

$$\left\{ \begin{array}{l} u_3 \times u_9 = 2021 \\ 14u_7 + 14u_5 + 14u_3 - 364 = 1442 \end{array} \right. \quad \text{(٤) متالية حسابية حدتها الأولى } u_1 \text{ وأساسها } 2 \text{ حيث}$$

- (١) احسب u_6 ثم استنتج u_n
- (٢) بين أن $u_4 = 4$ و $u_6 = 11$.
- (٣) أكتب الحد العام u_n بدلالة n .
- (٤) حدد اتجاه تغير المتالية (u_n) مع التبرير.
- (٥) احسب بدلالة n المجموع S_n المعروف به.

ال詢ين الثاني:

a ، b و c أعداد صحيحة حيث : $a = 2021$ ، $b = 1442$ و $c = 1954$

- (١) احضر العدد a بين مضاعفين متتاليين للعدد 3
- (٢)تحقق أن العددين a و b متواافقان بتزريد 3
- (٣) هل العددان a و c متواافقان بتزريد 3 ؟
- (٤) بين باستعمال خواص المواقفات صحة المعافة التالية: $a + b + c \equiv -1 [3]$
- (٥) استنتاج باقي القسمة الاقبليّة للعدد $1442 + 2021 + 1954^{(1952)}$ على 3

ال詢ين الثالث: f الدالة المعرفة على $[-\infty, +\infty] \setminus [-1, 0]$ كما يلي: $f(x) = \frac{2x+3}{x+1}$ منحنيها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتاجنس $(O; i; j)$.

- .1. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 :
- .2. احسب $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
- .3. استنتاج أن المنحني (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين يطلب كثابة معادلة لكل منهما عين (x) ثم أدرس إشارتها.
- .4. استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها
- .5. اكتب معادلة للمماس (T) للمنحني (C_f) عند النقطة التي فاصلتها 2
- .6. عين نقط تقاطع المنحني (C_f) مع المحورين
- .7. مثل المنحني (C_f) في المعلم $(O; i; j)$
- .8.

التعريف الأول:

$$\begin{cases} u_4 \cdot u_5 = 2021 \\ 14u_4 + 14u_5 + 14u_6 - 364 = 1442 \\ u_6 \text{ جمل } u_3 \text{ ثم استنتاج } \\ 14u_4 + 14u_5 + 14u_6 - 364 = 1442 \\ \text{لذلك: } 14(u_4 + u_5 + u_6) = 1806 \\ u_4 + u_5 + u_6 = 129 \\ u_4 + u_5 = 2u_6 \\ (u_6) \text{ متالية حسابية إذن } \\ u_6 = 43 \text{ وبالتالي: } \\ u_6 = 129 - 3u_6 \\ u_6 = \frac{2021}{47} = 47 \\ \text{استنتاج: } u_6 = 47 \\ \text{إثبات أن } r = 4 \\ u_6 = 11r \end{cases}$$

$$\begin{cases} r = 4 \\ (u_n) \text{ متالية حسابية إذن } u_6 - u_5 = r \text{ ومنه:} \\ u_6 = u_5 + 8r \\ \text{ولدينا: } u_6 = u_5 + 8r = 11r \text{ ومنه: } \\ u_5 = 11r - u_6 = 11r - 47 = 62 \\ \text{كتابه العد العام } u_n \text{ بدلالة } n: \\ u_5 = 11 + 4r \\ u_5 = u_5 + nr \end{cases}$$

$$\begin{cases} u_5 = 11 + 4r \\ u_5 = u_5 + nr \\ \text{اتجاه تغير المتالية: } (u_n) \\ (u_n) \text{ متالية حسابية إذن من أجل كل عدد طبيعي } n: \\ u_n = 11 + 4r \end{cases}$$

$$\begin{cases} u_n = 11 + 4r \\ \text{أي من أجل كل عدد طبيعي } n: \\ u_{n+1} - u_n = 4 \\ u_{n+1} - u_n = 4 \text{ فهي متزايدة تماماً} \\ \text{دلالة } f \text{ متزايدة تماماً: } S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n \\ S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n : S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n \end{cases}$$

$$\begin{cases} S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n : S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n \\ S_n = \frac{n+1}{2}(u_0 + u_n) = \frac{n+1}{2}(u_0 + u_n) \\ S_n = (n+1)(11+2n) \\ a=1954, b=1442, r=2021 \end{cases}$$

التعريف الثاني:

$$\begin{cases} \text{حصر العدد } a \text{ بين مضاعفين متتاليين للعدد 3:} \\ 673(3) < 2021 < 674(3) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2019 < a < 2022 \\ \text{وإذن: } 673(3) < 2021 < 674(3) + 2 \\ \text{التحقق من أن العددان } a \text{ و } b \text{ متدايقان بتز�يد 3:} \\ a-b=579 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a-b=579 \\ \text{بما أن العدد 579 مضاعف للعدد 3 فإن العددان } a \text{ و } b \text{ متدايقان بتز�يد 3:} \\ a \equiv b[3] \end{cases}$$

$$\begin{cases} a \equiv b[3] \\ \text{صحة المواقفة: } a \equiv c[3] \\ \text{بما أن العدد 67 ليس مضاعفاً للعدد 3 فإن العددان } a \text{ و } c \text{ غير متدايقان بتز�يد 3:} \\ a \neq c[3] \end{cases}$$

$$\begin{cases} a \neq c[3] \\ \text{إثبات صحة المواقفة: } a+b+c \equiv -1[3] \\ a \equiv 1[3], b \equiv 2[3], c \equiv 2[3] \\ \text{لدينا: } a+b+c \equiv 5[3] \text{ بما أن: } a+b+c \equiv 5[3] \text{ ومنه: } a+b+c \equiv -1[3] \\ a+b+c \equiv -1[3] \end{cases}$$

التعريف الثالث:

$$1. \text{ إثبات أن: } f(x) = 2 + \frac{1}{x+1}$$

من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 :

$$2 + \frac{1}{x+1} = \frac{2x+2+1}{x+1} = \frac{2x+3}{x+1} = f(x)$$

حساب التهابات:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 2 + \frac{1}{x+1} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} 2 + \frac{1}{x+1} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^-} 2 + \frac{1}{x+1} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} 2 + \frac{1}{x+1} = -\infty$$

استنتاج: (C_f) يقبل مقتضايا مقارباً موازياً لمحرر التراقيب له المعادلة $y = -1$ و مقتضايا مقارباً موازياً لمحرر الفواصل له المعادلة $x = -1$

حساب $f'(x)$:

من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 :

$$f'(x) = \frac{2(x+1) - (2x+3)}{(x+1)^2} = \frac{-1}{(x+1)^2}$$

6. استنتاج اتجاه تغير الدالة f : اتجاه تغير f من إشارة المشتقة.

بما أن $f'(x) < 0$ من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن -1 فلن

دلالة f متزايدة تماماً

المعادلة للمسار (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي قابلتها -2 :

$$y = f'(-2)(x+2) + f(-2)$$

$$y = -x - 1 \quad y = -(x+2) + 1$$

7. تحديد نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع المحررين:

$$\text{نجد: } x=0, y=3$$

$$x = -\frac{3}{2}, f(x) = 0 \quad \text{نجد: } f(x) = 0$$

$$\text{نقط تقاطع: } B\left(-\frac{3}{2}, 0\right) \text{ و } A(0, 3)$$

تمثيل المنحنى (C_f):

