

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

أجب بصحيح أو خطأ عن الجمل التالية مع التعليل:

$$1. \text{ الدالة } f \text{ المعرفة بـ: } \begin{cases} f(x) = x^2 - x & ; x \geq 1 \\ f(x) = -x^2 + x & ; x < 1 \end{cases} \text{ تقبل الاشتقاق على } \mathbb{R}$$

$$2. \text{ إذا كانت } f \text{ دالة معرفة على } \mathbb{R} \text{ كما يلي: } \begin{cases} f(x) = \frac{x+2-\sqrt{4+x^2}}{x} & ; x \neq 0 \\ f(0) = \alpha \end{cases}$$

فان قيمة α حتى تكون f مستمرة عند العدد 0 هي : 1

$$3. \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x+3)}{\ln x} = 0$$

4. النقطة $w \left(\frac{1}{2}; \frac{3}{2} \right)$ مركز تناظر للمنحنى الممثل للدالة f المعرفة على $]0; 1[$ كما يلي :

$$f(x) = x + 1 + 2 \ln \left(\frac{x}{1-x} \right)$$

5. المنحنى الممثل للدالة f المعرفة على $]0; +\infty[$ بـ : $f(x) = (\ln x)^2 - \ln x + x$ يقبل مماسا معامل توجيهه يساوي 1

التمرين الثاني:

(I) g الدالة المعرفة على \mathbb{R} كما يلي : $g(x) = xe^{-x} + 1$ 1. ادرس تغيرات الدالة g 2. بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث : $-0,6 < \alpha < -0,5$ 3. استنتج إشارة $g(x)$ على \mathbb{R} (II) f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بالعلاقة : $f(x) = (x+1)e^{-x} - x$ (C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 1. احسب : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ 2. (أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فان : $f'(x) = -g(x)$ (ب) استنتج إشارة $f'(x)$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f 3. (أ) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = -x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) عند $+\infty$ (ب) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) 4. اثبت أن المنحنى (C_f) يقبل مماسا (T) موازيا للمستقيم (Δ) ، يطلب اعطاء معادلة له.5. بين أن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين احداثيتها6. ارسم (Δ) ، (T) و (C_f) على المجال $[-2; +\infty[$ ، تعطى $f(\alpha) \approx 1,3$ 7. أوجد قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة : $\frac{x+1}{e^x} = m$ حلان مختلفان في الإشارة

بالتوفيق