امتحان بكالوريا تجريبي

مديرية التربية لولاية تيزي وزو الشعبة: تقني رياضي

ثانوية بوجيمع دورة : ماى 2019

المدة: 4 ساعات

اختبار: في مادة الرياضيات

على المترشح أن يختار احد الموضوعين التاليين

الموضوع الاول

التمرين الاول (04)

1) أ) ادرس حسب قسم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد "3 على 5. ب) استنتج باقي قسمة العدد 2018²⁰¹⁹2019 على 5.

 $(3^{3n} + 3^{2n} + n \equiv 0]^{5}$: نعتبر مجموعة قيم العدد الطبيعي $(n + 3^{2n} + n \equiv 0)^{5}$ $n \equiv 1[4]$

. 311x - 899y = 34 : التالية (E) المعادلة (Z المجموعة \mathbb{Z}^2 . (E) أن المعادلة (E) أنم حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة (E).

.5 عدد طبيعي يكتب $\overline{eta \alpha 202}$ في النظام ذو الأساس 4 و يكتب $\overline{lpha \beta 0 \alpha \alpha}$ في النظام ذو الأساس 5.

. عين العددين الطبيعيين α و eta ، ثم اكتب A في النظام العشري.

4) أ) حلل العدد (A-2) إلى جداء عوامل أولية ثم استنتج الأعداد الطبيعية التي مربع كل منها يقسم (A-2). m = PPCM(a;b) و d = PGCD(a;b) معن العددين الطبيعيين a = A - 2 عين العددين الطبيعيين a = PPCM(a;b)

التمرين الثاني (05.5)

ينسب المستوي إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \bar{u}; \bar{v})$. نعتبر النقط $B \circ C \circ B \circ A$ لواحقها على الترتيب :

. متعامدان (BD) و(AC) تحقق أن $z_B - z_D = \overline{z}_D (z_A - z_C)$ متعامدان (1

. D الي B الي A الذي يحول A الذي الكتابة المركبة للتشابه المباشر B الذي يحول A الي B

ب - حدد z_{Ω} لاحقة المركز Ω للتشابه المباشر z_{Ω} ثم عين زاويته و نسبته

 $M_{n+1}=S(M_n)$ متتالية نقط من المستوي معرفة كما يلي: $M_0=A$ و من أجل كل عدد طبيعي $M_0=A$ لدينا (3) $u_n = |z_n - z_\Omega|$: n عدد طبیعی ، M_n نضع من أجل كل عدد طبیعی ، M_n

أ- بين أن (u_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول

ب - عين قيم α بحيث تكون المتتالية (u_n) متقاربة

 $\theta \in \mathbb{R}$ حيث $Z = a(1+e^{i\theta})$ مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة Z التي تحقق $Z = a(1+e^{i\theta})$

عين طبيعة المجموعة (γ) مع تحديد عناصر ها المميزة عندما θ يمسح المجموعة $\mathbb R$

التمرين الثالث: (03.5)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $O(\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ ، نعتبر النقطتين A(2;1;1) و A(2;1;1) و الفضاء النقط M(x;y;z) من الفضاء التي تحقق: M(x;y;z)

(P) بين أن A تنتمي إلى المجموعة (1)

ب) بين أن المجموعة (P) هي مستوحيث x-2y-z+1=0 هي مستوحية له .

A لتكن (S) سطح كرة مركزها I و تمر من النقطة A

- تحقق أن نصف قطر سطح كرة (S) هو $\sqrt{6}$ ثم عين معادلة ديكارتية لها.

2x - y + z - 4 = 0 (2) ليكن (2) المستوي ذو المعادلة الديكارتية

، H و نصف قطرها H و نصف قطرها H و نصف قطرها H و نصف H و نصف H و نصف قطرها H

B(2;-2;-2) لتكن B(2;-2;-2) نقطة من الفضاء ، تحقق أن القطعة وB(2;-2;-2)

B النقطة (S) في النقطة (Q') المماس لسطح كرة (S)

التمرين الرابع: (07نقاط)

$$\begin{cases} f(x) = \frac{1}{2}x^2(3 - 2\ln x) + 1; x > 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$
 كما يلي: $(0; +\infty)$ كما يلي: $(0; +\infty)$ كما يلي:

و ليكن (C) تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(C; \overline{i}; \overline{j})$ وحدة الطول (C

1) أ- ادرس استمرارية الدالة f عند 0 من اليمين .

. ب احسب $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)-1}{x}$ ثم فسر النتيجة بيانيا

 $\lim_{x\to +\infty} f(x) + 1$ (2)

ب - ادرس اتجاه تغير الدالة ركم شكل جدول تغيراتها .

 $4.6 < \alpha < 4.7$ الله يوجد عدد حقيقي موجب α حيث $\alpha = 0$ ثم تحقق أن 3

. 1 المماس للمنحنى (C) عند النقطة التي فاصلتها (Δ) المماس للمنحنى

 $g(x) = f(x) - 2x - \frac{1}{2}$: ب g(x) = 0; +∞ المعرفة على g(x) = 0

g'اً أم شكل جدول تغيرات الدالة g''(x)

 (Δ) بالنسبة إلى (C) بالنسبة إلى الدالة g ثم استنتج وضعية

f أنشئ (C)و (C)ثم أنشئ (C') المنحنى الممثل للدالة (C)

 $I_n = \int_{-\infty}^{1} x^2 \ln x dx$ من اجل کل عدد طبیعي n غیر معدوم نضع (7

n بدلالة المكاملة بالتجزئة احسب المكاملة بالتجزئة احسب

 $x=rac{1}{n}$ و x=1 المساحة n المساحة m بالمساحة m المساحة m بالمساحة m بالمساحة

الموضوع الثانى

التمرين الاول (05.5)

 $P(z) = z^3 - 5z^2 + 8z - 6$: نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة C كثير الحدود للمتغير المركب C حيث C خصاص المعادلة C المعادلة C المعادلة C المعادلة C عند C أن عند C أن عند المعادلة C أن عند C أن عند المعادلة C أن عند المعا

2) المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{u}; \vec{v})$ ، نعتبر النقط $D \cdot C \cdot B \cdot A$ التي لواحقها على الترتيب:

 $z_D = \text{Re}(z_C + z_A)$, $z_C = 2z_B$, $z_B = \overline{z_A}$, $z_A = \sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$

أ- بين أن النقط C ، B ، A تنتمي إلى نفس الدائرة يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها.

ب - أحسب $\left(\frac{z_c-z_D}{z_A-z_D}\right)$ بنام ، arg $\left(\frac{z_c-z_D}{z_A-z_D}\right)$

جـ - عين $z_{D'}$ لاحقة النقطة D' حتى يكون الرباعي $z_{D'}$ معين.

 $z'-1+i=e^{i\frac{\pi}{2}}(z-1+i)$: نعتبر التحويل النقطي T الذي يرفق بكل نقطة M(z) من المستوي النقطة M'(z') حيث M(z) عين طبيعة التحويل D و عناصره المميزة.

. ب عين لاحقة النقطة E صورة النقطة O بالتحويل T ثم بين أن المستقيمين (AB) و (CE) متعامدان

 \mathbb{R} اء θ عدد حقيقي عين مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z حيث z حيث عين مجموعة النقط z الما θ يتغير في

 $k \in \mathbb{Z}$ عين مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z حيث: z عين مجموعة النقط من المستوي ذات اللاحقة ع

التمرين الثاني (04)

 $u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + \frac{1}{3}n + 1$ عدد طبیعی عدد با عدد طبیعی ا $u_1 = \sqrt{e}$ بنتالیة عددیة معرفة علی $u_n = \sqrt{e}$

. (u_n) أحسب u_2 ، u_2 و ثم ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (1 من 10 أحسب u_3 ، u_2 أحسب (1

 $u_n \le n+3$: أ) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n فإن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم

 (u_n) غير المتتالية $u_{n+1} - u_n \leq \frac{1}{3}(n+3-u_n)$: ب) أثبت من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n فإن n

 $v_n = u_n - n$ ب \mathbb{N}^* على أو عددية معرفة على متتالية عددية معرفة على (

 $u_n = n + \left(\sqrt{e} - 1\right) \left(\frac{2}{3}\right)^{n-1}$: بين أن $n \ge 1$ عدد طبيعي الج أن من أجل كل عدد طبيعي أن $n \ge 1$ متتالية هندسية اساسها $n = n + \left(\sqrt{e} - 1\right) \left(\frac{2}{3}\right)^{n-1}$

 $S_n' = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ عدد طبیعی $S_n = \left(\frac{2}{3}\right)v_1 + \left(\frac{2}{3}\right)^2 v_2 + \dots + \left(\frac{2}{3}\right)^n v_n$ نضع : $n \ge 1$ نضع ناجل کل عدد طبیعی ا

. $\lim_{n\to\infty}\frac{S_n'}{n^2}$ بنم أحسب بدلالة n كلا من المجموعين S_n و S_n ، ثم أحسب بدلالة المحموعين من المجموعين المحموعين المحموعين

التمرين الثالث: (3.5 ن)

ا) يحتوي كيس على n كرة بيضاء حيث $(n \ge 2)$ و 5 كرات حمراء و 3 خضراء.

نسحب عشوانيا و في آن واحد كرتين من الكيس.

- 1) ما احتمال سحب كرتين بيضاوين
- 2) نسمي p(n) احتمال سحب كرتين من نفس اللون.

$$p(n) = \frac{n^2 - n + 26}{(n+8)(n+7)}$$
: ابین ان

ب) أحسب (lim p (n) أم فسر النتيجة المحصل عليها.

اا) فيما يلي نأخذ n=4، نعتبر اللعبة التالية ، يدفع في البداية اللاعب 30DA فايسحب كرتان من الكيس إذا وجد في السحب كرتين بيضاوين يربح 40DA ، إذا تحصل على إحداهما بيضاء يربح 10DA و إذا لم يحصل على أي كرة بيضاء تحصل على 0DA . نسمي الربح الجبري للاعب الفرق بين المبلغ المدفوع أو لا و المبلغ الذي كسبه .

ليكن X المتغير العشوائي الذي يمثل الربح الجبري للاعب.

- 1) عين قيم المتغير العشوائي X.
- 2) عين قانون الإحتمال للمتغير العشوائي X ثم احسب أمله الرياضي.

التمرين الرابع (07)

الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي $e^{kx}+1$ مع $g_{k}(x)=e^{kx}+1$ الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R}

 $(O; ec{i}; ec{j})$ و تمثیلها البیاني في معلم متعامد و متجانس تمثیلها البیاني في معلم متعامد و متجانس

 \mathbb{R} على $g_k(x)$ شكل جدول تغيرات الدالة g_k ثم إستنتج إشارة

أ. بين أن المنحنيات (C_k) تشمل نقطة وحيدة I يطلب تعيين إحداثياها .

.
$$A\left(-\frac{1}{2};e+1\right)$$
 التي يكون من أجلها المنحنى C_k) يشمل النقطة k التي يكون من أجلها المنحنى

. المعددية f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي : $f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{e^{-x} + 1}$ المعلم السابق $f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{e^{-x} + 1}$ المعلم السابق $f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{e^{-x} + 1}$

المنتج f(x) + f(-x): ماذا تستنتج

.
$$f'(x) = \frac{g_{-2}(x)}{(e^{-x}+1)^2}$$
: \mathbb{R} من أجل كل كمن أجل كل أبين أنه من أجل كل

 \mathbb{R} ب استنتج جدول تغيرات الدالة f على

. ا
$$\lim [f(x)-(x+2)]$$
 مسر النتيجة هندسيا $x \to -\infty$

ب _ أثبت أن المنحنى (γ) يقبل مستقيما مقاربا مائلا عند ∞ + يطلب تعيين معادلته .

 α المنحنى (γ) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α محصورة بين α

. (γ) عند النقطة ذات الفاصلة (γ) عند النقطة ذات الفاصلة (γ)

ب ـ أدرس الوضعية النسبية للمنحنى (γ) و المماس (T)

ج ـ فسر النتيجة هندسيا .

 $(\gamma)_{e}(T)$ انشئ $(\gamma)_{e}(\gamma)$

7/ أ- أحسب $A(\alpha)$ مساحة الحيز من المستوي المحدد بالمنحنى (γ) و المستقيمات التي معادلاتها :

 $x = 0; x = \alpha; y = x + 2$

انتهى الموضوع الثاني

600