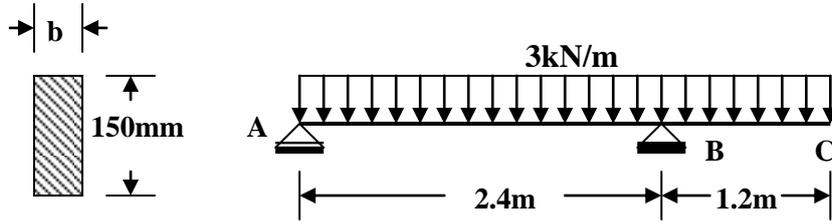


التمرين الاول (5 ن) : نريد دراسة الرافدة المحملة كما هو موضح في الشكل الميكانيكي أدناه



A: مسند بسيط B : مسند مضاعف

المطلوب :

1 - حساب ردود الأفعال عند المساند

2 - كتابة معادلات $T(x)$ و $M(x)$

3 - رسم المنحنيات و استنتاج M_{max}

4 - إيجاد عرض (b) مقطع الرافدة علما أن الإجهاد المسموح به $\bar{\sigma} = 12MPa$

التمرين الثاني (7 ن) :

لدينا النظام المثالي و الذي يتعرض

للتحميل المبين في الشكل التالي

A: مسند بسيط و B : مسند مضاعف

المطلوب

1- تأكد أن الهيكل المقترح محدد سكونيا.

2- أحسب ردود الأفعال في المسندين A و B .

3- باستعمال الطريقة التحليلية (عزل العقد)

أحسب الجهود الداخلية في قضبان الهيكل وعين طبيعتها.

4- دون النتائج المحصل عليها في جدول.

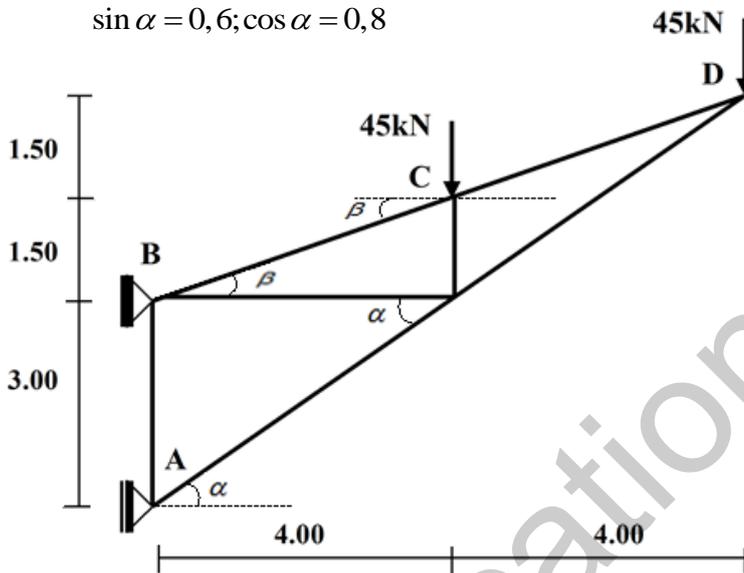
5 - احسب مساحة مقطع القضيب الأكثر تحميلا ثم حدد نوع

المنحرف في الجدول المرفق إذا علمت ان الإجهاد المسموح به

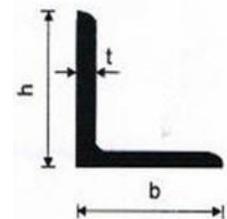
$$\bar{\sigma} = 7300 daN / cm^2$$

$$\sin \beta = 0,351; \cos \beta = 0,936$$

$$\sin \alpha = 0,6; \cos \alpha = 0,8$$



رقم المنحرف	المقطع cm ²	الكتلة Kg/cm ²	الابعاد (mm)		
			b=h	t	y _s =y _s
25x3	1.42	1.11	25	3	7.21
30x3	1.74	1.36	30	3	8.35
30x4	2.27	1.78	30	4	8.78
35x4	2.67	2.09	35	4	10.00
40x4	3.08	2.42	40	4	11.20
40x5	3.79	2.97	40	5	11.60

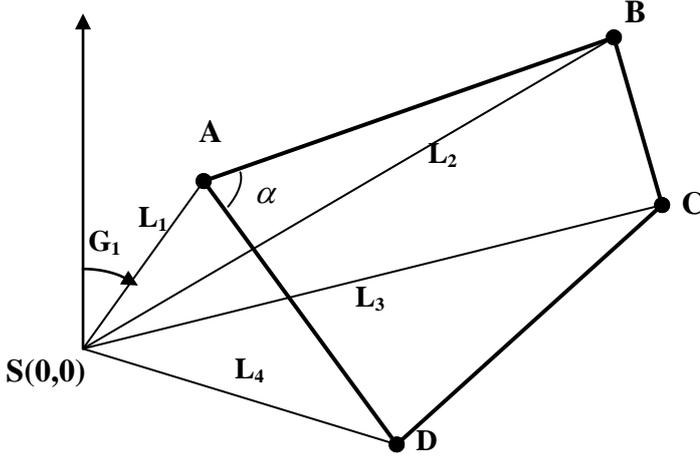


التمرين الثالث: (4 ن)

قامت فرقة طبوغرافية بمسح أرضية على شكل رباعي (ABCD) باستخدام طريقة الإشعاع أى الرصد من محطة واحدة S (0;0) فتحصلت على النتائج المدونة في الجدول

النقاط	X(m)	Y(m)
A	?	?
B	73.20	54.31
C	81.32	27.67
D	50.54	-14.14

المحطة	النقاط	المسافة (m)	الانحراف Gisement(gr)
S	A	29.15	15.91
	B	91.15	59.16
	C	85.90	78.92
	D	52.48	117.70



العمل المطلوب

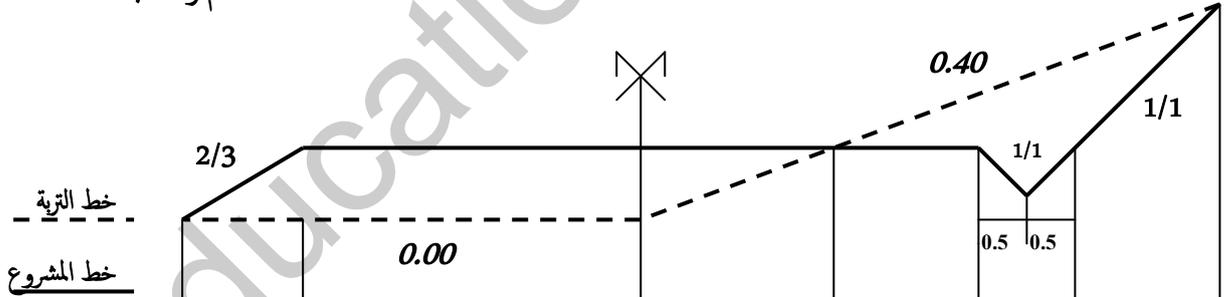
- 1- أحسب مساحة هذه الأرضية باستعمال طريقة الإحداثيات القطبية
- 2- أحسب قيمة السميت الاحداثي G_{AB} علما أن السميت الاحداثي $G_{DA} = 349.65gr$ و زاوية الركن $\alpha = 73,35gr$
- 3- أحسب الإحداثيات المستطيلة للنقطة A
- 4- أعد حساب مساحة هذه الأرضية باستعمال طريقة الإحداثيات القائمة

التمرين الرابع: (4 ن):

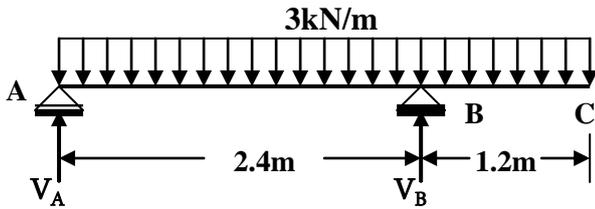
أكمل ملء جدول المظهر العرضي ثم احسب مساحتي الحفر والردم



الاسم و اللقب



منسوب خط التربة			28.00			
منسوب خط المشروع			29.05			
المسافات الجزئية					1.00	
المسافات المتراكمة	5.00		0.00		5.00	
المساحة	الردم: S =	الحفر: S =	الردم: S =	الحفر: S =		



$$0 \leq x \leq 2,4$$

$$T(x) = -3x + 2,7$$

$$T(0) = 2,7kN ; T(2,4) = -4,5kN$$

$$T(x) = 0 \Rightarrow -3x + 2,7 = 0 \Rightarrow x = 0,9$$

$$2,4 \leq x \leq 3,6$$

$$T(x) = 3(3,6 - x) = -3x + 10,8$$

$$T(2,4) = 3,6kN ; T(3,6) = 0kN$$

$$\Sigma M /_A = 0 \Rightarrow 2,4V_B - 3(3,6)(1,8) = 0$$

$$\Rightarrow V_B = 8,1kN$$

$$\Sigma F /_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B - 3(3,6) = 0$$

$$V_A = 10,8 - 8,1 = 2,7kN$$

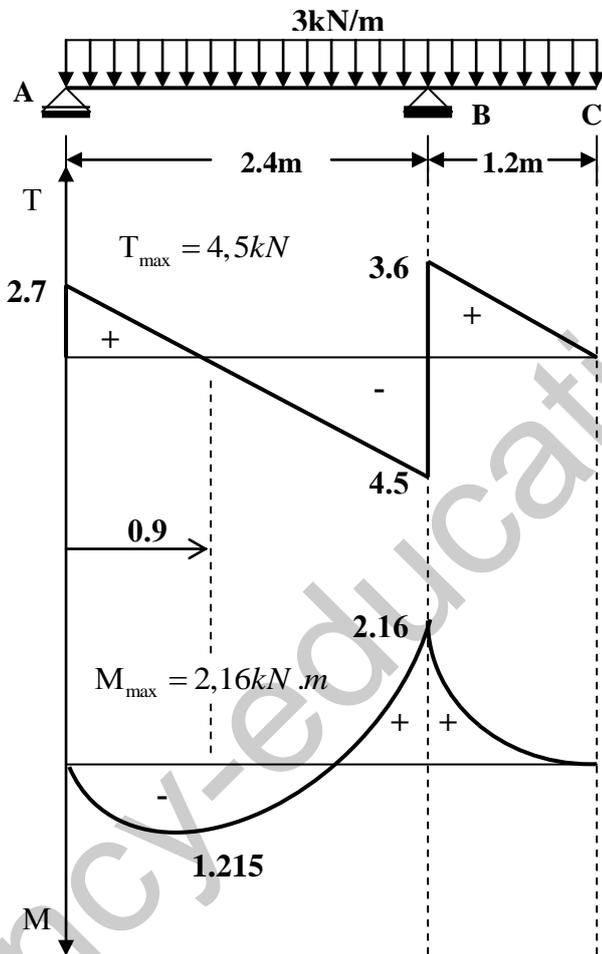
$$M(x) = -\frac{3}{2}x^2 + 2,7x$$

$$M(0) = 0 ; M(2,4) = -2,16kN.m$$

$$M(0,9) = 1,215kN.m$$

$$M(x) = -\frac{3}{2}(3,6 - x)^2$$

$$M(2,4) = -2,16kN.m ; M(3,6) = 0$$



$$W_x = \frac{\frac{bh^3}{12}}{\frac{h}{2}} = \frac{bh^3}{12} \cdot \frac{2}{h} = \frac{bh^2}{6}$$

$$\sigma_{\max} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{M_{\max}}{W_x} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow \frac{W_x}{M_{\max}} \geq \frac{1}{\bar{\sigma}} \Rightarrow W_x \geq \frac{M_{\max}}{\bar{\sigma}}$$

$$\frac{bh^2}{6} \geq \frac{M_{\max}}{\bar{\sigma}} \Rightarrow b \geq \frac{6M_{\max}}{h^2 \bar{\sigma}}$$

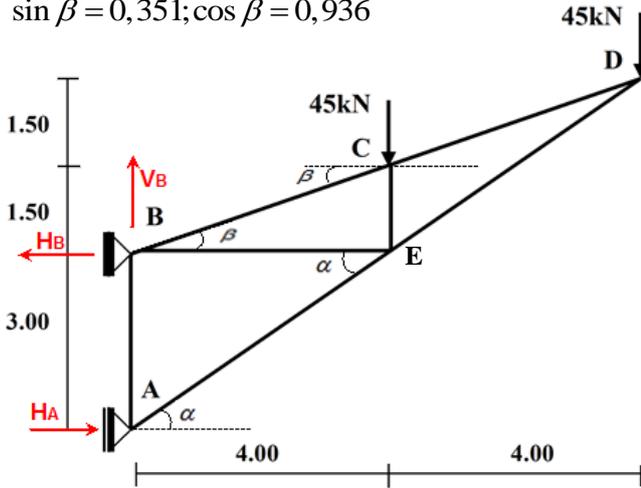
$$b \geq \frac{6 \cdot 2,16 \cdot 10^3}{(0,15)^2 \cdot 12 \cdot 10^6} = 0,048m = 48mm$$

تصحيح الموضوع الثاني

التمرين الثاني:

$$\sin \alpha = 0,6; \cos \alpha = 0,8$$

$$\sin \beta = 0,351; \cos \beta = 0,936$$



$$b = 2n - 3 \Rightarrow 7 = 2(5) - 3 = 7$$

$$\Sigma M /_B = 0 \Rightarrow 3H_A + 4(45) + 8(45) = 0$$

$$\Rightarrow H_A = \frac{12(45)}{3} = 4(45) = 180kN$$

$$\Sigma F /_y = 0 \Rightarrow V_B - 45 - 45 = 0$$

$$\Rightarrow V_B = 90kN$$

$$\Sigma F /_x = 0 \Rightarrow H_A - H_B = 0$$

$$\Rightarrow H_B = H_A = 180kN$$

$$\Sigma F /_x = 0 \Rightarrow N_{AE} \cos \alpha + H_A = 0$$

$$\Rightarrow N_{AE} = -\frac{H_A}{\cos \alpha} = -\frac{180}{0,8} = -225kN$$

$$\Sigma F /_y = 0 \Rightarrow N_{AE} \sin \alpha + N_{AB} = 0$$

$$\Rightarrow N_{AB} = -N_{AE} \sin \alpha = -(-225)(0,6) = 135kN$$

$$\Sigma F /_y = 0 \Rightarrow N_{BC} \sin \beta - N_{AB} + V_B = 0$$

$$\Rightarrow N_{BC} = \frac{N_{AB} - V_B}{\sin \beta} = \frac{135 - 90}{0,351} = 128,21kN$$

$$F /_x = 0 \Rightarrow N_{BE} + N_{BC} \cos \beta - H_B = 0$$

$$\Rightarrow N_{BE} = -N_{BC} \cos \beta + H_B$$

$$\Rightarrow N_{BE} = -128,21(0,936) + 180 = 60kN$$

$$\Sigma F /_x = 0 \Rightarrow N_{CD} \cos \beta - N_{BC} \cos \beta = 0$$

$$\Rightarrow N_{CD} = N_{BC} = 128,21kN$$

$$\Sigma F /_y = 0 \Rightarrow -N_{CE} - 45 = 0$$

$$\Rightarrow N_{CE} = -45kN$$

$$\Sigma F /_x = 0 \Rightarrow N_{ED} \cos \alpha - N_{AE} \cos \alpha - N_{BE} = 0$$

$$\Rightarrow N_{ED} = \frac{N_{AE} \cos \alpha + N_{BE}}{\cos \alpha} = \frac{-225(0,8) + 60}{0,8} = -150kN$$

$$\sigma = \frac{N_{AE}}{S} \leq \bar{\sigma} \Rightarrow S \geq \frac{N_{AE}}{\bar{\sigma}} = \frac{225 \cdot 10^2}{7300} = 3,08 \Rightarrow 40 \times 4$$

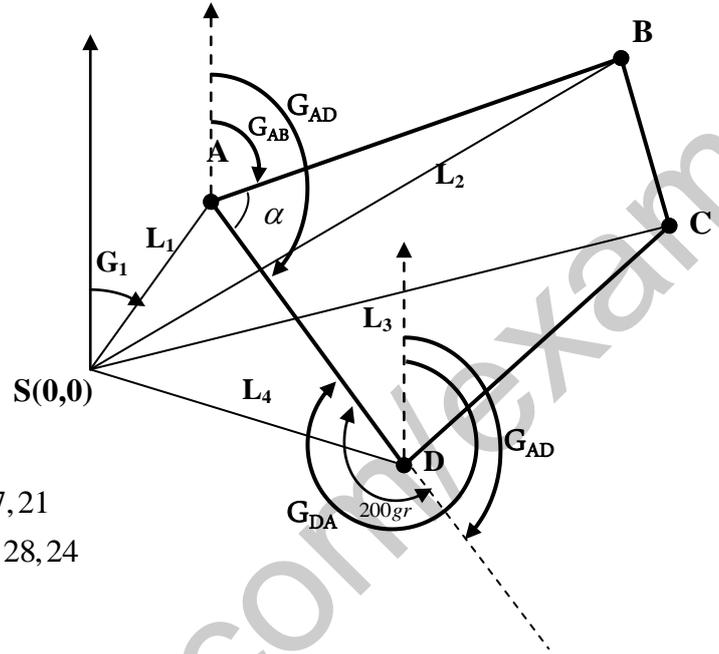
الطبيعة	الشدة	القضبان
شد	135	AB
ضغط	225	AE
شد	128.21	BC
شد	60	BE
شد	128.21	CD
ضغط	45	CE
ضغط	150	DE

$$S = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} (29,15)(91,15) \sin(59,16-15,91) \\ + (91,15)(85,90) \sin(78,92-59,16) \\ + (85,90)(52,48) \sin(117,70-78,92) \\ + (52,48)(29,15) \sin(15,91-117,70) \end{bmatrix} = 2555,52m^2$$

$$G_{AB} = G_{AD} - \alpha = (G_{DA} - 200) - \alpha$$

$$\Rightarrow G_{AB} = (349,65 - 200) - 73,35$$

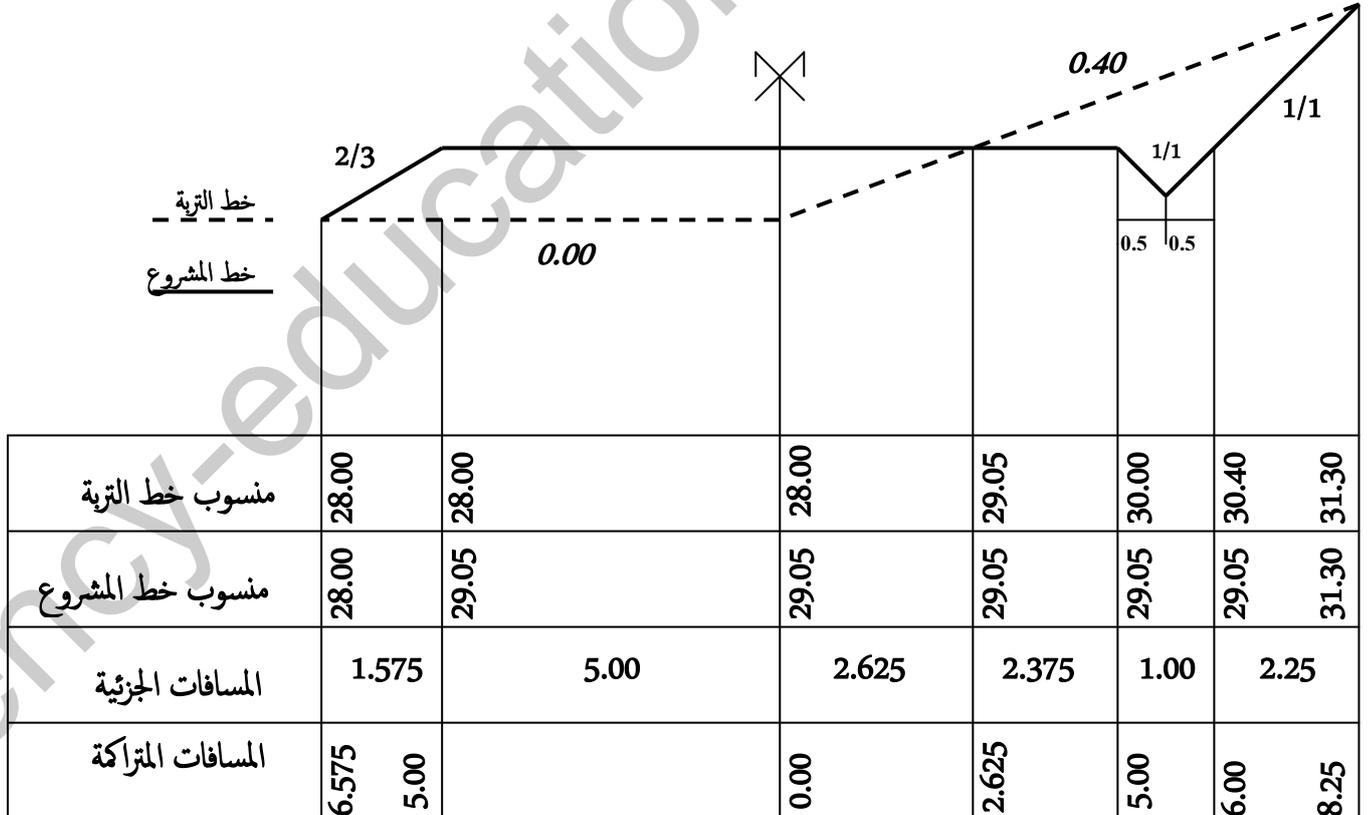
$$\Rightarrow G_{AB} = 149,65 - 73,35 = 76,30gr$$



$$x_A = x_S + L_{SA} \sin G_{SA} = 0 + 29,15 \sin 15,91 = 7,21$$

$$y_A = y_S + L_{SA} \cos G_{SA} = 0 + 29,15 \cos 15,91 = 28,24$$

$$S = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 7,21(-14,14 - 54,31) + 73,20(28,24 - 27,67) \\ + 81,32(54,31 + 14,14) + 50,54(27,67 - 28,24) \end{bmatrix} = 2542,87m^2$$



المساحة	الردم: S = 6.08 m2	الحفر: S = 0	الردم: S = 1.38m2	الحفر: S = 4.05m2
---------	-----------------------	-----------------	----------------------	----------------------