السنة الدراسية:2019/2018

القسم 3 ت ر

مديرية التربية لولاية تيزي وزؤ ثانوية بوجيمع

### فرض محروس رقم 1 للفصل الثاني

#### التمرين الأول:

 $u_{n+1} = 1 + \sqrt{u_n - 1}$  n و من أجل كل عدد طبيعي  $u_0 = \frac{3}{2}$  :  $u_0 = \frac{3}{2}$  المعرفة على  $(u_n)$  المعرفة على  $(u_n)$  المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة على المعرفة المعر

ب أثبت أن المتتالية  $(u_n)$  متزايدة واستنتج ان المتتالية  $(u_n)$  متقاربة نحو نهاية يطلب تعيينها.

- $v_n = \ln(u_n 1)$  بامعرفة على  $\mathbb{N}$ ب: 2.
- أ. اثبت ان المتتالية  $\left(v_{n}
  ight)$  هندسية اساسها q و حدها الاول  $v_{0}$
- ب. اكتب  $v_n$  بدلالة u و استنتج عبارة  $u_n$  بدلالة v . ثم احسب v بدلالة v

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  ج. أحسب المجموع  $S_n$ 

 $P_n = (u_0 - 1)(u_1 - 1)....(u_n - 1)$  د. استنتج حساب الجداء  $P_n$  حيث:

#### التمرين الثاني:

5x-6y=3....(E) نعتبر في المجموعة  $\mathbb{Z}^2$  المعادلة:

.3 أ بين أن إذا كانت الثنانية (x;y) حلا للمعادلة (E) فإن (E) مضاعف ل (1

 $\mathbb{Z}^2$  المعادلة (E) أم حل في  $\mathbb{Z}^2$  المعادلة (E)

$$.$$

$$\begin{cases} x \equiv -1[6] \\ x \equiv -4[5] \end{cases}$$
 :  $(S)$  استنتج حلول الجملة

ي عددان طبيعيان حيث :  $a=\overline{1lpha\,0lpha\,00}$  في النظام ذي الأساس 3 و  $b=\overline{lphaeta\,0\alpha\,00}$  في النظام ذي الأساس 5.

. (E) عين  $\alpha$  و  $\beta$  حتى تكون الثنائية (a;b) حلا للمعادلة  $\alpha$ 

بالتوفيق للجميع

انتهى

## 3as.ency-education.com

 $u_{n+1} = 1 + \sqrt{u_n - 1}$  المعرفة على  $u_0 = \frac{3}{2}$  و من أجل كل عدد طبيعي العددية  $(u_n)$  المعرفة على  $(u_n)$ أ. برهان بالتراجع أن : من اجل كل عدد طبيعي n :  $1\langle u_n \langle 2 : n$  الخاصية : من اجل كل عدد طبيعي P(n) $1\langle u_n \langle 2 \rangle$ محيحة P(0) : الدينا: P(0) اي الدينا: P(0) صحيحة  $u_0 = \frac{3}{2}$  $1\langle u_n\langle 2 | P(n)$  نفرض صحة P(n) اي آن: 4 $^{**}$  $1\langle u_{n+1}\langle 2 :$ نبرهن صحة P(n+1) اي آن P(n+1) $0+1\langle \sqrt{u_n-1}+1\langle 1+1:0 \rangle \sqrt{0} \langle \sqrt{u_n-1}\langle \sqrt{1}:0 \rangle \sqrt{u_n-1}\langle 1-1:0 \rangle \sqrt{u_n-1}$  دينا:  $0+1\langle \sqrt{u_n-1}+1\langle 1+1:0 \rangle \sqrt{u_n-1}\rangle \sqrt{u_n-1}$  منه:  $1\langle u_n \rangle \sqrt{u_n-1}$ منه:  $2 \setminus u_{n+1}$  أي: P(n+1) صحيحة  $1\langle u_n\langle 2:n$  إذن: من اجل كل عدد طبيعي ب إثبات أن المتتالية  $(u_n)$  متزايدة  $u_{n+1} - u_n = \sqrt{u_n - 1} + 1 - u_n = \sqrt{u_n - 1} - \left(u_n - 1\right) = \frac{\left(\sqrt{u_n - 1}\right)^2 - \left(1 - u_n\right)^2}{\sqrt{u_n - 1} + \left(u_n - 1\right)} = \frac{-u_n^2 + 3u_n - 2}{\sqrt{u_n - 1} + \left(u_n - 1\right)}$  الدينا:  $-u_n^2+3u_n-2$  د  $u_n-1>0$  د  $u_n-1>0$  منه: اشارة  $u_n-1>0$  منه: اشارة  $u_n-1>0$  منه: اشارة  $u_n-1>0$  د الدينا:  $u_n-1>0$  $\Delta = b^2 - 4ac = 3^2 - 4 \times (-1)(-2) = 1$  دراسة اشارة  $-x^2 + 3x - 2$  - دراسة اشارة - دراسة - دراسق - دراسة - دراسق - دراسة - دراسة - دراسة - دراسة - دراسة - دراسة - دراسق - دراسق  $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 + 1}{-2} = 1$  و  $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 - 1}{-2} = 2$  (هما:  $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 - 1}{-2} = 2$  و  $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 - 1}{-2} = 2$  $-x^2 + 3x - 2$  جدول اشارة  $1\langle u_n\langle 2:$  بما ان: فإن:  $(u_n)$  منزايدة  $u_{n+1} - u_n > 0$  فإن: \*) استنتاج ان المتتالية  $(u_n)$  متقاربة نحو نهاية يطلب تعيينها.  $\lim u_n = 2$  بما أن: المتتالية  $(u_n)$  متزايدة و محدودة من الأعلى بالعدد 2 فإنها متقاربة و  $v_n = \ln(u_n - 1)$  :بالمعرفة على المعرفة ( $v_n$ ) المعرفة (2 .  $v_0$  هندسية اساسها q و حدها الاول  $(v_n)$  $v_{n+1} = \ln\left(u_{n+1} - 1\right) = \ln\left(\sqrt{u_n - 1} + 1 - 1\right) = \ln\left(\sqrt{u_n - 1}\right) = \frac{1}{2}\ln\left(u_n - 1\right) = \frac{1}{2}v_n$  لاينا:  $v_0 = \ln(u_0 - 1) = \ln(\frac{3}{2} - 1) = \ln(\frac{1}{2}) = -\ln 2$  و حدها الأول:  $q = \frac{1}{2}$  منه:  $(v_n)$  منة  $v_n = v_0 q^n = -\ln 2 \left( \frac{1}{2} \right)^n$  منتالية هندسية حدها الأول  $v_0$  منه:  $(v_n)$ : : لدينا:  $(v_n)$  $u_n = e^{v_n} + 1 = e^{-\ln 2\left(\frac{1}{2}\right)^n} + 1$  استنتاج عبارة  $u_n = u_n - 1$  : لدينا  $v_n = \ln\left(u_n - 1\right)$  : لدينا  $u_n = e^{v_n} + 1 = e^{-\ln 2\left(\frac{1}{2}\right)^n} + 1$  استنتاج عبارة  $u_n = e^{v_n} + 1 = e^{-\ln 2\left(\frac{1}{2}\right)^n} + 1$  $\lim_{n \to +\infty} u_n = \lim_{n \to +\infty} \left( e^{-\ln 2 \left( \frac{1}{2} \right)^n} + 1 \right) = 1 + 1 = 2 : لديد : لديد : لديد الديد الد$  $q = \frac{1}{2} \langle 1 \circ \lim_{n \to +\infty} \left( e^{-\ln 2 \left( \frac{1}{2} \right)^n} \right) = e^0 = 1 : \dot{V}$  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  ج. حساب المجموع  $S_n$  حيث:  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n = v_0 \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q} = -\ln 2 \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}}{1 - \frac{1}{2}} = -2\ln 2 \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}\right)$ 

## 3as.ency-education.com

5x-6y=3....(E): التمرين الثاني: نعتبر في المجموعة  $\mathbb{Z}^2$  المعادلة:

يان أنه إذا كانت الثنائية (x;y) حلا للمعادلة (E) فإن (E) مضاعف ل (E)

5x = 3(2y+1) نكافئ 5x = 6y+3 تكافئ 5x - 6y = 3

لدينا:3 يقسم x و x و وو أوليان فيما بينهما منه: 3 يقسم x (حسب مبرهنة قوص) و بالتالي : x مضاعف x

(E) خاصا للمعادلة  $y = \frac{5 \times 3 - 3}{6} = 2$  نجد  $y = \frac{5 \times 3 - 3}{6} = 2$  اذن: (E) خاصا للمعادلة (E) با استنتاج حلا خاصا للمعادلة (E) بغرض

(\*) 5(x-3)=6(y-2) : بالطرح طرف لطرف نجد  $\begin{cases} 5x-6y=3 \\ 5\times 3-6\times 2=3 \end{cases}$  بالطرح طرف لطرف نجد  $\mathbb{Z}^2$  المعادلة (E)

x = 6k + 3 و 6 و 5 أوليان فيما بينهما منه حسب قوص 6 يقسم x - 3 = 6k و منه: x - 3 = 6k و منه: x - 3 = 6k

 $S = \left\{ \left(6k+3;5k+2\right); k \in \mathbb{Z} \right\}$  و بالتالي: y = 5k+2 اذن :  $5 \times 6k = 6(y-2)$  : بالتعويض في (\*) نجد

 $\begin{cases} x \equiv -1[6] \\ x \equiv -4[5] \end{cases}$ : (S) استنتاج حلول الجملة

n=6k+3 تكافئ  $\begin{cases} x=-1[6] \\ x=-4[5] \end{cases}$  أي:  $\begin{cases} x=6m-1 \\ x=5n-4 \end{cases}$  و بالتالي:  $\begin{cases} x=-1[6] \\ x=-4[5] \end{cases}$ 

 $x = 5(6k+3)-4 = 30k+11; k \in \mathbb{Z}$  each n = 6k+3

.5 و  $b=\overline{\alpha\beta0\alpha}$  في النظام ذي الأساس 3 و  $b=\overline{\alpha\beta0\alpha}$  في النظام ذي الأساس 3 و  $b=\overline{\alpha\beta0\alpha}$  في النظام ذي الأساس 5.

. (E) عيين  $\alpha$  و  $\beta$  حتى تكون الثنائية (a;b) حلا للمعادلة  $\alpha$ 

 $a = \overline{1\alpha 0\alpha 00}^3 = 1 \times 3^5 + \alpha \times 3^4 + \alpha \times 3^2 = 243 + 81\alpha + 9\alpha = 90\alpha + 243$  الدينا:

 $\beta \le 4$  و لاینا:  $b = \overline{\alpha\beta0\alpha}^5 = \alpha \times 5^3 + \beta \times 5^2 + \alpha \times 5^0 = 125\alpha + 25\beta + \alpha = 126\alpha + 25\beta$  و لاینا:

بما أن : الثنانية (a;b) حلا للمعادلة (E) منه : 5a-6b=3 و بالتالي: (a;b)=5a-6b=3 ينتج: (a;b)=5a-6b=3 بنتج: (a;b)=5a-6b=3

و بالتالي:  $(\alpha; \beta) = (2; 4)$  حل للمعادلة.

# 3as.ency-education.com