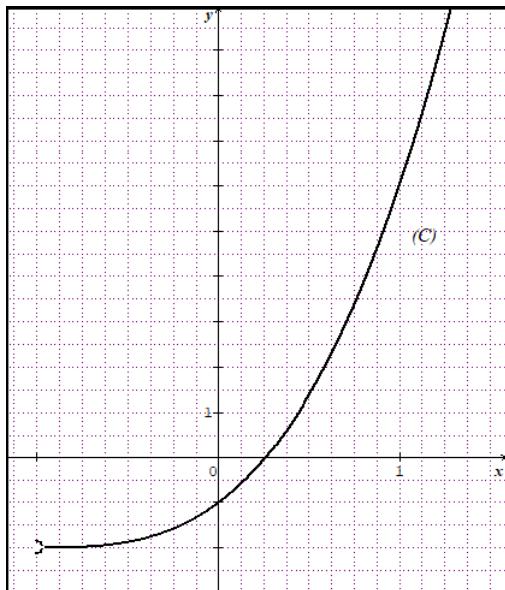


تمرين 1



المنحنى (C) المقابل هو التمثيل البياني للدالة العددية g المعرفة على المجال $[-1; +\infty)$ كا يأتي:

$g(x) = x^3 + 3x^2 + 3x - 1$

(1) أ) - بقراءة بيانية شكل جدول تغيرات الدالة g وحدد $g(0)$

وإشاره $\left(\frac{1}{2}, g\left(\frac{1}{2}\right)\right)$

ب) علل وجود عدد حقيقي α من المجال $\left[0; \frac{1}{2}\right]$

يتحقق: $g(\alpha) = 0$

ج) استنتاج إشاره $g(x)$ على المجال $[-1; +\infty)$

(2) f هي الدالة العددية المعرفة على المجال $[-1; +\infty)$ وليكن (Γ) تمثيلها البياني في معلم متعامد (O, \vec{i}, \vec{j}) بما يأتي:

أ) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[-1; +\infty)$ حيث $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^3}$ هي

الدالة المشتقة للدالة f .

ب) عين دون حساب $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{f(x) - f(\alpha)}{x - \alpha}$ وفسّر النتيجة بيانيا.

ج) أحسب: $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x+1)]$ و $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$ وفسّر النتيجتين بيانيا.

د) شكل جدول تغيرات f .

(3) - نأخذ $\alpha \approx 0,26$

أ) عين مدور $f(\alpha)$ إلى 10^{-2} . ب) أرسم المنحنى (Γ) .

تمرين 2

I) دالة معرفة على $I =]-\infty; -1] \cup [-1; 0]$ تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس كما هو مبين في الشكل. (اقلب الصفحة)

أ) أحسب نهايات f عند الحدود المفتوحة لـ I .

ب) بقراءة بيانية ودون دراسة اتجاه تغيرات f شكل جدول تغيراتها.

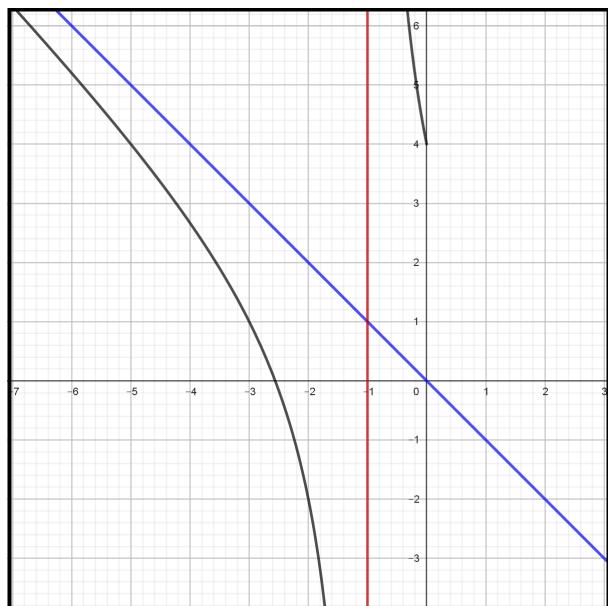
II) دالة معرفة على المجال $[0; +\infty)$ تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعامد متجانس.

أ) أحسب نهاية f عند $+\infty$.

باكالوريا علوم تجريبية 2009

ب) تحقق من أن (C_g) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) عند $+\infty$ يطلب تعين معادلة له.

ج) أدرس تغيرات g .



III) k دالة معرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ كما يلي:
 ، $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{k(h) - k(0)}{h}$ و $\lim_{h \geq 0} \frac{k(h) - k(0)}{h}$
 1) أ) أحسب ماذا تستنتج؟

ب) أعط تفسيرا هندسيا لهذه النتيجة.
 2) أكتب معادلتي المماسين (Δ_1) و (Δ_2) عند النقطة التي فاصلتها $x_0 = 0$.
 3) أرسم (Δ_1) و (Δ_2) و (C_k) .

4) أحسب مساحة الحيز المستوى المحدد بالمنحنى $x = \frac{1}{2}$ ، $y = 0$ ، (C_k) ، $x = -\frac{1}{2}$
 و المستقيمات التي معادلاتها: $x = \frac{1}{2}$

تمرين 3

I) لتكن g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

1) أ) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g على \mathbb{R} ثم شكل جدول تغيراتها.

2) أ) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $0,7 < \alpha < 0,8$

ب) استنتاج حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)$.

II) - نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 - 2x + 1}{2x^2 - 2x + 1}$
 و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2) أ) بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} :

ب) استنتاج أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) يطلب تعينه.

ج) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و (Δ) .

- (3) أ) بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} حيث $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(2x^2 - 2x + 1)^2}$:
 ب) استنتج إشارة $f'(x)$ حسب قيم x ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
 (نأخذ $f(\alpha) = -0, 1$)

(4) أحسب $f(1)$ ثم حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$

(5) أنشئ المستقيم (Δ) و المنحني (C_f) .

(6) لتكن h الدالة المعرفة على \mathbb{R} كا يلي:

و (C_h) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

با كالوريا علوم تجريبية 2014

- أ) تحقق أنه من أجل كل x من \mathbb{R} : $h(x) = f(x) - 2$
 ب) استنتاج أن (C_h) هو صورة (C_f) بتحويل نقطي بسيط يطلب تعينه، ثم أنشئ (C_h) .

تمرين 4

الدالة العددية المعرفة على المجال $[1; +\infty)$ كا يألي: $f(x) = x - \frac{2}{\sqrt{x+1}}$
 منحني الدالة f في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (C_f) .
 (1) أدرس تغيرات الدالة f .

(2) أ- بين المنحني (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما (D) معادلته $y = x$
 ب- أدرس الوضعية النسبية للمنحني (C_f) و (D) .

(3) أ- بين أن (C_f) يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها x_0 حيث $1,3 < x_0 < 1,4$ حيث
 ب- عين معادلة (Δ) مماس المنحني (C_f) في نقطة تقاطعه مع محور التراتيب.

با كالوريا رياضيات 2009

ج- أرسم (C_f) و (Δ) في نفس المعلم.

(4) g الدالة العددية المعرفة على المجال $[1; +\infty)$ بالعبارة: $g(x) = |f(x)|$
 منحني الدالة g في المعلم السابق.

بين كيف يمكن إنشاء (C_g) إنطلاقاً من (C_f) ثم ارسمه في نفس المعلم السابق.

(5) ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة: $f(x) = m^2$

تمرين 5

الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كا يلي: $f(x) = x \left(1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}\right)$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

1) أ- أثبتت أن الدالة f فردية.

ب- أثبتت أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا: $f'(x) = 1 + \frac{1}{(x^2 + 1)\sqrt{x^2 + 1}}$

جـ- ادرس تغيرات الدالة f .

أـ- اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 0 .

بـ- ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (T) واستنتج أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعينها.

جـ- بين أن المستقيم (d) ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب للمنحنى (C_f) في جوار ∞ ، ثم استنتاج معادلة (d') المستقيم المقارب الآخر.

دـ- ارسم (d) و (d') و (C_f) في المعلم السابق.

باـكالوريا تقني رياضي 2010

3) g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

أـ- بين أن الدالة g زوجية.

بـ- انطلاقا من (C_g) ارسم (C_f) منحنى الدالة g في نفس المعلم السابق.

تمرين 6

I) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

1) أدرس اتجاه تغير الدالة g .

2) بين أن المعادلة $0 = g(x) = x^3 + 6x + 12$ تقبل حلاً وحيداً α حيث $\alpha \in [-1, 48; -1, 47]$ ثم استنتاج حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)$.

II) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 - 6}{x^2 + 2}$ ولتكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتبعانس $(\vec{O}, \vec{i}, \vec{j})$.

1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

بـ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x ، ثم ادرس اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

2) أ) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

بـ) أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

3) بين أن $f(\alpha) = \frac{3}{2}\alpha$.

4) ارسم المستقيم (Δ) والمنحنى (C_f) .

5) نرمز بـ S إلى مساحة الحيز المستوى المحدد بالمنحنى (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها $x = \alpha$ ، $y = 0$ و $x = 0$.

أثبت أنـ: من أجل كل $x \in [\alpha; 0]$ ، $-3 \leq f(x) \leq f(\alpha)$ ثم بين أنـ: $\frac{3}{2}\alpha^2 \leq S \leq -3\alpha$.