vec{F}$  حتى تبقى للجملة (S) نفس التسارع في الجزء AB

3- تصل الجملة (S) الى النقطة C بسرعة  $v_C = 25 m/s$  وتغادرها لتسقط في النقطة P .

أ- باعتبار لحظة المغادرة مبدأ الازمنة ، ادرس حركة مركز عطالة الجملة (S) في المعلم ( $Cx, Cy$ ) ثم جد معادلة مسارها .

ب- هل يتجاوز الدراج الخندق أم لا؟ ببر اجابتك علما أن :  $BC = 56.3m$  و  $d = 40m$  .



### التمرين 13: بكالوريا علوم تجريبية 2014

نَقْذَفُ فِي الْحَظَةِ 0 جَسماً صَلِبَاً (S) نَعْتَبِرُهُ نَقْطَةً مَادِيَّةً كَثُنَتِهَا  $m = 400\text{g}$  عَلَى مَسْتَوِيِّ أَفْقِيٍّ بِسُرْعَةٍ اِبْدَائِيَّةٍ  $v_0$  مِنَ النَّقْطَةِ A نَحْوَ النَّقْطَةِ B حِيثُ  $AB = 1.4\text{m}$ . يَخْضُعُ الْجَسمُ (S) لِأَثْنَاءِ حَرْكَتِهِ لِقُوَّى اِحْتِكَاكٍ تَكَافِئُ قُوَّةَ مَعَاكِسَةِ لِجَهَةِ الْحَرْكَةِ وَثَابِتَةَ الشَّدَّةِ  $f$  الشَّكْل-4.

1- أ- مِثْلُ القُوَّى الْخَارِجِيَّةِ الْمُطبَّقَةِ عَلَى مَرْكَزِ عَطَالَةِ الْجَسمِ (S) .

ب- بِتَطْبِيقِ الْقَانُونِ الثَّانِي لِنِيوُنْ بَيْنَ أَنَّ الْمُعَادِلَةَ التَّفَاضُلِيَّةَ الْمُمِيزَةَ

$$\text{لِلْحَرْكَةِ تَعْطَى بِالْعِبَارَةِ: } \frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m} .$$

ج- باعتبار النقطة A مبدأً للفواصل، اكتب المعادلتين الزمانيتين  $v(t)$  و  $x(t)$  بدلالة  $v_0$  ،  $f$  و  $m$  .

- استنتاج العلاقة النظرية  $v^2 = f(x)$  .

2- المُنْحَنِي - الشَّكْل-5- يَمْثُلُ تَغْيِيرَاتَ  $v^2$  بدلالة  $x$  . استنتاج قيمة

السرعة الابتدائية  $v_0$  وشدة قوة الاحتكاك  $f$  .

3- يَغَادِرُ الْجَسمُ (S) الْمَسْتَوِيَّ الْأَفْقِيَّ AB فِي النَّقْطَةِ B بِسُرْعَةٍ  $\vec{v}_B$

$$\text{لِيَسْقُطَ فِي الْمَوْضِعِ E حِيثُ: } \overline{BD} = 0.5\text{m} .$$

أ- ادرس طبيعة حركة مركز عطالة الجسم (S) بعد مغادرته النقطة

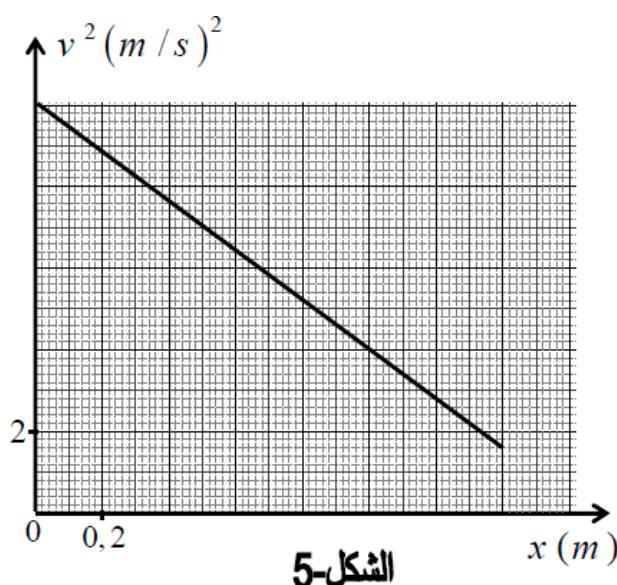
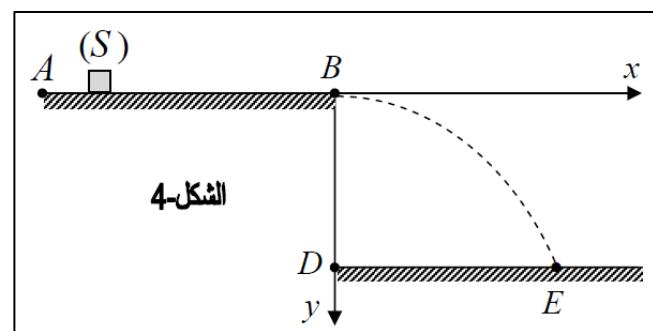
$$\text{في المعلم } B . (Bx, By)$$

ب- اكتب معادلة مسار الحركة  $y = f(x)$  .

ج- حدد المسافة الافقية DE وسرعة الجسم (S) في الموضع E .

يعطى : تهمل مقاومة الهواء ودافعه ارخميدس.

$$g = 10\text{m} \times \text{s}^{-2}$$



### التمرين 14: بكالوريا رياضيات 2015

بمناسبة البطولة العلمية للتزلج على الجليد اختار المنظمون المسلك الموضح بالشكل-5 والمكون من:

$AB = 50m$  وطوله  $\alpha = 30^\circ$  ميله زاوية مائل  $BC$ :

$BC$ : مستوي افقي.

$CO$ : هوة ارتفاعها  $h$  عن سطح الارض.

نفرض أن كتلة المتزلج ولوازمه هي:  $m = 80kg$  ،  $g = 10m/s^2$  . ينطلق

المتبارون فرادى من قمة المستوي المائل دون سرعة ابتدائية.

1- أ- بتطبيق مبدأ انفاذ الطاقة على الجملة ( المتزلج ) بين الموضعين  $A$  و  $B$  ،

استنتج شدة قوة الاحتكاك  $f$  التي تعتبرها ثابتة على طول المسار  $ABC$  علما أنه يبلغ الموضع  $B$  بالسرعة  $v_B = 20 m/s$  .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد طبيعة الحركة على المسار  $AB$  واحسب تسارعها.

2- يغادر المتزلج المستوي الافقى  $BC$  عند الموضع  $C$  في لحظة تعتبرها مبدأ الأزمنة ليسقط في الموضع  $E$  . نهم مقاومة الهواء ودافعة ارخيميس .

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة ، جد المعادلتين الزمنيتين للحركة  $x(t)$  و  $y(t)$  في المعلم  $(0x, 0y)$  المرتبط بمرجع غاليلي ، ثم استنتج معادلة المسار .

3- بيان الشكل المقابل يمثل تغيرات مربع سرعة المتزلج بدالة مربع الزمان من لحظة مغادرة المستوي الافقى حتى وصوله الموضع  $E$  .

أ- اكتب عبارة السرعة  $v$  بدالة  $t$  ثم أوجد العلاقة النظرية بين  $v^2$  و  $t^2$  .

ب- استنتاج ببيانها قيمة السرعة عند كل من الموضعين  $C$  و  $E$  .

ج- احسب الارتفاع  $h$ .

### التمرين 15 : بكالوريا رياضيات 2016

لمعرفة الشدة  $f$  لقوة الاحتكاك التي يخضع لها الجسم الصلب  $(S)$  أثناء حركته على مستوى مائل  $AO = d = 1,5m$  ، زاوية ميله عن الأفق  $\alpha = 45^\circ$  ، نتركه دون سرعة ابتدائية من النقطة  $A$  وعندما يصل الى النقطة  $O$  يغادرها ليسقط على الأرض عند النقطة  $N$  .

نعتبر  $g = 9.8m/s^2$  ، نعتبر  $(S)$  نقطيا وكتلته  $m = 500g$  .

بحصة الاعمال المخبرية رسم التلاميذ البيان الممثل لتغيرات سرعة الجسم  $(S)$  بدالة الزمان وذلك انطلاقا من التصوير المتعاقب لحركته على الجزء  $AO$  وسجلوا كذلك احداثي النقطة  $N$  موضع سقوط الجسم  $(S)$  على سطح الراض بعد مغادرته المستوى المائل فوجدوا

$$(x_N = 0.62m, y_N = h = 1.00m)$$

1- قياس  $f$  باستغلال التصوير المتعاقب: نرمز بـ  $a$  لتسارع  $(S)$  على الجزء  $AO$  .

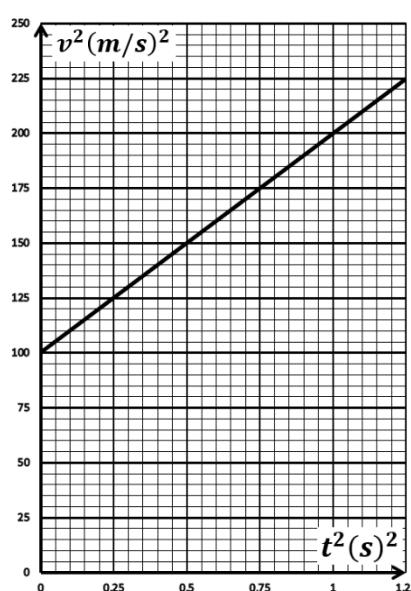
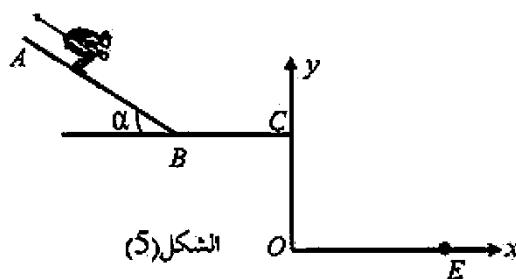
أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على  $(S)$  أثناء حركته على  $AO$  بين أن :  $f = m(g \sin \alpha - a)$

ب- باستغلال بيان الشكل اوجد قيمة التسارع  $a$  لحركة  $(S)$  ثم استنتاج الشدة  $f$  لقوة الاحتكاك المؤثرة عليه .

2- قياس  $f$  باستغلال احداثيات النقطة  $N$ : باعتبار مبدأ الأزمنة للحظة التي يغادر فيها الجسم  $(S)$  النقطة  $O$  .

أ- أوجد المعادلتين الزمنيتين  $x(t)$  و  $y(t)$  للمميزتين لحركة  $(S)$  في المعلم  $(0x, 0y)$  .

ب- استنتاج معادلة المسار  $y = f(x)$  .

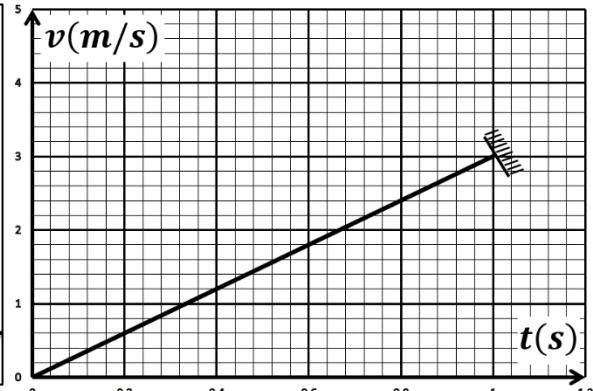
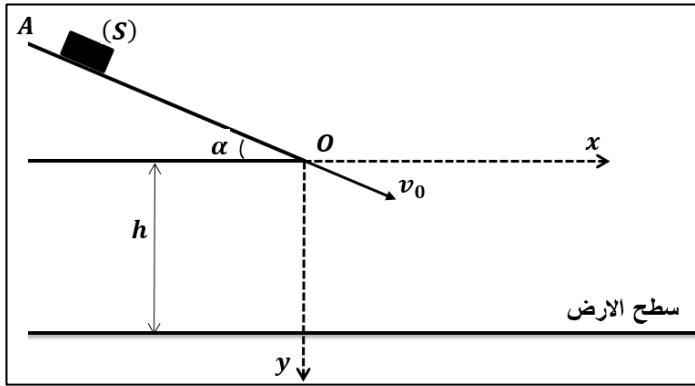


- جـ احسب  $v_0$  طولية شعاع السرعة التي غادر بها الجسم (S) المستوى المائي.

دـ استنتج من جديد قيمة  $a$  طولية شعاع تسارع (S) على الجزء  $AO$ .

هـ باعتماد العلاقة المبينة في السؤال 1ـ أ ، أوجد من جديد الشدة  $f$  لقوة الاحتكاك.

ـ3 اذا علمت ان مجال حدود أخطاء القياس هو:  $2.0N \leq f \leq 1.8N$  . ماما تستنتج؟



## التمرين 16: بكاروريا رياضيات 2017:

نهمل في كامل التمرين تأثير الهواء ونأخذ

قصد دراسة تأثير قوة الاحتكاك على طبيعة حركة جسم صلب (S) كتلته  $m$  ، نتركه من نقطة  $A$  أعلى مستوى مائل، زاوية ميله عن الأفق  $\alpha$  وطوله  $AB = 1m$  دون سرعة ابتدائية لترى كم وفة، خط الميل الأعظم باتجاه النقطة  $B$  .

I. الدراسة التجريبية:

نغير في كل مرة من شدة قوة الاحتكاك  $\hat{F}$  بغير الورق الكاشط الذي ينزلق عليه الجسم، فتحصلنا على النتائج التالية:

|              |     |     |     |     |
|--------------|-----|-----|-----|-----|
| $f(N)$       | 0,5 | 1,0 | 1,5 | 2,0 |
| $a(m / s^2)$ | 3,9 | 2,9 | 1,9 | 0,9 |

- (1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد عبارة  $a$  تسارع مركز عطالة الجسم ( $S$ ) .
  - (2) ارسم البيان الممثل للتغيرات  $a$  تسارع مركز عطالة الجسم ( $S$ ) بدلالة شدة قوة الاحتكاك  $f$ .
  - (3) أوجد قيمة زاوية الميل  $\alpha$  وكتلة الجسم  $m$  .
  - (4) مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم ( $S$ )) بين الموضعين  $A$  و  $B$  .
  - (5) بتطبيق، مبدأ انفراط الطاقة على الحملة (جسم ( $S$ )) :

II. يغادر الجسم ( $S$ ) النقطة  $B$  ليسقط على الأرض عند النقطة  $D$ . يمثل الشكل المقابل  
بيان تغيرات مركبتي شعاع السرعة  $v_x$  و  $v_y$  في المعلم  $(\overrightarrow{ox}, \overrightarrow{oy})$  بدلاًلة الزمن.  
اعتماداً على البيانات:

1) حدد طبيعة حركة الجسم ( $S$ ) في المعلم  $(\overrightarrow{ox}, \overrightarrow{oy})$ .

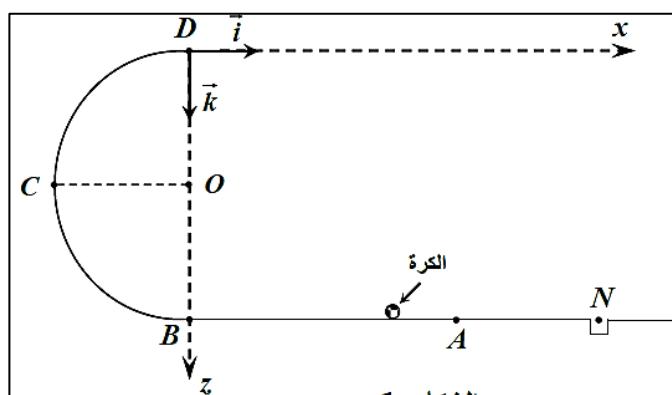
2) أوجد قيمة كل من الارتفاع  $h$  والمدى  $x_D$ .

3) أوجد قيمة سرعة الجسم ( $S$ ) عند النقطة  $D$ .

### التمرين 17: بكالوريا رياضيات 2017

في كامل التمرين نهمل قوى الاحتكاك وتأثير الهواء.

في لعبة تستهوي الأطفال، قذف لاعب كرة مضرب كرة صغيرة تعتبرها نقطية كتلتها  $m = 45g$  من النقطة  $A$  لكي تسقط في الحفرة عند النقطة  $N$  ، مروراً بالمواقع  $B$  ،  $C$  و  $D$  مع العلم أن موضع  $N$  يقع على نفس الاستقامة الافقية مع المواقعين  $A$  و  $B$  ، والمسار عبارة عن نصف دائرة مركزها  $O$  ونصف قطرها  $r = 0.5m$  حيث  $D$  تتنمي للشاقول المار بالنقطة  $B$ .



1- الحالة الأولى: محاولة فاشلة لم تتجاوز فيها الكرة النقطة  $C$ .

- أوجد سرعة قذف الكرة عند النقطة  $A$  بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة.

2- الحالة الثانية: محاولة أخرى بلغت الكرة النقطة  $D$

$$\text{بسرعة } v_D = 6.71m/s$$

أ) ما هي قيمة السرعة  $v_A$  التي قذف بها اللاعب الكرة؟

ب) بين ان عبارة شدة فعل المسلك  $\bar{R}$  على الكرة عند النقطة  $D$  تعطى

$$\text{بالعبارة } R = m \left( \frac{v_A^2}{r} - 5g \right) \text{ ثم احسب قيمتها.}$$

ج) بين ان فاصلة ارتطام الكرة بالمستوى الافقى المار بالنقطة  $A$  تعطى بالعبارة  $x = 2v_D \times \sqrt{\frac{r}{g}}$ .

د) هل وفق اللاعب في رميته أم لا؟ ببر اجابتك.

$$\text{يعطى: } AB = 2m, AN = 1m, g = 10m/s^2$$

### التمرين 18: بكالوريا تقني رياضي 2008

ملحوظة: نهمل تأثير الهواء وكل الاحتكاكات.

يترك جسم نقطي ( $S$ ) دون سرعة ابتدائية من النقطة  $A$  لينزلق وفق خط الميل الاعظمي  $AB$  لمستوى  $BC$  مائل يصنع مع الافق زاوية  $\alpha = 30^\circ$  ، المسافة  $AB = L$ .

يتصل  $AB$  مماسياً في النقطة  $B$  بسلك دائري  $BC$  مرکزه  $O$  ونصف قطره  $r$  بحيث تكون النقاط  $A$  ،  $B$  ،  $C$  و  $O$  في نفس المستوى الشاقولي والنقطتان  $B$  و  $C$  على المستوي الافقى.

$$\text{يعطى: كتلة الجسم } (S) : r = 2m, L = 5m, g = 10m/s^2, m = 0.2kg$$

1- أوجد عبارة سرعة الجسم ( $S$ ) عند مروره بالنقطة  $B$  بدلالة  $L$  ،  $g$  و  $\alpha$  ثم احسب قيمتها.

2- حدد خصائص شعاع السرعة للجسم ( $S$ ) في النقطة  $C$ .

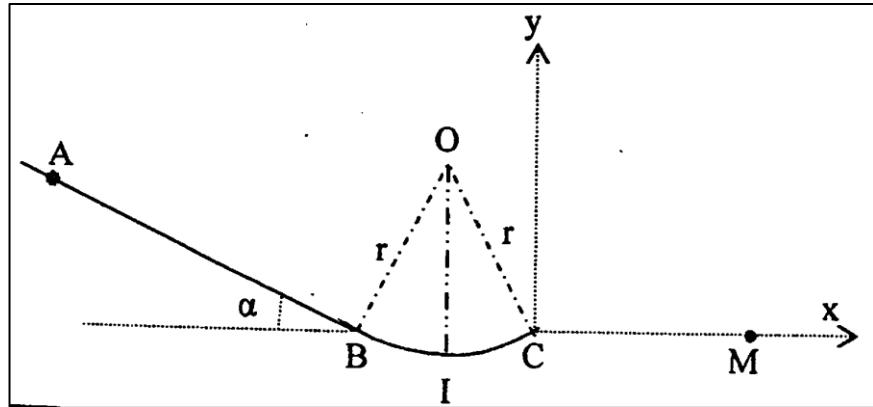
3- أ- أوجد بدلالة  $m$  ،  $g$  و  $\alpha$  عبارة شدة القوة التي تطبقها الطريق على الجسم ( $S$ ) خلال انلاقه على المستوى المائل ثم احسب قيمتها.

ب- لتكن  $I$  أخفض نقطة من المسار الدائري  $BC$  . يمر الجسم ( $S$ ) بالنقطة  $I$  بالسرعة  $v_I = 7.37 m/s$ . احسب شدة القوة التي يطبقها الطريق على الجسم ( $S$ ) عند النقطة  $I$ .

4- عند وصول الجسم ( $S$ ) الى النقطة  $C$  يغادر المسار  $BC$  ليقفز في الهواء.

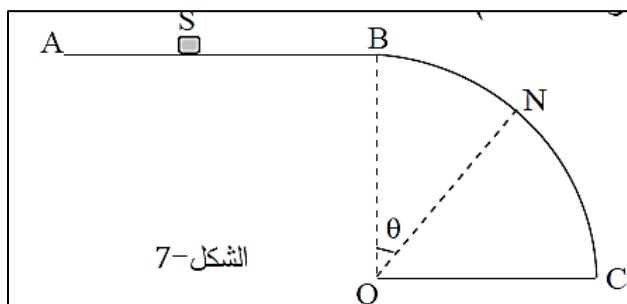
أ- أوجد في المعلم ( $\overrightarrow{Cx}, \overrightarrow{Cy}$ ) المعادلة الديكارتية ( $y = f(x)$ ) لمسار الجسم ( $S$ ). نأخذ مبدأ الازمنة  $t = 0$  لحظة مغادرة الجسم ( $S$ ) . النقطة  $C$ .

ب- يسقط الجسم ( $S$ ) على المستوى المار بالنقطتين  $B$  و  $C$  في النقطة  $M$  . احسب المسافة  $CM$ .



التمرين 19: بكلوريا رياضيات 2014:

لدراسة حركة جسم صلب ( $S$ ) كثنته  $m = 100g$  على السطح الدائري الشاقولي الاملس  $BC$  نصف قطره  $r = 1m$  ، نفذه من النقطة  $A$  بسرعة ابتدائية افقية  $v_A$  ليتحرك على السطح الافقى  $AB = d = 1m$  ، حيث تكون شدة قوة الاحتكاك على هذا الجزء ثابتة  $f = 0.8N$  وجهايتها معاكسة لجهة الحركة ، يمر الجسم ( $S$ ) بالنقطة  $B$  بدأية السطح  $BC$  بالسرعة  $v_B$  ويواصل حركته عليه ليغادره عند النقطة  $N$  .



الشكل-7

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن حركة ( $S$ ) على الجزء  $AB$  مستقيمة متباطئة بانتظام.

ب- بين أن  $v_A$  سرعة القذف يمكن كتابتها بالعبارة التالية:

$$v_A^2 = v_B^2 + \frac{2 \times d \times f}{m}$$

الشكل -8 يمثل منحنى تغيرات  $\cos \theta$  بدلالة  $v_B^2$  ، حيث  $\theta$  هي الزاوية التي من أجلها يغادر الجسم ( $S$ ) السطح الدائري في النقطة  $N$  بالسرعة  $v_N$

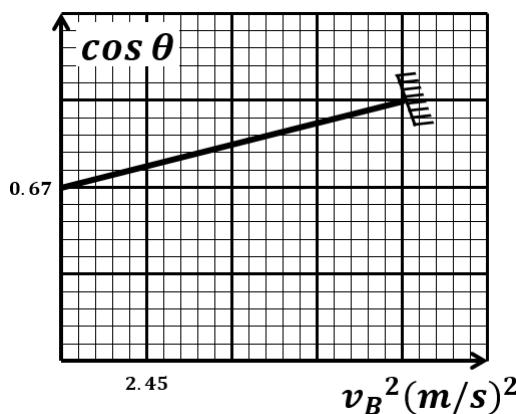
أ- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة جد عبارة  $v_N^2$  بدلالة  $v_B^2$  ،  $r$  ،  $g$  ،  $\theta$  .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد عبارة  $\vec{R}$  لفعل السطح الدائري على الجسم ( $S$ ) .

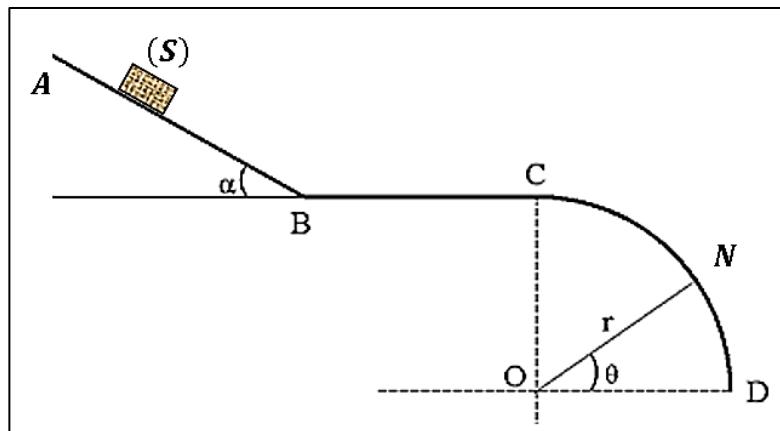
ج- جد العبارة النظرية لـ  $\cos \theta$  بدلالة  $v_B^2$  ،  $r$  ،  $g$  و  $\theta$  التي من أجلها يغادر الجسم ( $S$ ) السطح الدائري في النقطة  $N$  .

د- بالاعتماد على السؤال (ج) والمنحنى جد قيمة  $g$  تسارع الجاذبية الأرضية في مكان التجربة.

ـ ما هي أكبر قيمة للزاوية  $\theta$  وقيمة السرعة  $v_A$  عندئذ؟



يترك جسم (S) كتلته  $m = 0.5 \text{ kg}$  من نقطة A أعلى مستوى مائل عن الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  طوله  $AB = 2 \text{ m}$  بدون سرعة ابتدائية كما في الشكل-5. يخضع الجسم خلال حركته إلى قوة احتكاك ثابتة وجهتها معاكسة للحركة.



الشكل-5

- 1- أ- بتطبيق مبدأ انحصار الطاقة احسب قيمة الاحتكاك  $f$  علما انه يصل الى النقطة B بسرعة  $v_B = 2.5 \text{ m/s}$   
ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون اوجد عبارة التسارع  $a$  ثم احسب قيمته.  
ج- اكتب المعادلات الزمانية للحركة ثم استنتج المدة التي يستغرقها الجسم (S) لقطع المسافة  $AB$ .
- 2- يواصل الجسم (S) حركته على مستوى افقي (BC) بنفس قوة الاحتكاك السابقة.  
أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون احسب قيمة التسارع على هذا الجزء من المسار.  
ب- استنتاج قيمة السرعة  $v_C$  علما ان  $BC = 0.5 \text{ m}$
- 3- عندما يصل الجسم (S) الى النقطة C يصادف مسار بشكل دائري (ربع دائرة) نصف قطره  $r$  تكون الاحتكاكات مهملة عليه، لتجادره عند النقطة N التي تصنع الزاوية  $60^\circ = \theta$  مع الأفق.  
أ- بين ان:  $v_N^2 = v_C^2 + 2gr(1 - \sin\theta)$ .  
ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون اوجد عبارة R رد فعل المستوى على الجسم (S) بدالة  $v_N$  ،  $r$  ،  $\beta$  ،  $\alpha$  و  $m$ .  
ج- بين ان نصف قطر المسار الدائري يعطى بالعبارة  $r = \frac{v_C^2}{g(3\sin\theta - 2)}$  ثم احسب قيمته.  
$$g = 9.8 \text{ m/s}^2$$